

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

**федеральное государственное автономное
образовательное учреждение высшего образования
«Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет
им. Н.И. Лобачевского»**

Институт информационных технологий, математики и механики

УТВЕРЖДЕНО
решением Ученого совета ННГУ
протокол № 15 от 24.12.2025 г.

Рабочая программа дисциплины

Математические модели систем с распределенными параметрами

Уровень высшего образования
Бакалавриат

Направление подготовки / специальность
01.03.02 - Прикладная математика и информатика

Направленность образовательной программы
Математическое моделирование и вычислительная математика

Форма обучения
очная

г. Нижний Новгород

2026 год начала подготовки

1. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина Б1.В.ДВ.06.01 Математические модели систем с распределенными параметрами относится к части, формируемой участниками образовательных отношений образовательной программы.

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями и индикаторами достижения компетенций)

Формируемые компетенции (код, содержание компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю), в соответствии с индикатором достижения компетенции		Наименование оценочного средства	
	Индикатор достижения компетенции (код, содержание индикатора)	Результаты обучения по дисциплине	Для текущего контроля успеваемости	Для промежуточной аттестации
ПК-4: Способен применять методы математического и компьютерного исследования при анализе задач на основе знаний фундаментальных математических и компьютерных наук	<p>ПК-4.1: Знает фундаментальные и теоретические основы, необходимые для исследования научных проблем</p> <p>ПК-4.2: Умеет самостоятельно применять полученные знания для анализа объекта исследования, определять цели и задачи исследования, а также выбирать корректный метод исследования научной проблемы</p> <p>ПК-4.3: Имеет практический опыт научно-исследовательской деятельности, а именно решения научных задач в соответствии с поставленной целью и выбранной методикой</p>	<p>ПК-4.1: Знать фундаментальные и теоретические основы, необходимые для исследования научных проблем в области современного естествознания</p> <p>ПК-4.2: Уметь самостоятельно применять полученные знания для анализа объекта исследования, определять цели и задачи исследования математического моделирования современного естествознания</p> <p>ПК-4.3: Владеть опытом научно-исследовательской деятельности, а именно решения научных задач в соответствии с поставленной целью и выбранной методикой моделирования</p>	Опрос	Зачёт: Контрольные вопросы Задачи

3. Структура и содержание дисциплины

3.1 Трудоемкость дисциплины

	очная
Общая трудоемкость, з.е.	2

Часов по учебному плану	72
в том числе	
аудиторные занятия (контактная работа):	
- занятия лекционного типа	16
- занятия семинарского типа (практические занятия / лабораторные работы)	16
- КСР	1
самостоятельная работа	39
Промежуточная аттестация	0 Зачёт

3.2. Содержание дисциплины

(структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и виды учебных занятий)

Наименование разделов и тем дисциплины	Всего (часы)	в том числе			
		Контактная работа (работа во взаимодействии с преподавателем), часы из них			Самостоятельная работа обучающегося, часы
		Занятия лекционного типа	Занятия семинарского типа (практические занятия/лабораторные работы), часы	Всего	
Ф	Ф	Ф	Ф	Ф	
Введение	6	2	2	4	2
Системы с распределенными параметрами. Уравнение теплопроводности, волновое уравнение.	10	2	2	4	6
Электромагнитное поле	20	4	4	8	12
Математические модели микромира	20	4	4	8	12
Релятивистская механика	15	4	4	8	7
Аттестация	0				
КСР	1			1	
Итого	72	16	16	33	39

Содержание разделов и тем дисциплины

1. Системы с распределенными параметрами. Уравнение теплопроводности. Волновое уравнение. Волна. Фронт волны. Плоская волна. Фазовая скорость волны. Дисперсия. Дисперсионное уравнение. Групповая скорость
2. Электромагнитное поле. Вектор напряженности электрического поля и вектор магнитной индукции. Уравнения Максвелла. Электромагнитная волна
3. Бегущие волны и дисперсионное уравнение. Задача об изменении температуре поверхностного слоя Земли под влиянием суточных и годовых колебаний температуры над ней. Скорость образования льда на поверхности водоема.
4. Математические модели объектов микромира. Корпускулярные свойства света. Фотон. Фотоэлектрический эффект. Волны де Бройля.
5. Пси-функция. Уравнение Шредингера. Формализм отыскания возможных значений физической

величины и вероятности, с которыми она принимает эти значения. Принцип неопределенности.

6. Движение квантовой частицы в некоторых простых одномерных полях. Свободное движение квантовой частицы. Частица в бесконечно глубокой потенциальной яме.

7. Специальная теория относительности. Принцип относительности. Классическая механика, преобразования Галилея. Принцип существования наибольшей скорости распространения взаимодействия Релятивистская динамика.

8. Преобразование Лоренца. Кинематические эффекты «замедления» времени и «сокращения длины». Сложение скоростей.

9. Импульс. Релятивистская динамика. Энергия.

4. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся

Самостоятельная работа обучающихся включает в себя подготовку к контрольным вопросам и заданиям для текущего контроля и промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины приведенным в п. 5.

В рамках дисциплины предусмотрены следующие виды самостоятельной работы (порядок их выполнения, форма контроля):

- повторение материала, пройденного на занятиях лекционного типа (в течение всего семестра, опрос на занятиях лекционного и семинарского типа),
- самостоятельное изучение отдельных вопросов программы (1 раз в семестр, опрос на занятиях семинарского типа),
- подготовка к занятиям семинарского типа, решение задач по списку, представленному преподавателем (в течение всего семестра, опрос на занятиях семинарского типа),
- подготовка к промежуточному контролю успеваемости (зачет).

5. Фонд оценочных средств для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по дисциплине (модулю)

5.1 Типовые задания, необходимые для оценки результатов обучения при проведении текущего контроля успеваемости с указанием критериев их оценивания:

5.1.1 Типовые задания (оценочное средство - Опрос) для оценки сформированности компетенции ПК-4:

1. Уравнение теплопроводности.
2. Волновое уравнение Волны. Плоская гармоническая волна.
3. Поток энергии при волновом движении Дисперсия. Групповая скорость
4. Стоячая волна. Волновое решение уравнения теплопроводности.
5. Процесс намерзания льда над водой в озере.
6. Скорость продольной волны в тонком стержне, в гибкой струне
7. Скорость звука в жидкостях и газах.
8. Волны на поверхности воды
9. Об импульсе волн при продольных колебаниях упругого стержня
10. Уравнения Максвелла. Материальные уравнения.
11. Свойства уравнений Максвелла.

12. Электромагнитные волны Энергия электромагнитной волны. Поток энергии Импульс электромагнитной волны.
13. Релятивистская механика Аксиома инерциальной системы отсчета.
14. Аксиома динамики.
15. Преобразования Лоренца Принцип относительности Эйнштейна «Сокращение длины» и «замедление времени»
16. Сложение скоростей Импульс. Энергия.
17. Релятивистская динамика. Масса в теориях Ньютона и Эйнштейна
18. Четырехмерное пространство-время специальной теории относительности А. Эйнштейна Парадокс близнецов. Четырехмерный вектор энергии-импульса Математические модели объектов микромира Корпускулярные свойства света.
19. Корпускулярные свойства света. Фотоэлектрический эффект. Фотон.
20. Волны де Бройля Пси-функция. Уравнение Шредингера.
21. Математический аппарат квантовой механики.
22. Математическая модель объекта микромира Статистический смысл функции квантового состояния ψ .
23. Стационарное состояние квантовой системы. Свободная микрочастица.
24. Микрочастица в потенциальной яме.
25. Отражение и прохождение через потенциальный барьер. Туннельный эффект.

Критерии оценивания (оценочное средство - Опрос)

Оценка	Критерии оценивания
зачтено	Ответ полный и правильный на основании изученной теории; теоретический материал и решение поставленных задач изложены в необходимой логической последовательности, грамотный научный язык; ответ самостоятельный. Могут быть допущены две-три несущественные ошибки, исправленные по требованию преподавателя
не зачтено	Ответ обнаруживает непонимание студентом основного содержания учебного материала или допущены существенные ошибки, которые не могут быть исправлены при наводящих вопросах преподавателя

5.2. Описание шкал оценивания результатов обучения по дисциплине при промежуточной аттестации

Шкала оценивания сформированности компетенций

Уровень сформированности компетенций (индикатора достижения компетенций)	плохо	неудовлетворительно	удовлетворительно	хорошо	очень хорошо	отлично	превосходно
		не зачтено			зачтено		
<u>Знания</u>	Отсутствие знаний теоретического материала. Невозможность	Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место	Минимально допустимый уровень знаний.	Уровень знаний в объеме, соответствующем	Уровень знаний в объеме, соответствующем	Уровень знаний в объеме, соответствующем	Уровень знаний в объеме, превышающем программу

	оценить полноту знаний вследствие отказа обучающегося от ответа	грубые ошибки	Допущено много негрубых ошибок	программе подготовки . Допущено несколько негрубых ошибок	программе подготовки . Допущено несколько несущественных ошибок	программе подготовки и. Ошибок нет.	подготовки.
<u>Умения</u>	Отсутствие минимальных умений. Невозможность оценить наличие умений вследствие отказа обучающегося от ответа	При решении стандартных задач не продемонстрированы основные умения. Имели место грубые ошибки	Продемонстрированы основные умения. Решены типовые задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания, но не в полном объеме	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания в полном объеме, но некоторые с недочетами	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания в полном объеме, но некоторые с недочетами	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с отдельными несущественными недочетами, выполнены все задания в полном объеме	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме без недочетов
<u>Навыки</u>	Отсутствие базовых навыков. Невозможность оценить наличие навыков вследствие отказа обучающегося от ответа	При решении стандартных задач не продемонстрированы базовые навыки. Имели место грубые ошибки	Имеется минимальный набор навыков для решения стандартных задач с некоторым и недочетами	Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторым и недочетами	Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач без ошибок и недочетов	Продемонстрированы навыки при решении нестандартных задач без ошибок и недочетов	Продемонстрирован творческий подход к решению нестандартных задач

Шкала оценивания при промежуточной аттестации

Оценка		Уровень подготовки
зачтено	превосходно	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «превосходно», продемонстрированы знания, умения, владения по соответствующим компетенциям на уровне выше предусмотренного программой
	отлично	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «отлично».
	очень хорошо	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «очень хорошо»
	хорошо	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «хорошо».
	удовлетворительно	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «удовлетворительно», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «удовлетворительно»
не зачтено	неудовлетворительно	Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «неудовлетворительно».

	плохо	Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «плохо»
--	-------	---

5.3 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов обучения на промежуточной аттестации с указанием критериев их оценивания:

5.3.1 Типовые задания (оценочное средство - Контрольные вопросы) для оценки сформированности компетенции ПК-4

1. Уравнение теплопроводности.
2. Волновое уравнение Волны. Плоская гармоническая волна.
3. Поток энергии при волновом движении Дисперсия. Групповая скорость
4. Стоячая волна. Волновое решение уравнения теплопроводности.
5. Процесс намерзания льда над водой в озере.
6. Скорость продольной волны в тонком стержне, в гибкой струне
7. Скорость звука в жидкостях и газах.
8. Волны на поверхности воды
9. Об импульсе волн при продольных колебаниях упругого стержня
10. Уравнения Максвелла. Материальные уравнения.
11. Свойства уравнений Максвелла.
12. Электромагнитные волны Энергия электромагнитной волны. Поток энергии Импульс электромагнитной волны.
13. Релятивистская механика Аксиома инерциальной системы отсчета.
14. Аксиома динамики.
15. Преобразования Лоренца Принцип относительности Эйнштейна «Сокращение длины» и «замедление времени»
16. Сложение скоростей Импульс. Энергия.
17. Релятивистская динамика. Масса в теориях Ньютона и Эйнштейна
18. Четырехмерное пространство-время специальной теории относительности А. Эйнштейна Парадокс близнецов. Четырехмерный вектор энергии-импульса Математические модели объектов микромира Корпускулярные свойства света.
19. Корпускулярные свойства света. Фотоэлектрический эффект. Фотон
20. Волны де Бройля Пси-функция. Уравнение Шредингера.
21. Математический аппарат квантовой механики.
22. Математическая модель объекта микромира Статистический смысл функции квантового состояния ψ .
23. Стационарное состояние квантовой системы. Свободная микрочастица
24. Микрочастица в потенциальной яме.
25. Отражение и прохождение через потенциальный барьер. Туннельный эффект.

Критерии оценивания (оценочное средство - Контрольные вопросы)

Оценка	Критерии оценивания
зачтено	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки, без ошибок
не зачтено	Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки

5.3.2 Типовые задания (оценочное средство - Задачи) для оценки сформированности компетенции ПК-4

Задача 1. Найти спектр собственных колебаний воздушного столба в трубе длиной d с открытыми концами.

Задача 2. Используя уравнения Максвелла, показать, что электромагнитная волна в вакууме поперечна.

Задача 3. Электромагнитная волна длиной λ переходит из вакуума в немагнитную среду с некоторой диэлектрической проницаемостью ε . Найти приращение длины волны.

Задача 4. Найти работу выхода с поверхности некоторого металла, если при поочередно освещении его электромагнитным излучением с длинами волн 0,35 мкм и 0,54 мкм максимальные скорости фотоэлектронов отличаются в 2 раза.

Задача 5. Оценить наименьшие погрешности, с которыми можно определить скорости электрона и протона, локализованных в области размером 1 мкм.

Задача 6. Частица массы m находится в одномерной прямоугольной потенциальной яме с бесконечно высокими стенками. Найти энергию частицы в стационарном состоянии, описываемом волновой функцией $\sin kx$, где k – заданная постоянная, x – расстояние от одного края ямы.

Задача 7. При каком значении отношения кинетической энергии частицы к ее энергии покоя относительная погрешность при расчете ее скорости по нерелятивистской формуле не превышает 1%?

Критерии оценивания (оценочное средство - Задачи)

Оценка	Критерии оценивания
зачтено	Ответ полный и правильный на основании изученной теории; теоретический материал и решение поставленных задач изложены в необходимой логической последовательности, грамотный научный язык; ответ самостоятельный. Могут быть допущены две-три несущественные ошибки, исправленные по требованию преподавателя
не зачтено	Ответ обнаруживает непонимание студентом основного содержания учебного материала или допущены существенные ошибки, которые не могут быть исправлены при наводящих вопросах преподавателя

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)

Основная литература:

1. Неймарк Юрий Исаакович. Математические модели в естествознании и технике : учеб. для

студентов вузов, обучающихся по направлению 510200 "Прикладная математика и информатика" и специальности 010200 "Прикладная математика и информатика" / ННГУ. - Н. Новгород : Изд-во Нижегород. ун-та, 2004. - 401 с. - ISBN 5-85746-496-X : 80.00., 156 экз.

Дополнительная литература:

1. Юдович Виктор Иосифович. Математические модели естественных наук : учеб. пособие. - СПб. ; М. ; Краснодар : Лань, 2011. - 336 с. : ил. - (Учебники для вузов. Специальная литература). - ISBN 978-5-8114-1118-4 : 678.42., 2 экз.
2. Блехман Илья Израилевич. Механика и прикладная математика : Логика и особенности приложений математики. - М. : Наука, 1983. - 328 с. : ил. - 2.90., 2 экз.
3. Анищенко В. С. Знакомство с нелинейной динамикой : лекции соровского профессора : учеб. пособие. - М. ; Ижевск : Институт компьютерных исследований, 2002. - 144 с. - ISBN 5-93972-116-8 : 88.30., 1 экз.

Программное обеспечение и Интернет-ресурсы (в соответствии с содержанием дисциплины):

1. <http://eqworld.ipmnet.ru/ru/library/mechanics.htm>
2. <http://eqworld.ipmnet.ru/ru/library/mechanics/theoretical.htm>
3. <http://eqworld.ipmnet.ru/ru/library/mechanics/thermal.htm>
4. Соросовский образовательный журнал. Электронный журнал. Режим доступа к статьям: www.issep.rssi.ru/cgi-bin/rubr.pl

7. Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)

Учебные аудитории для проведения учебных занятий, предусмотренных образовательной программой, оснащены мультимедийным оборудованием (проектор, экран), техническими средствами обучения, компьютерами, специализированным оборудованием: мультимедийная техника (компьютер, проектор, экран)

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечены доступом в электронную информационно-образовательную среду.

Программа составлена в соответствии с требованиями ОС ННГУ по направлению подготовки/специальности 01.03.02 - Прикладная математика и информатика.

Автор(ы): Новиков Валерий Вячеславович, доктор физико-математических наук, доцент
Февральских Любовь Николаевна, кандидат физико-математических наук.

Заведующий кафедрой: Игумнов Леонид Александрович, доктор физико-математических наук.

Программа одобрена на заседании методической комиссии от 17.12.2025, протокол № протокол №6.