

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

**федеральное государственное автономное
образовательное учреждение высшего образования
«Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет
им. Н.И. Лобачевского»**

Институт информационных технологий, математики и механики

УТВЕРЖДЕНО
решением Ученого совета ННГУ
протокол № 10 от 27.08.2025 г.

Рабочая программа дисциплины

Уравнения математической физики

Уровень высшего образования
Бакалавриат

Направление подготовки / специальность
01.03.02 - Прикладная математика и информатика

Направленность образовательной программы
Математическое моделирование и искусственный интеллект

Форма обучения
очная

г. Нижний Новгород

2025 год начала подготовки

1. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина Б1.О.24 Уравнения математической физики относится к обязательной части образовательной программы.

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями и индикаторами достижения компетенций)

Формируемые компетенции (код, содержание компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю), в соответствии с индикатором достижения компетенции		Наименование оценочного средства	
	Индикатор достижения компетенции (код, содержание индикатора)	Результаты обучения по дисциплине	Для текущего контроля успеваемости	Для промежуточной аттестации
ОПК-3: Способен применять и модифицировать математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности	<p>ОПК-3.1: Знает математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности и методы их модификации</p> <p>ОПК-3.2: Умеет использовать, анализировать и модифицировать математические модели в современном естествознании и технике</p> <p>ОПК-3.3: Имеет практический опыт применения математических моделей для решения задач в области профессиональной деятельности</p>	<p>ОПК-3.1: Знать: классификацию дифференциальных уравнений с частными производными второго порядка; понятие корректно поставленной задачи; теоретические основы метода Фурье; основные свойства решений уравнения теплопроводности; основные свойства гармонических функций; основы теории потенциала.</p> <p>ОПК-3.2: Уметь: выводить основные уравнения математической физики; выбирать метод решения поставленных задач; анализировать результаты, полученные при решении задачи.</p> <p>ОПК-3.3: Владеть: основными методами решения задач математической физики: метод характеристик, метод Фурье, методы теории потенциала; навыками решения стандартных задач математической физики: задача Коши для уравнений</p>	Контрольная работа	<p>Зачёт: Контрольные вопросы Задачи</p> <p>Экзамен: Контрольные вопросы Задачи</p>

		гиперболического и параболического типов, смешанная задача для уравнений гиперболического и параболического типов; краевые задачи для уравнений Лапласа и Пуассона.		
ПК-1: Способен решать актуальные задачи прикладной математики и информатики	<p>ПК-1.1: Обладает базовыми знаниями, полученными в области математических и естественных наук и информационных технологий для решения актуальных задач прикладной математики и информатики</p> <p>ПК-1.2: Умеет применять базовые знания математических и естественных наук и информационных технологий для решения актуальных задач прикладной математики и информатики</p> <p>ПК-1.3: Имеет практический опыт решения актуальных задач прикладной математики и информатики</p>	<p>ПК-1.1: Знать: основные факты из математического анализа, геометрии и алгебры и других дисциплин, на которые опирается изучение уравнений математической физики</p> <p>ПК-1.2: Уметь: решать математические задачи и проблемы методами математической физики, аналогичные ранее изученным:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Уметь определять тип уравнения в частных производных 2. Приводить уравнение к каноническому виду; 3. Решать типовые начально-краевые задачи методом разделения переменных (метод Фурье); 4. Решать типовые задачи методом Даламбера 5. Решать задачи с использованием специальных функций. Знать основные свойства специальных функций. 6. Доказывать ранее изученные в рамках дисциплины математические утверждения; 7. Проводить доказательства математических утверждений не аналогичных ранее изученным, но тесно примыкающих к ним <p>ПК-1.3: Владеть:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. терминологией предметной области; 	Отчет по лабораторным работам Контрольная работа	<p>Зачёт: Контрольные вопросы Задачи</p> <p>Экзамен: Контрольные вопросы Задачи</p>

		<p>2. приемами аналитического решения задач и интерпретации результатов.</p> <p>3. навыками поиска информации в рамках предметной области в сети Интернет и других источниках.</p> <p>4. навыками использования универсальных математических пакетов для выполнения расчетов;</p> <p>5. навыками интерпретации результатов численного исследования</p>		
--	--	--	--	--

3. Структура и содержание дисциплины

3.1 Трудоемкость дисциплины

	очная
Общая трудоемкость, з.е.	7
Часов по учебному плану	252
в том числе	
аудиторные занятия (контактная работа):	
- занятия лекционного типа	64
- занятия семинарского типа (практические занятия / лабораторные работы)	96
- КСР	3
самостоятельная работа	53
Промежуточная аттестация	36 Экзамен, Зачёт

3.2. Содержание дисциплины

(структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и виды учебных занятий)

Наименование разделов и тем дисциплины	Всего (часы)	в том числе			Самостоятельная работа обучающегося, часы
		Контактная работа (работа во взаимодействии с преподавателем), часы из них		Всего	
		Занятия лекционного типа	Занятия семинарского типа (практические занятия/лабораторные работы), часы		
	0 Ф 0	0 Ф 0	0 Ф 0	0 Ф 0	0 Ф 0
Тема 1. Понятие дифференциального уравнения с частными	12	4	4	8	4

производными					
Тема 2. Вывод основных уравнений математической физики	10	4	2	6	4
Тема 3. Уравнение колебаний струны. Метод характеристик.	22	4	12	16	6
Тема 4. Задачи Коши и Гурса для уравнений гиперболического типа	13	4	6	10	3
Тема 5. Задача Коши для волнового уравнения.	11	4	4	8	3
Тема 6. Основные смешанные задачи для волнового уравнения.	11	4	4	8	3
Тема 7. Метод Фурье для свободных и вынужденных колебаний струны	19	4	12	16	3
Тема 8. Задача Штурма–Лиувилля	12	4	4	8	4
Тема 9. Общая схема метода Фурье в многомерных задачах	14	4	6	10	4
Тема 10. Специальные функции математической физики	19	4	12	16	3
Тема 11. Уравнения параболического типа.	22	6	12	18	4
Тема 12. Уравнения эллиптического типа.	18	6	8	14	4
Тема 13. Свойства гармонических функций.	14	6	4	10	4
Тема 14. Элементы теории потенциала	16	6	6	12	4
Аттестация	36				
КСР	3			3	
Итого	252	64	96	163	53

Содержание разделов и тем дисциплины

Цели и задачи изучения дисциплины

Изучение дисциплины «Уравнения математической физики» направлено на развитие и закрепление компетенций на основе знаний, умений и навыков, связанных с теорией и применением специальных форм дифференциальных уравнений в частных производных в задачах различных типов, относящихся к области профессиональной деятельности бакалавров.

1. Понятие дифференциального уравнения с частными производными. Обзор основных разделов курса. Некоторые вопросы истории и примеры.

Классификация и приведение к каноническому виду уравнений второго порядка

2. Вывод основных уравнений математической физики

3. Уравнение колебаний струны. Метод характеристик. Формула Даламбера. Метод продолжения в задачах на полупрямой.

4. Задачи Коши и Гурса для уравнений гиперболического типа.

5. Задача Коши для волнового уравнения. Формулы Пуассона и Кирхгофа. Цилиндрические волны.

6. Основные смешанные задачи для волнового уравнения. Теорема о единственности решения.

7. Метод Фурье для свободных и вынужденных колебаний струны.

8. Задача Штурма–Лиувилля. Свойства собственных функций и собственных значений.

9. Общая схема метода Фурье в многомерных задачах.

10. Специальные функции математической физики. Задача о колебании круглой мембраны. Функции Бесселя.

11. Уравнения параболического типа. Основные задачи для уравнения теплопроводности. Теорема о максимуме и минимуме. Формула Пуассона

12. Уравнения эллиптического типа. Основные задачи для уравнений Лапласа и Пуассона. Функции Грина.

13. Свойства гармонических функций. Теорема о максимуме и минимуме для гармонических функций

14. Элементы теории потенциала.

4. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся

Самостоятельная работа обучающихся включает в себя подготовку к контрольным вопросам и заданиям для текущего контроля и промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины приведенным в п. 5.

Для обеспечения самостоятельной работы обучающихся используются:

Электронные курсы, созданные в системе электронного обучения ННГУ:

Уравнения математической физики (Дерендяев Н.В.), Уравнения математической физики 5, Уравнения математической физики 6, <https://e-learning.unn.ru/enrol/index.php?id=6176>, <https://e-learning.unn.ru/enrol/index.php?id=1656>, <https://e-learning.unn.ru/enrol/index.php?id=1657>.

5. Фонд оценочных средств для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по дисциплине (модулю)

5.1 Типовые задания, необходимые для оценки результатов обучения при проведении текущего контроля успеваемости с указанием критериев их оценивания:

5.1.1 Типовые задания (оценочное средство - Контрольная работа) для оценки сформированности компетенции ОПК-3:

1. Решите смешанную задачу

$$u_{tt}(x, t) - a^2 u_{xx}(x, t) = 0, \quad 0 < x < 2, \quad t > 0;$$
$$u(x, t)|_{t=0} = x(x - 2), \quad u_t(x, t)|_{t=0} = 0; \quad u(0, t) = u(2, t) = 0.$$

2. Найти функцию $v(r, \varphi)$, гармоническую в единичном круге $0 < r < 1$, $\varphi \in [0, 2\pi)$ такую, что $v(r, \varphi)|_{r=1} = \cos^6 \varphi + \sin^6 \varphi$.

5.1.2 Типовые задания (оценочное средство - Контрольная работа) для оценки сформированности компетенции ПК-1:

1. Привести уравнение к каноническому виду

$$9u_{xx} - 6u_{xy} + u_{yy} + 7u_x - 2u_y - u = 0.$$

2. Стержень, один конец которого ($x=0$) закреплен жестко, а другой ($x=l$) свободен, был подвергнут начальному растяжению

$$u(x, 0) = Ax, 0 \leq x \leq l,$$

начальные скорости точек стержня равны нулю.

Найти растяжение точек стержня в момент $t = l/2a$

Критерии оценивания (оценочное средство - Контрольная работа)

Оценка	Критерии оценивания
зачтено	Задания контрольной работы выполнены верно или с негрубыми ошибками.
не зачтено	Задания контрольной работы не выполнены или выполнены с грубыми ошибками.

5.1.3 Типовые задания (оценочное средство - Отчет по лабораторным работам) для оценки сформированности компетенции ПК-1:

Перечень лабораторных работ:

1. Обобщенные ряды Фурье

Лабораторная работа предназначена для закрепления знаний и приобретение практических навыков по разделу "Обобщенные ряды Фурье", который включает в себя главы классического и функционального анализа. Цель работы: подготовить фундаментальную базу для изучения основополагающего метода в курсе УМФ – метода Фурье.

2. Поперечные колебания струны в среде без сопротивления

Лабораторная работа предназначена для развития интуиции, способствующей более глубокому пониманию колебательных процессов в физических системах.

3. Распространение тепла в конечном стержне

Лабораторная работа предназначена для развития интуиции, способствующей более глубокому пониманию процессов распространения тепла в физических системах.

4. Специальные функции

Данная лабораторная работа является непосредственным обобщением и продолжением лабораторной работы №1 и предназначена для закрепления знаний, полученных на лекционных и практических занятиях, посвященных специальным функциям и их применению в задачах математической физики.

Критерии оценивания (оценочное средство - Отчет по лабораторным работам)

Оценка	Критерии оценивания
зачтено	Задание лабораторной работы выполнено верно или с негрубыми ошибками.
не зачтено	Задание лабораторной работы не выполнено или выполнено с грубыми ошибками.

5.2. Описание шкал оценивания результатов обучения по дисциплине при промежуточной аттестации

Шкала оценивания сформированности компетенций

Уровень сформированности компетенций (индикатора достижения компетенций)	плохо	неудовлетворительно	удовлетворительно	хорошо	очень хорошо	отлично	превосходно
	не зачтено			зачтено			
<u>Знания</u>	Отсутствие знаний теоретического материала. Невозможность оценить полноту знаний вследствие отказа обучающегося от ответа	Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки	Минимально допустимый уровень знаний. Допущено много негрубых ошибок	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько негрубых ошибок	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько несущественных ошибок	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Ошибок нет.	Уровень знаний в объеме, превышающем программу подготовки.
<u>Умения</u>	Отсутствие минимальных умений. Невозможность оценить наличие умений вследствие отказа обучающегося от ответа	При решении стандартных задач не продемонстрированы основные умения. Имели место грубые ошибки	Продемонстрированы основные умения. Решены типовые задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания, но не в полном объеме	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания в полном объеме, но некоторые с недочетами	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания в полном объеме, но некоторые с недочетами.	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с отдельными несущественными недочетами, выполнены все задания в полном объеме	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме без недочетов
<u>Навыки</u>	Отсутствие	При решении	Имеется	Продемонс	Продемонс	Продемонс	Продемонс

	базовых навыков. Невозможность оценить наличие навыков вследствие отказа обучающегося от ответа	стандартных задач не продемонстрированы базовые навыки. Имели место грубые ошибки	минимальный набор навыков для решения стандартных задач с некоторыми и недочетами	трированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторыми и недочетами	трированы базовые навыки при решении стандартных задач без ошибок и недочетов	трированы навыки при решении нестандартных задач без ошибок и недочетов	ирован творческий подход к решению нестандартных задач
--	---	---	---	--	---	---	--

Шкала оценивания при промежуточной аттестации

Оценка		Уровень подготовки
зачтено	превосходно	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «превосходно», продемонстрированы знания, умения, владения по соответствующим компетенциям на уровне выше предусмотренного программой
	отлично	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «отлично».
	очень хорошо	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «очень хорошо»
	хорошо	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «хорошо».
	удовлетворительно	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «удовлетворительно», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «удовлетворительно»
не зачтено	неудовлетворительно	Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «неудовлетворительно».
	плохо	Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «плохо»

5.3 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов обучения на промежуточной аттестации с указанием критериев их оценивания:

5.3.1 Типовые задания (оценочное средство - Контрольные вопросы) для оценки сформированности компетенции ОПК-3

1. Классификация уравнений 2-ого порядка с постоянными коэффициентами с n независимыми переменными.
2. Классификация дифференциальных уравнений с частными производными второго порядка с двумя независимыми переменными.
3. Основные задачи для уравнения малых поперечных колебаний струны.
4. Задача о колебаниях полубесконечной струны с закрепленным концом.

5. Задача о колебаниях полубесконечной струны со свободным концом.
6. Задача о граничном режиме для полубесконечной струны.
7. Непрерывная зависимость решения задачи Коши от начальных данных.
8. Задача Штурма-Лиувилля. Свойства собственных функций и собственных значений.

5.3.2 Типовые задания (оценочное средство - Контрольные вопросы) для оценки сформированности компетенции ПК-1

1. Задача Коши для уравнений свободных колебаний струны.
2. Формула Даламбера для решения задачи Коши.
3. Задача Коши для вынужденных колебаний бесконечной струны.
4. Задача Коши для волнового уравнения в пространстве. Формула Пуассона.
5. Задача Коши для волнового уравнения на плоскости.
6. Принцип Гюйгенса.
7. Неоднородное волновое уравнение в пространстве. Запаздывающий потенциал.

Критерии оценивания (оценочное средство - Контрольные вопросы)

Оценка	Критерии оценивания
зачтено	Ответы на вопросы верны или допущены незначительные ошибки.
не зачтено	Ответа на вопросы нет или ответ содержит грубые ошибки и неточности.

5.3.3 Типовые задания (оценочное средство - Контрольные вопросы) для оценки сформированности компетенции ОПК-3

1. Классификация дифференциальных уравнений с частными производными второго порядка с постоянными коэффициентами с n независимыми переменными.
2. Классификация дифференциальных уравнений с частными производными второго порядка с двумя независимыми переменными.
3. Вывод уравнения малых поперечных колебаний струны. Постановка основных задач.
4. Непрерывная зависимость решения задачи Коши от начальных данных.
5. Задача о колебаниях полуограниченной струны со свободным концом.
6. Задача о граничном режиме для полуограниченной струны.

7. Теорема единственности решения начально-краевой задачи для волнового уравнения.
8. Обоснование метода разделения переменных для начально-краевой задачи о свободных колебаниях струны.
9. Задача Штурма-Лиувилля. Вещественность собственных значений и собственных функций.
10. Задача Штурма-Лиувилля. Ортогональность собственных функций, соответствующих различным собственным значениям.
11. Задача Штурма-Лиувилля. Линейная зависимость собственных функций, соответствующих одному собственному значению.
12. Задача Штурма-Лиувилля. Неотрицательность собственных значений при естественных граничных условиях.
13. Задача Штурма-Лиувилля. Теорема Стеклова.
14. Метод разделения переменных в многомерном случае. Свойства собственных значений и собственных функций.
15. Вывод уравнения теплопроводности в пространстве.
16. Постановка задач для уравнения теплопроводности.
17. Вывод уравнения теплопроводности в стержне.
18. Постановка основных задач для уравнения теплопроводности в стержне.
19. Задача Коши для уравнения теплопроводности. Фундаментальное решение и формула Пуассона.
20. Теорема о единственности решения задачи Коши для уравнения теплопроводности.
21. Теорема о единственности решения смешанной задачи для уравнения теплопроводности.
22. Первая и вторая формулы Грина.
23. Теорема о представлении произвольной функции (третья формула Грина).
24. Гармонические функции. Постановка основных задач для уравнений Лапласа и Пуассона.
25. Свойства гармонических функций. Теорема о среднем арифметическом.
26. Свойства гармонических функций. Теорема о максимуме и минимуме и единственность решения задачи Дирихле для уравнения Пуассона.
27. Теоремы о единственности решения основных задач для уравнения Пуассона.

5.3.4 Типовые задания (оценочное средство - Контрольные вопросы) для оценки сформированности компетенции ПК-1

1. Приведение к каноническому виду уравнения гиперболического типа.
2. Приведение к каноническому виду уравнения параболического типа.
3. Приведение к каноническому виду уравнения эллиптического типа.
4. Задача Коши для уравнений свободных колебаний струны. Формула Даламбера для решения задачи Коши.
5. Задача Коши для уравнения вынужденных колебаний бесконечной струны.
6. Задача о колебаниях полуограниченной струны с закрепленным концом.
7. Задача Коши для волнового уравнения в пространстве. Формула Пуассона.
8. Цилиндрические волны. Принцип Гюйгенса.
9. Неоднородное волновое уравнение в пространстве. Запаздывающий потенциал.
10. Метод разделения переменных на примере решения начально-краевой задачи о свободных колебаниях струны.
11. Задача о вынужденных колебаниях струны.
12. Явление резонанса на примере задачи о вынужденных колебаниях струны.
13. Задача о колебаниях прямоугольной мембраны.
14. Задача о колебаниях круглой мембраны. Функции Бесселя.
15. Теорема о максимуме и минимуме для уравнения теплопроводности.
16. Метод разделения переменных для уравнения теплопроводности в стержне.
21. Функция Грина задачи Дирихле для уравнения Лапласа и её свойства.
22. Задача Дирихле для шара. Формула Пуассона.
23. Понятие и свойства объёмного потенциала.
24. Понятие и свойства потенциала простого слоя.
25. Понятие и свойства потенциала двойного слоя.
26. Применение поверхностных потенциалов к решению краевых задач.

Критерии оценивания (оценочное средство - Контрольные вопросы)

Оценка	Критерии оценивания
превосходно	Уровень знаний в объеме, превышающ ем программу подготовки
отлично	Уровень знаний в объеме, соответствующ ем программе подготовки, без ошибок
очень хорошо	Уровень знаний в объеме, соответствующ ем программе подготовки. Допущено несколько несущественн ых ошибок
хорошо	Уровень знаний в объеме, соответствующ ем программе подготовки. Допущено несколько негрубых ошибок
удовлетворительно	Минимально допустимый уровень знаний. Допущено много негрубых ошибки
неудовлетворительно	Уровень знаний ниже минималь- ных требований. Имели место грубые ошибки.
плохо	Отсутствие знаний теоретическо го материала. Невозможнос ть оценить полноту знаний вследствие отказа обучающегос я от ответа

5.3.5 Типовые задания (оценочное средство - Задачи) для оценки сформированности компетенции ОПК-3

3. В каждой из областей, где сохраняется тип уравнения, найти его общее решение.

$$yu_{xx} + (x - y)u_{xy} - xu_{yy} = 0$$

4. Найти решение задачи Коши

$$u_{xy} + u_x = 0, u|_{y=x} = \sin x, u_x|_{y=x} = 1, |x| < \infty.$$

5.3.6 Типовые задания (оценочное средство - Задачи) для оценки сформированности компетенции ПК-1

1. Используя формулу Д'Аламбера найти решение задачи

$$u_{tt} - a^2u_{xx} = 0, u|_{t=0} = e^{-x^2}, u_t|_{t=0} = 0, -\infty < x < \infty, t > 0.$$

2. Привести к каноническому виду уравнение

$$\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} - y \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} = 0$$

в области эллиптичности.

Критерии оценивания (оценочное средство - Задачи)

Оценка	Критерии оценивания
зачтено	Задача решена верно или с не грубыми ошибками
не зачтено	Задача не решена или допущены грубые ошибки

5.3.7 Типовые задания (оценочное средство - Задачи) для оценки сформированности компетенции ОПК-3

3. Найти решение смешанной задачи

$$u_t - u_{xx} = 0, \quad t > 0, \quad 0 < x < 1, \quad u_x|_{x=0} = u_x|_{x=1} = 0, \quad u|_{t=0} = -4 \cos \frac{5\pi x}{2}$$

4. Найти решение смешанной задачи

$$u_t - a^2 u_{xx} = t \cos 2x, \quad t > 0, \quad 0 < x < \pi, \quad u_x|_{x=0} = u_x|_{x=\pi} = 0, \quad u|_{t=0} = 0$$

5.3.8 Типовые задания (оценочное средство - Задачи) для оценки сформированности компетенции ПК-1

1. Найти решение смешанной задачи

$$u_{tt} - u_{xx} = 0, \quad t > 0, \quad 0 < x < \pi, \quad u|_{x=0} = u|_{x=\pi} = 0, \quad u|_{t=0} = 2 \sin 3x, \quad u_t|_{t=0} = 0$$

2. Найти решение смешанной задачи

$$u_{tt} - 9u_{xx} = e^{2t} \cos \frac{\pi x}{2}, \quad t > 0, \quad 0 < x < 1, \quad u_x|_{x=0} = u_x|_{x=1} = 0, \quad u|_{t=0} = 0, \quad u_t|_{t=0} = 0$$

Критерии оценивания (оценочное средство - Задачи)

Оценка	Критерии оценивания
превосходно	Продемонстрированы все основные умения, решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме без недочетов
отлично	Продемонстрированы все основные умения, решены все основные задачи с отдельными несущественными недочетами, выполнены все задания в полном объеме
очень хорошо	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами
хорошо	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами
удовлетворительно	Продемонстрированы основные умения. Решены типовые задачи с негрубыми

Оценка	Критерии оценивания
	ошибками. Выполнены все задания, но не в полном объеме
неудовлетворительно	При решении стандартных задач не продемонстрированы основные умения. Имели место грубые ошибки.
плохо	Отсутствие минимальных умений. Невозможность оценить наличие умений вследствие отказа обучающегося от ответа

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)

Основная литература:

1. Тихонов Андрей Николаевич. Уравнения математической физики : учеб. пособие для вузов. - Изд. 5-е, стер. - М. : Наука, 1977. - 736 с. - 1.80., 56 экз.
2. Будаков Борис Михайлович. Сборник задач по математической физике : учеб. пособие для студентов ун-тов. - Изд. 3-е. - М. : Наука, 1980. - 688 с., 60 ил. - 2.80., 129 экз.
3. Владимиров Василий Сергеевич. Уравнения математической физики : Учебник для вузов; Учебник. - 2-е изд. - Москва : Издательская фирма "Физико-математическая литература" (ФИЗМАТЛИТ), 2008. - 400 с. - ВО - Бакалавриат. - ISBN 978-5-9221-0310-7., <https://e-lib.unn.ru/MegaPro/UserEntry?Action=FindDocs&ids=609364&idb=0>.
4. Годунов Сергей Константинович. Уравнения математической физики : учеб. пособие для студентов физ.-мат. специальностей ун-тов. - 2-е изд., испр. и доп. - М. : Наука, 1979. - 391 с. - 1.10., 61 экз.
5. Кошляков Николай Сергеевич. Уравнения в частных производных математической физики : [учеб. пособие для мех.-мат. и физ. фак. ун-тов]. - [2-е изд.]. - М. : Высшая школа, 1970. - 710 с. : с черт. - 1-е изд. вышло под загл.: Дифференциальные уравнения математической физики. - 1.07., 132 экз.

Дополнительная литература:

1. Дерендяев Николай Васильевич. Проекционный метод Фурье : учебно-методическое пособие / Н. В. Дерендяев, А. В. Калинин ; ННГУ им. Н. И. Лобачевского. - Нижний Новгород : Изд-во ННГУ, 2012. - 75 с. - Текст : электронный., <https://e-lib.unn.ru/MegaPro/UserEntry?Action=FindDocs&ids=851280&idb=0>.
2. Владимиров Василий Сергеевич. Уравнения математической физики : [учеб. для физ.-техн. специальностей вузов]. - 5-е изд., доп. - М. : Наука, 1988. - 512 с. : ил. - 1.30., 81 экз.

Программное обеспечение и Интернет-ресурсы (в соответствии с содержанием дисциплины):

Сулова И.Б., Баденко Г.В. «Математическая физика». —Санкт-Петербургский политехнический университет Петра Великого. [Электронный ресурс]. // Современная цифровая образовательная среда РФ. [сайт]. URL: <https://online.edu.ru/public/course?cid=4192>

<https://eqworld.ipmnet.ru/ru/library/mathematics/pde.htm>

<https://e.lanbook.com/>

7. Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)

Учебные аудитории для проведения учебных занятий, предусмотренных образовательной программой, оснащены мультимедийным оборудованием (проектор, экран), техническими средствами обучения, компьютерами.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечены доступом в электронную информационно-образовательную среду.

Программа составлена в соответствии с требованиями ОС ННГУ по направлению подготовки/специальности 01.03.02 - Прикладная математика и информатика.

Автор(ы): Калинин Алексей Вячеславович, доктор физико-математических наук, доцент.

Заведующий кафедрой: Калинин Алексей Вячеславович, доктор физико-математических наук.

Программа одобрена на заседании методической комиссии от 25.06.2025, протокол № Протокол №11.