

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

**федеральное государственное автономное  
образовательное учреждение высшего образования  
«Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет  
им. Н.И. Лобачевского»**

Высшая школа общей и прикладной физики

---

**УТВЕРЖДЕНО** решением Ученого совета ННГУ  
протокол от «31» мая 2023 г. № 6

**Рабочая программа дисциплины**

Теория функций комплексного переменного

---

Уровень высшего образования  
Бакалавриат

---

Направление подготовки / специальность  
03.03.02 – Физика

---

Направленность образовательной программы  
Фундаментальная физика

---

Форма обучения  
Очная

---

Нижний Новгород

2023 год начала подготовки

## 1. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина Б1.О.06.05 «Теория функций комплексного переменного» относится к обязательной части ООП направления подготовки 03.03.02 Физика.

## 2. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями и индикаторами достижения компетенций)

Формируемые компетенции (код, содержание компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю), в соответствии с индикатором достижения компетенции		Наименование оценочного средства	
	Индикатор достижения компетенции (код, содержание индикатора)	Результаты обучения по дисциплине	Для текущего контроля успеваемости	Для промежуточной аттестации
ОПК-1: Способен применять базовые знания в области физико-математических и (или) естественных наук в сфере своей профессиональной деятельности	ОПК-1.1: Демонстрация способности применять базовые знания в области физико-математических и (или) естественных наук в сфере своей профессиональной деятельности	ОПК-1.1: Знать комплексные числа и операции с ними; свойства дифференцируемых и аналитических функций комплексного переменного; криволинейные интегралы функций комплексного переменного; ряды Тейлора и Лорана функций комплексного переменного; особые точки функций комплексного переменного; теорию вычетов и ее применение в вычислении некоторых типов интегралов функций действительного переменного; основы теории конформных отображений и их применение к решению уравнений в частных производных; основы операционного исчисления; основы асимптотической оценки интегралов  Уметь применять методы теории функций комплексного переменного для вычисления интегралов, решения уравнений в частных производных, решения дифференциальных уравнений методами операционного исчисления, применять метод перевала для асимптотической оценки интегралов.  Владеть навыками работы с комплексными числами, аппаратом конформных отображений, аппаратом операционного исчисления для решения обыкновенных	Задачи	Задачи Собеседование

		дифференциальных уравнений, методами нахождения интегралов с использованием теории вычетов.		
--	--	--	--	--

### 3. Структура и содержание дисциплины

#### 3.1 Трудоемкость дисциплины

	очная
<b>Общая трудоемкость</b>	<b>5</b>
<b>Часов по учебному плану</b>	<b>180</b>
в том числе	
<b>аудиторные занятия (контактная работа):</b>	
- занятия лекционного типа	<b>32</b>
- занятия семинарского типа (практические занятия / лабораторные работы)	<b>48</b>
- КСР	<b>2</b>
<b>самостоятельная работа</b>	<b>62</b>
<b>Промежуточная аттестация</b>	<b>36</b> <b>Экзамен</b>

#### 3.2. Содержание дисциплины

(структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и виды учебных занятий)

Наименование и краткое содержание разделов и тем дисциплины	Всего (часы)	в том числе				
		Контактная работа (работа во взаимодействии с преподавателем), часы из них				Самостоятельная работа обучающегося, часы
		Занятия лекционного типа	Занятия семинарского типа	Занятия лабораторного типа	Всего	
	очная	очная	очная	очная	очная	очная
Понятие комплексных чисел и стереографическая проекция	10	2	4		6	4
Последовательности и ряды комплексных чисел, множества и кривые на комплексной плоскости	10	2	4		6	4

Функции комплексного переменного, дифференцируемость, геометрический смысл производной	10	2	4		6	4
Интегрирование функций комплексного переменного	10	2	4		6	4
Функциональные ряды, степенные ряды, ряд Тейлора, теорема единственности	10	2	4		6	4
Аналитическое продолжение	12	2	4		6	6
Ряд Лорана для функций комплексного переменного	12	2	4		6	6
Особые точки аналитических функций	12	2	4		6	6
Теория вычетов	14	4	4		8	6
Конформные отображения	14	4	4		8	6
Основы операционного исчисления	14	4	4		8	6
Основы асимптотических оценок интегралов на примере метода перевала	14	4	4		8	6
Аттестация	36					
КСР	2				2	
Итого	180	32	48	0	82	62

#### 4. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся

Для самостоятельной работы обучающимся предлагается использовать основную и дополнительную литературу и/или электронные Интернет-ресурсы.

#### 5. Фонд оценочных средств для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по дисциплине (модулю)

##### 5.1 Типовые задания, необходимые для оценки результатов обучения при проведении текущего контроля успеваемости с указанием критериев их оценивания:

##### 5.1.1 Типовые задания (оценочное средство - Задачи) для оценки сформированности компетенции ОПК-1

Задача 1 Представить в алгебраической форме  $\frac{(1+i)^{100}}{(1-i)^{96} - i(1+i)^{98}}$ .

Задача 2 Конформно отобразить область  $\{|z| > 1, |z+1| < 1, \operatorname{Im} z < 0\}$  на верхнюю полуплоскость  $\operatorname{Im} w > 0$ .

Задача 3 Найти интеграл  $\int_C |z| \bar{z} dz$ , где  $C$  - проходимая против часовой стрелки дуга окружности  $\{|z| = 4, \operatorname{Re} z \geq 0\}$ .

Задача 4 Найти интеграл  $\int_{-\infty}^{+\infty} \frac{x \sin \frac{x}{2}}{x^4 + 16} dx$

Задача 5 Операционным методом найти решение дифференциального уравнения  $x'' + x' = 4 \sin^2 t$ , удовлетворяющее начальным условиям  $x(0) = 0, x'(0) = -1$ .

Задача 6 Решение задачи Дирихле для уравнения Лапласа для круга и полуплоскости.

Задача 7 Примеры применения теории вычетов к вычислению интегралов функций действительного переменного типа  $\int_{-\infty}^{+\infty} R(x) dx$  и  $\int_{-\infty}^{+\infty} e^{i\alpha x} R(x) dx$ , где  $R(x)$  – рациональная функция.

Задача 8 Примеры применения теории вычетов к вычислению интегралов функций действительного переменного, сводящиеся к вычислению интегралов от многозначных функций.

Задача 8 Примеры применения теоремы Руше и принципа аргумента для локализации корней полинома.

Задача 9 Примеры применения операционного исчисления при решении дифференциальных уравнений.

Задача 10 Пример применения метод перевала для асимптотической оценки цилиндрических функций первого рода.

### Критерии оценивания (оценочное средство - Задачи)

Оценка		Критерии оценивания
Зачтено	Превосходно	Уровень знаний в объеме, превышающем программу подготовки. Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме без недочетов. Продемонстрирован творческий подход к решению нестандартных задач.
	Отлично	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки, без ошибок. Продемонстрированы все основные умения, решены все основные задачи с отдельными несущественными недочетами, выполнены все задания в полном объеме. Продемонстрированы навыки при решении нестандартных задач без ошибок и недочетов.
	Очень хорошо	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько несущественных ошибок. Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами. Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач без ошибок и недочетов.

Оценка		Критерии оценивания
	Хорошо	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько негрубых ошибок. Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами. Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторыми недочетами.
	Удовлетворительно	Минимально допустимый уровень знаний. Допущено много негрубых ошибки. Продемонстрированы основные умения. Решены типовые задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания но не в полном объеме. Имеется минимальный набор навыков для решения стандартных задач с некоторыми недочетами.
Не зачтено	Неудовлетворительно	Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки. При решении стандартных задач не продемонстрированы основные умения. Имели место грубые ошибки. При решении стандартных задач не продемонстрированы базовые навыки. Имели место грубые ошибки.
	Плохо	Отсутствие знаний теоретического материала. Невозможность оценить полноту знаний вследствие отказа обучающегося от ответа. Отсутствие минимальных умений . Невозможность оценить наличие умений вследствие отказа обучающегося от ответа. Отсутствие владения материалом. Невозможность оценить наличие навыков вследствие отказа обучающегося от ответа.

## 5.2. Описание шкал оценивания результатов обучения по дисциплине при промежуточной аттестации

### Шкала оценивания сформированности компетенций

Уровень сформированности компетенций (индикатора достижения компетенций)	плохо	неудовлетворительно	удовлетворительно	хорошо	очень хорошо	отлично	превосходно
	не зачтено		Зачтено				
<u>Знания</u>	Отсутствие знаний теоретического материала. Невозможность оценить полноту	Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки	Минимально допустимый уровень знаний. Допущено	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе	Уровень знаний в объеме, превышающем программу подготовки.

	знаний вследствие отказа обучающегося от ответа		много негрубых ошибок	подготовки . Допущено несколько негрубых ошибок	подготовки . Допущено несколько несущественных ошибок	подготовок и. Ошибок нет.	
<u>Умения</u>	Отсутствие минимальных умений. Невозможность оценить наличие умений вследствие отказа обучающегося от ответа	При решении стандартных задач не продемонстрированы основные умения. Имели место грубые ошибки	Продемонстрированы основные умения. Решены типовые задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания, но не в полном объеме	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания в полном объеме, но некоторые с недочетами	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания в полном объеме, но некоторые с недочетами	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с отдельным и несущественными недочетами, выполнены все задания в полном объеме	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме без недочетов
<u>Навыки</u>	Отсутствие базовых навыков. Невозможность оценить наличие навыков вследствие отказа обучающегося от ответа	При решении стандартных задач не продемонстрированы базовые навыки. Имели место грубые ошибки	Имеется минимальный набор навыков для решения стандартных задач с некоторым и недочетами	Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторым и недочетами	Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач без ошибок и недочетов	Продемонстрированы навыки при решении нестандартных задач без ошибок и недочетов	Продемонстрирован творческий подход к решению нестандартных задач

### Шкала оценивания при промежуточной аттестации

Оценка		Уровень подготовки
Зачтено	<b>превосходно</b>	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «превосходно», продемонстрированы знания, умения, владения по соответствующим компетенциям на уровне выше предусмотренного программой
	<b>отлично</b>	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «отлично».
	<b>очень хорошо</b>	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «очень хорошо»
	<b>хорошо</b>	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «хорошо».
	<b>удовлетворительно</b>	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «удовлетворительно», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «удовлетворительно»
не зачтено	<b>неудовлетворительно</b>	Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «неудовлетворительно».
	<b>плохо</b>	Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «плохо»

### 5.3 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов обучения на промежуточной аттестации

#### 5.3.2 Типовые задания, выносимые на промежуточную аттестацию:

**Типовые задания (оценочное средство - Задачи) для оценки сформированности компетенции ОПК-1**

Задача 1 Представить в алгебраической форме  $\frac{(1+i)^{100}}{(1-i)^{96} - i(1+i)^{98}}$ .

Задача 2 Конформно отобразить область  $\{|z| > 1, |z+1| < 1, \operatorname{Im} z < 0\}$  на верхнюю полуплоскость  $\operatorname{Im} w > 0$ .

Задача 3 Найти интеграл  $\int_C |z| \bar{z} dz$ , где  $C$  - проходимая против часовой стрелки дуга окружности  $\{|z| = 4, \operatorname{Re} z \geq 0\}$ .

Задача 4 Найти интеграл  $\int_{-\infty}^{+\infty} \frac{x \sin \frac{x}{2}}{x^4 + 16} dx$

Задача 5 Операционным методом найти решение дифференциального уравнения  $x'' + x' = 4 \sin^2 t$ , удовлетворяющее начальным условиям  $x(0) = 0, x'(0) = -1$ .

Задача 6 Решение задачи Дирихле для уравнения Лапласа для круга и полуплоскости.

Задача 7 Примеры применения теории вычетов к вычислению интегралов функций действительного переменного типа  $\int_{-\infty}^{+\infty} R(x) dx$  и  $\int_{-\infty}^{+\infty} e^{iax} R(x) dx$ , где  $R(x)$  – рациональная функция.

Задача 8 Примеры применения теории вычетов к вычислению интегралов функций действительного переменного, сводящиеся к вычислению интегралов от многозначных функций.

Задача 8 Примеры применения теоремы Руше и принципа аргумента для локализации корней полинома.

Задача 9 Примеры применения операционного исчисления при решении дифференциальных уравнений.

Задача 10 Пример применения метод перевала для асимптотической оценки цилиндрических функций первого рода.

#### Критерии оценивания (оценочное средство - Задачи)

Оценка	Критерии оценивания
Превосходно	Уровень знаний в объеме, превышающем программу подготовки. Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме без недочетов. Продемонстрирован творческий подход к решению нестандартных задач.



Оценка	Критерии оценивания
Отлично	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки, без ошибок. Продемонстрированы все основные умения, решены все основные задачи с отдельными несущественными недочетами, выполнены все задания в полном объеме. Продемонстрированы навыки при решении нестандартных задач без ошибок и недочетов.
Очень хорошо	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько несущественных ошибок. Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами. Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач без ошибок и недочетов.
Хорошо	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько негрубых ошибок. Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами. Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторыми недочетами.
Удовлетворительно	Минимально допустимый уровень знаний. Допущено много негрубых ошибки. Продемонстрированы основные умения. Решены типовые задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания но не в полном объеме. Имеется минимальный набор навыков для решения стандартных задач с некоторыми недочетами.
Неудовлетворительно	Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки. При решении стандартных задач не продемонстрированы основные умения. Имели место грубые ошибки. При решении стандартных задач не продемонстрированы базовые навыки. Имели место грубые ошибки.
Плохо	Отсутствие знаний теоретического материала. Невозможность оценить полноту знаний вследствие отказа обучающегося от ответа. Отсутствие минимальных умений . Невозможность оценить наличие умений вследствие отказа обучающегося от ответа. Отсутствие владения материалом. Невозможность оценить наличие навыков вследствие отказа обучающегося от ответа.

### Типовые задания (оценочное средство - Собеседование) для оценки сформированности компетенции ОПК-1

1. Комплексные числа. Действительная и мнимая части комплексного числа. Модуль и аргумент комплексного числа. Арифметические действия с комплексными числами и их геометрический смысл.
2. Корни из комплексных чисел. Алгебраическая, тригонометрическая и показательная формы записи комплексных чисел. Возведение в комплексную степень.

3. Последовательности комплексных чисел. Предел. Ограниченность. Покоординатная сходимость. Свойства модулей и аргументов сходящихся последовательностей. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности. Критерий Коши.
4. Ряды комплексных чисел. Абсолютная и условная сходимость. Критерий Коши. Необходимое условие сходимости. Сходимость абсолютно сходящегося ряда.
5. Расширенная комплексная плоскость. Сфера Римана. Стереографическая проекция. Образы прямых и окружностей при стереографической проекции.
6. Кривые на комплексной плоскости. Простая кривая. Замкнутая кривая. Неограниченная кривая. Спрямолинейная и кусочно-гладкая кривые.
7. Множества на комплексной плоскости. Открытые, замкнутые, ограниченные и неограниченные множества. Граница множества. Предельные точки множества. Связное множество. Область. Односвязная и  $n$ -связная область. Компактное множество на комплексной плоскости.
8. Функции комплексной переменной. Предел. Непрерывность и равномерная непрерывность. Непрерывность действительной и мнимой части, модуля и аргумента непрерывной функции комплексного переменного. Теорема Кантора.
9. Дифференцируемость функций комплексной переменной. Условия Коши-Римана. Примеры. Гармонические и сопряженные функции.
10. Дифференцируемость основных функций ( $e^z$ ,  $\sin z$ ,  $\cos z$ ), рациональных и других элементарных функций. Теорема о существовании дифференцируемой функции комплексного переменного по заданной действительной (мнимой) части.
11. Геометрический смысл производной. Теорема об обратной функции.
12. Интегрирование функций комплексного переменного. Формула для вычисления интеграла с помощью параметризации. Неравенства. Определение несобственного интеграла.
13. Теорема о возможности аппроксимировать интеграл по кривой интегралом по ломаной. Теорема об аппроксимации интеграла по границе области.
14. Интегральная теорема Коши. Следствия.
15. Интеграл и первообразная. Теорема о первообразной.
16. Интегральная формула Коши. Теорема о среднем для функции комплексного переменного и гармонической функции.
17. Принцип максимума гармонической функции и принцип максимума модуля дифференцируемой функции.
18. Функциональные ряды. Равномерная сходимость. Критерий Коши. Признак Вейерштрасса равномерной сходимости.
19. Непрерывность суммы равномерно сходящегося ряда непрерывных функций.
20. Почленное интегрирование равномерно сходящегося ряда.
21. Степенные ряды. Теорема Абеля. Радиус сходимости степенного ряда.
22. Регулярные функции. Основной критерий регулярности. Оценка радиуса сходимости степенного ряда регулярной функции.
23. Почленное дифференцирование степенного ряда. Единственность разложения функции в степенной ряд. Ряд Тейлора.
24. Формулы для коэффициентов ряда Тейлора. Основные разложения ( $\sin z$ ,  $\cos z$ ,  $e^z$ ,  $(1+z)^k$ ,  $k \in \mathbb{Z}$ ).
25. Интегральное представление производных регулярной функции.
26. Неравенство Коши. Бесконечная дифференцируемость дифференцируемой и гармонической функций.
27. Целые функции. Теорема Лиувилля. Основная теорема высшей алгебры (про один корень). Теорема Морера.
28. Теорема Вейерштрасса о почленном дифференцировании функционального ряда.
29. Теорема единственности. Понятие аналитического продолжения.

30. Принцип аналитического продолжения. Аналитические продолжения элементарных функций и соотношений.
31. Правильные и особые точки. Теорема о том, что на границе сходимости степенного ряда лежит особая точка функции.
32. Аналитическое продолжение вдоль кривой. Функции, аналитические на кривой и в области. Аналитические функции  $\ln z$  и  $z^\alpha$ . Точки ветвления.
33. Ряд Лорана. Регулярность суммы ряда Лорана. Теорема Лорана. Неравенство Коши для коэффициентов ряда Лорана.
34. Изолированные особые точки однозначного характера. Теорема о главной части ряда Лорана в окрестности устранимой точки. Следствие. Классификация особых точек.
35. Нули регулярных функций. Вид регулярной функции в окрестности нуля. Полюса. Порядок полюса. Вид ряда Лорана в окрестности полюса.
36. Существенно особые точки. Вид ряда Лорана в окрестности существенно особой точки. Теорема Сохоцкого-Вейерштрасса. Теорема Пикара.
37. Мероморфные функции. Теорема о разложении мероморфной функции.
38. Вычеты. Основная теорема о вычетах. Следствие. Теорема о вычетах для области, содержащей бесконечность.
39. Лемма Жордана.
40. Принцип аргумента. Теорема Руше. Основная теорема высшей алгебры (для нескольких корней).
41. Определение конформного отображения.
42. Свойства конформных отображений. Принцип сохранения области.
43. Однолиственность функции в точке. Локальный критерий однолиственности. Необходимые и достаточные условия однолиственности функции в полюсе и в бесконечности.
44. Принцип соответствия границ. Критерий однолиственности функции в области. Теорема Римана.
45. Линейная функция. Дробно-линейная функция.
46. Круговое свойство дробно-линейных отображений. Единственность дробно-линейного отображения, переводящего три заданные точки в три заданные точки.
47. Симметричные точки. Сохранение симметрии при дробно-линейных отображениях.
48. Основные свойства степенной функции и функции Жуковского.
49. Круговые луночки. Показательная функция.
50. Задача Дирихле для уравнения Лапласа. Существование и единственность решения.
51. Решение задачи Дирихле для уравнения Лапласа для круга и полуплоскости.
52. Интегралы, зависящие от параметра. Теоремы о непрерывности, регулярности функции, заданной интегралом, зависящим от параметра.
53. Интегрирование под знаком интеграла.
54. Преобразование Лапласа. Свойства изображений.
55. Свойства преобразования Лапласа (линейность, теорема подобия, изображение производной, интегрирование оригинала, интегрирование и дифференцирование изображения, теорема запаздывания, теорема смещения, теорема свертки).
56. Формула Меллина.
57. Достаточные условия существования оригинала. Нахождение оригинала с помощью вычетов.
58. Метод Лапласа асимптотической оценки интегралов. Формула Стирлинга. Метод перевала. Поведение гармонической функции в окрестности седловой точки. Пример применения метода перевала.

**Критерии оценивания (оценочное средство - Собеседование)**

Оценка	Критерии оценивания
Превосходно	Уровень знаний в объеме, превышающем программу подготовки. Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме без недочетов. Продемонстрирован творческий подход к решению нестандартных задач.
Отлично	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки, без ошибок. Продемонстрированы все основные умения, решены все основные задачи с отдельными несущественными недочетами, выполнены все задания в полном объеме. Продемонстрированы навыки при решении нестандартных задач без ошибок и недочетов.
Очень хорошо	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько несущественных ошибок. Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами. Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач без ошибок и недочетов.
Хорошо	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько негрубых ошибок. Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами. Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторыми недочетами.
Удовлетворительно	Минимально допустимый уровень знаний. Допущено много негрубых ошибки. Продемонстрированы основные умения. Решены типовые задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания но не в полном объеме. Имеется минимальный набор навыков для решения стандартных задач с некоторыми недочетами.
Неудовлетворительно	Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки. При решении стандартных задач не продемонстрированы основные умения. Имели место грубые ошибки. При решении стандартных задач не продемонстрированы базовые навыки. Имели место грубые ошибки.
Плохо	Отсутствие знаний теоретического материала. Невозможность оценить полноту знаний вследствие отказа обучающегося от ответа. Отсутствие минимальных умений . Невозможность оценить наличие умений вследствие отказа обучающегося от ответа. Отсутствие владения материалом. Невозможность оценить наличие навыков вследствие отказа обучающегося от ответа.

## 6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)

а) основная литература:

1. Л.И. Волковыский, Г.Л. Лунц, И.Г. Араманович. Сборник задач по теории функций комплексного переменного. М.: ФИЗМАТЛИТ, 2006. - 312 с. – 37 экз.
2. Сидоров Ю.В., Федорюк М.В., Шабунин М.И. Лекции по теории функций комплексного переменного. - М.: Наука, 1989. - 477 с. – 35 экз.
3. А.Г.Свешников, А.Н.Тихонов. Теория функций комплексной переменной. М.: Физматлит, 2010. - 336 с. — Режим доступа: ЭБС «Консультант студента»  
<http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785922101332.html>

б) дополнительная литература:

1. Лаврентьев М.А., Шабат Б.В. Методы теории функций комплексного переменного. — М.: Наука, 1973 -736 с. -30 экз.
2. Теория функций комплексного переменного. Карасёв И. П. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2008. -216 с. - Режим доступа: ЭБС «Консультант студента»  
<http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785922109604.html>

в) программное обеспечение и Интернет-ресурсы (в соответствии с содержанием дисциплины)

1. Учебно-образовательная физико-математическая библиотека EqWorld  
<http://eqworld.ipmnet.ru/ru/library/mathematics/complex.htm>
2. Информационная система "Единое окно доступа к образовательным ресурсам"  
[http://window.edu.ru/catalog/resources?p\\_rubr=2.2.74.12.55](http://window.edu.ru/catalog/resources?p_rubr=2.2.74.12.55)

## **7. Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)**

Учебные аудитории для проведения учебных занятий, предусмотренных образовательной программой, оснащены мультимедийным оборудованием (проектор, экран), техническими средствами обучения, компьютерами, специализированным оборудованием: для проведения лекций и практических занятий требуется типовое оборудование лекционной аудитории. Для подготовки самостоятельных контрольных работ и для их графического представления (если это необходимо), а также для расширения коммуникационных возможностей студенты имеют возможность работать в компьютерных классах с соответствующим лицензионным программным обеспечением и выходом в Интернет. Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети Интернет и обеспечены доступом в электронную информационно-образовательную среду.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению 03.03.02 - Физика.

Автор(ы): Т.В. Медведев

Заведующий кафедрой: Господчиков Егор Дмитриевич, кандидат физико-математических наук.

Программа одобрена на заседании методической комиссии от 30.06.2022 г., протокол № 3.