

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

**федеральное государственное автономное
образовательное учреждение высшего образования_
«Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет
им. Н.И. Лобачевского»**

Высшая школа общей и прикладной физики

УТВЕРЖДЕНО

решением президиума Ученого совета ННГУ

протокол № 1 от 16.01.2024 г.

Рабочая программа дисциплины

Векторный и тензорный анализ

Уровень высшего образования

Бакалавриат

Направление подготовки / специальность

03.03.02 - Физика

Направленность образовательной программы

Фундаментальная физика

Форма обучения

очная

г. Нижний Новгород

2024 год начала подготовки

1. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина Б1.О.06.06 Векторный и тензорный анализ относится к обязательной части образовательной программы.

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями и индикаторами достижения компетенций)

Формируемые компетенции (код, содержание компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю), в соответствии с индикатором достижения компетенции		Наименование оценочного средства	
	Индикатор достижения компетенции (код, содержание индикатора)	Результаты обучения по дисциплине	Для текущего контроля успеваемости	Для промежуточной аттестации
ОПК-1: Способен применять базовые знания в области физико-математических и (или) естественных наук в сфере своей профессиональной деятельности	ОПК-1.1: Демонстрация способности применять базовые знания в области физико-математических и (или) естественных наук в сфере своей профессиональной деятельности	ОПК-1.1: Знать основы классической дифференциальной геометрии кривых и поверхностей; основные методы вычисления многомерных интегралов; основные теоремы классического векторного анализа (теоремы Грина, Остроградского-Гаусса и Стокса); законы преобразования векторных и тензорных полей при заменах координат, использовании координатных систем в вычислениях с производными и интегралами; элементы теории дифференциальных форм (понятие формы; операции с формами – внешнее произведение и внешнее дифференцирование; интегрирование форм по поверхностям); формулировку теоремы Стокса для дифференциальных форм; основы теории ковариантного дифференцирования (понятие о параллельности векторных и тензорных полей; объект связности и ковариантные производные векторных полей и 1-форм; дифференциальные уравнения параллельного переноса; геодезические кривые). Уметь вычислять	Задачи	Экзамен: Задачи Контрольные вопросы

		<p>геометрические характеристики кривых и поверхностей; вычислять многомерные интегралы, в том числе с использованием теоремы о замене переменных; применять классические теоремы векторного анализа для вычисления криволинейных, поверхностных и объемных интегралов; вычислять простейшие интегралы от дифференциальных форм в том числе с применением теоремы Стокса; вычислять ковариантные производные тензорных полей в простейших случаях; находить геодезические кривые на основных двумерных поверхностях (плоскость, сфера, конус).</p> <p>Владеть навыками решения задач, основанных на полученных в ходе освоения дисциплины знаниях.</p>		
--	--	--	--	--

3. Структура и содержание дисциплины

3.1 Трудоемкость дисциплины

	очная
Общая трудоемкость, з.е.	5
Часов по учебному плану	180
в том числе	
аудиторные занятия (контактная работа):	
- занятия лекционного типа	32
- занятия семинарского типа (практические занятия / лабораторные работы)	48
- КСР	2
самостоятельная работа	62
Промежуточная аттестация	36
	Экзамен

3.2. Содержание дисциплины

(структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и виды учебных занятий)

Наименование разделов и тем дисциплины	Всего (часы)	в том числе			
		Контактная работа (работа во взаимодействии с преподавателем), часы из них			Самостоятельная работа обучающегося, часы
		Занятия лекционного типа	Занятия семинарского типа (практические занятия/лабораторные работы), часы	Всего	
	0 Ф 0	0 Ф 0	0 Ф 0	0 Ф 0	0 Ф 0
Тема 1. Введение. Обзор теории метрических пространств	14	4	4	8	6
Тема 2. Теория кривых и поверхностей	14	4	4	8	6
Тема 3. Гладкие кривые и поверхности	12	2	4	6	6
Тема 4. Мера Жордана и интеграл Римана	12	2	4	6	6
Тема 5. Классический векторный анализ	14	4	4	8	6
Тема 6. Тензорные поля, криволинейные координаты и основные тензорные операции	16	4	6	10	6
Тема 7. Метрический тензор	16	4	6	10	6
Тема 8. Формы и интегрирование. Теорема Стокса	14	2	6	8	6
Тема 9. Ковариантное дифференцирование и параллельный перенос	12	2	4	6	6
Тема 10. Математические основы Гамильтоновой механики	18	4	6	10	8
Аттестация	36				
КСР	2			2	
Итого	180	32	48	82	62

Содержание разделов и тем дисциплины

Тема 1. Введение. Обзор теории метрических пространств
Тема 2. Теория кривых и поверхностей
Тема 3. Гладкие кривые и поверхности
Тема 4. Мера Жордана и интеграл Римана
Тема 5. Классический векторный анализ
Тема 6. Тензорные поля, криволинейные координаты и основные тензорные операции
Тема 7. Метрический тензор
Тема 8. Формы и интегрирование. Теорема Стокса
Тема 9. Ковариантное дифференцирование и параллельный перенос
Тема 10. Математические основы Гамильтоновой механики

4. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся

Самостоятельная работа обучающихся включает в себя подготовку к контрольным вопросам и заданиям для текущего контроля и промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины приведенным в п. 5.

а) основная литература:

- 1) В.А.Дубровин, С.П.Новиков, А.Т.Фоменко. Современная геометрия. М.: Наука, 1979. - 759 с. – 93 экз.

- 2) А.В.Погорелов. Дифференциальная геометрия. Харьков, 1967. - 176 с. – 32 экз.
- 3) Кудрявцев Л.Д. и др. Сборник задач по математическому анализу. М., Наука, 1984, - 592 с. – 132 экз.

б) дополнительная литература:

- 1) Кратные интегралы и ряды [Электронный ресурс]: Учебник / Будаков Б.М., Фомин С.В. - 3-е изд., - М. : ФИЗМАТЛИТ, 2002. - <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785922103008.html>
- 2) Задачи по дифференциальной геометрии [Электронный ресурс] / Розендорн Э.Р. - 3-е изд., испр. и доп. - М. : ФИЗМАТЛИТ, 2008. - <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785922108218.html>
- 3) Лекции по дифференциальной геометрии. [Электронный ресурс] / Сизый С. В. - М. : ФИЗМАТЛИТ, 2007. - <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785922107426.html>

в) программное обеспечение и Интернет-ресурсы (в соответствии с содержанием дисциплины)

- 1) Малышев А.И., Максимова Г.М. Основы векторного и тензорного анализа для физиков. Электронное учебно-методическое пособие ННГУ. <http://window.edu.ru/resource/324/79324/files/VT4phys.pdf>
- 2) Научно-образовательный сайт MechMath. Учебно-образовательная физико-математическая библиотека. Дифференциальная геометрия и тензорный анализ. <http://mechmath.ipmnet.ru/lib/?s=difgeometry>

5. Фонд оценочных средств для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по дисциплине (модулю)

5.1 Типовые задания, необходимые для оценки результатов обучения при проведении текущего контроля успеваемости с указанием критериев их оценивания:

5.1.1 Типовые задания (оценочное средство - Задачи) для оценки сформированности компетенции ОПК-1:

Задача 1

Метрический тензор в области $\Omega = \{(x, y), y > 0\} \in \mathbb{R}^2$ имеет вид $g_{ik} = \frac{1}{y^2} \delta_{ik}$.

Докажите, что дуги окружностей с центрами на прямой $y=0$ являются геодезическими связности Леви-Чивитта этой метрики.

Задача 2

Найти в произвольной точке Гауссову и среднюю кривизну поверхности $\Sigma = \{(x^2 + y^2 + z^2 + p^2)^2 = q^2(x^2 + y^2)\} \subset \mathbb{R}^3$, $0 < 2p < q$.

Задача 3

Найти массу сферического слоя $\{a^2 < x^2 + y^2 + z^2 < 4a^2\}$, если плотность в каждой точке пропорциональна квадрату расстояния до прямой $x = y = z$, а максимальное значение плотности равно γ .

Задача 4

Найти электростатический потенциал однородно заряженного шара в произвольной точке пространства.

Задача 5

Найти кривизну и кручение траектории точечной заряженной частицы в скрещенных электрическом и магнитном полях.

Задача 6

Найти геодезические кривые на двумерном торе.

Критерии оценивания (оценочное средство - Задачи)

Оценка	Критерии оценивания
превосходно	Уровень знаний в объеме, превышающем программу подготовки. Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме без недочетов. Продемонстрирован творческий подход к решению нестандартных задач.
отлично	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки, без ошибок. Продемонстрированы все основные умения, решены все основные задачи с отдельными несущественными недочетами, выполнены все задания в полном объеме. Продемонстрированы навыки при решении нестандартных задач без ошибок и недочетов.
очень хорошо	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько несущественных ошибок. Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами. Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач без ошибок и недочетов.
хорошо	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько негрубых ошибок. Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами. Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторыми недочетами.
удовлетворительно	Минимально допустимый уровень знаний. Допущено много негрубых

Оценка	Критерии оценивания
	ошибки. Продемонстрированы основные умения. Решены типовые задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания но не в полном объеме. Имеется минимальный набор навыков для решения стандартных задач с некоторыми недочетами.
неудовлетворительно	Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки. При решении стандартных задач не продемонстрированы основные умения. Имели место грубые ошибки. При решении стандартных задач не продемонстрированы базовые навыки. Имели место грубые ошибки.
плохо	Отсутствие знаний теоретического материала. Невозможность оценить полноту знаний вследствие отказа обучающегося от ответа. Отсутствие минимальных умений . Невозможность оценить наличие умений вследствие отказа обучающегося от ответа. Отсутствие владения материалом. Невозможность оценить наличие навыков вследствие отказа обучающегося от ответа.

5.2. Описание шкал оценивания результатов обучения по дисциплине при промежуточной аттестации

Шкала оценивания сформированности компетенций

Уровень сформированности компетенций (индикатора достижения компетенций)	плохо	неудовлетворительно	удовлетворительно	хорошо	очень хорошо	отлично	превосходно
	не зачтено		зачтено				
<u>Знания</u>	Отсутствие знаний теоретического материала. Невозможность оценить полноту знаний вследствие отказа обучающегося от ответа	Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки	Минимально допустимый уровень знаний. Допущено много негрубых ошибок	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки . Допущено несколько негрубых ошибок	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки . Допущено несколько несущественных ошибок	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки и. Ошибок нет.	Уровень знаний в объеме, превышающем программу подготовки.
<u>Умения</u>	Отсутствие минимальных умений. Невозможность оценить наличие умений вследствие отказа обучающегося от ответа	При решении стандартных задач не продемонстрированы основные умения. Имели место грубые ошибки	Продемонстрированы основные умения. Решены типовые задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с негрубыми ошибками. Выполнены	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания в полном	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с отдельным и	Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме без

			задания, но не в полном объеме	все задания в полном объеме, но некоторые с недочетами	объеме, но некоторые с недочетами	несущественными недочетами, выполнены все задания в полном объеме	недочетов
<u>Навыки</u>	Отсутствие базовых навыков. Невозможность оценить наличие навыков вследствие отказа обучающегося от ответа	При решении стандартных задач не продемонстрированы базовые навыки. Имели место грубые ошибки	Имеется минимальный набор навыков для решения стандартных задач с некоторым и недочетами	Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторым и недочетами	Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач без ошибок и недочетов	Продемонстрированы навыки при решении нестандартных задач без ошибок и недочетов	Продемонстрирован творческий подход к решению нестандартных задач

Шкала оценивания при промежуточной аттестации

Оценка		Уровень подготовки
зачтено	превосходно	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «превосходно», продемонстрированы знания, умения, владения по соответствующим компетенциям на уровне выше предусмотренного программой
	отлично	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «отлично».
	очень хорошо	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «очень хорошо»
	хорошо	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «хорошо».
	удовлетворительно	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «удовлетворительно», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «удовлетворительно»
не зачтено	неудовлетворительно	Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «неудовлетворительно».
	плохо	Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «плохо»

5.3 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов обучения на промежуточной аттестации с указанием критериев их оценивания:

5.3.1 Типовые задания (оценочное средство - Задачи) для оценки сформированности компетенции ОПК-1

Задача 1

Метрический тензор в области $\Omega = \{(x, y), y > 0\} \in \mathbb{R}^2$ имеет вид $g_{ik} = \frac{1}{y^2} \delta_{ik}$.

Докажите, что дуги окружностей с центрами на прямой $y=0$ являются геодезическими связности Леви-Чивитта этой метрики.

Задача 2

Найти в произвольной точке Гауссову и среднюю кривизну поверхности $\Sigma = \{(x^2 + y^2 + z^2 + p^2)^2 = q^2(x^2 + y^2)\} \subset \mathbb{R}^3$, $0 < 2p < q$.

Задача 3

Найти массу сферического слоя $\{a^2 < x^2 + y^2 + z^2 < 4a^2\}$, если плотность в каждой точке пропорциональна квадрату расстояния до прямой $x = y = z$, а максимальное значение плотности равно γ .

Задача 4

Найти электростатический потенциал однородно заряженного шара в произвольной точке пространства.

Задача 5

Найти кривизну и кручение траектории точечной заряженной частицы в скрещенных электрическом и магнитном полях.

Задача 6

Найти геодезические кривые на двумерном торе.

Критерии оценивания (оценочное средство - Задачи)

Оценка	Критерии оценивания
превосходно	Уровень знаний в объеме, превышающем программу подготовки. Продemonстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме без недочетов. Продemonстрирован творческий подход к решению нестандартных задач.
отлично	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки, без ошибок. Продemonстрированы все основные умения, решены все основные задачи с отдельными несущественными недочетами, выполнены все задания в полном объеме. Продemonстрированы навыки при решении нестандартных задач без ошибок и недочетов.
очень хорошо	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько несущественных ошибок. Продemonстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами. Продemonстрированы базовые навыки при решении стандартных задач без ошибок и недочетов.
хорошо	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько негрубых ошибок. Продemonстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами. Продemonстрированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторыми недочетами.

Оценка	Критерии оценивания
удовлетворительно	Минимально допустимый уровень знаний. Допущено много негрубых ошибки. Продемонстрированы основные умения. Решены типовые задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания но не в полном объеме. Имеется минимальный набор навыков для решения стандартных задач с некоторыми недочетами.
неудовлетворительно	Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки. При решении стандартных задач не продемонстрированы основные умения. Имели место грубые ошибки. При решении стандартных задач не продемонстрированы базовые навыки. Имели место грубые ошибки.
плохо	Отсутствие знаний теоретического материала. Невозможность оценить полноту знаний вследствие отказа обучающегося от ответа. Отсутствие минимальных умений . Невозможность оценить наличие умений вследствие отказа обучающегося от ответа. Отсутствие владения материалом. Невозможность оценить наличие навыков вследствие отказа обучающегося от ответа.

5.3.2 Типовые задания (оценочное средство - Контрольные вопросы) для оценки сформированности компетенции ОПК-1

- 1) Кривые в Геометрия кривых в . Формулы Френе.
- 2) Длина кривой. Криволинейные интегралы I-ого рода.
- 3) Векторные поля и криволинейные интегралы II-ого рода.
- 4) Поверхности в . Длина кривой на поверхности и первая квадратичная форма.
- 5) Вторая квадратичная форма поверхности. Кривизны плоских сечений, главные кривизны, средняя и Гауссова кривизна.
- 6) Мера Жордана: конструкция и основные свойства.
- 7) Интеграл Римана в . Критерии интегрируемости.
- 8) Сведение кратных интегралов к повторным. Теорема Фубини.
- 9) Замена переменных в кратных интегралах.
- 10) Несобственные кратные интегралы.
- 11) Ориентация векторного пространства и поверхности.
- 12) Формула Грина. Потенциальные векторные поля.
- 13) Площадь поверхности и поверхностный интеграл I-ого рода.
- 14) Поверхностные интегралы II-ого рода.

- 15) Классический векторный анализ. Оператор Гамильтона .
- 16) Операции ∇ и $\nabla \times$, оператор Лапласа. Правило стрелок
- 17) Теорема Остроградского-Гаусса.
- 18) Теорема Стокса.
- 19) Потенциальные и соленоидальные векторные поля в \mathbb{R}^3 .
- 20) Касательные векторы в точке \mathbf{r} . Касательное и кокасательное пространство.
- 21) Тензорные поля в \mathbb{R}^3 .
- 22) Операции над тензорами. Метрический тензор. Поднятие и опускание индексов.
- 23) Метрический тензор. Длина кривых, геодезические.
- 24) Метрический тензор и поверхностные интегралы первого рода.
- 25) Дифференциальные формы. Интегрирование форм.
- 26) Внешний дифференциал и формула Стокса. Точные и замкнутые формы.
- 27) Ковариантное дифференцирование. Параллельный перенос, геодезические.
- 28) Кривизна связности.
- 29) Метрический тензор и связность Леви-Чивитта.
- 30) Замкнутые 2-формы и скобка Пуассона.

Критерии оценивания (оценочное средство - Контрольные вопросы)

Оценка	Критерии оценивания
превосходно	Уровень знаний в объеме, превышающем программу подготовки. Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме без недочетов. Продемонстрирован творческий подход к решению нестандартных задач.
отлично	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки, без ошибок. Продемонстрированы все основные умения, решены все основные задачи с отдельными несущественными недочетами, выполнены все задания в полном объеме. Продемонстрированы навыки при решении нестандартных задач без ошибок и недочетов.
очень хорошо	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько несущественных ошибок. Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами. Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач без ошибок и недочетов.
хорошо	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки.

Оценка	Критерии оценивания
	Допущено несколько негрубых ошибок. Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами. Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторыми недочетами.
удовлетворительно	Минимально допустимый уровень знаний. Допущено много негрубых ошибки. Продемонстрированы основные умения. Решены типовые задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания но не в полном объеме. Имеется минимальный набор навыков для решения стандартных задач с некоторыми недочетами.
неудовлетворительно	Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки. При решении стандартных задач не продемонстрированы основные умения. Имели место грубые ошибки. При решении стандартных задач не продемонстрированы базовые навыки. Имели место грубые ошибки.
плохо	Отсутствие знаний теоретического материала. Невозможность оценить полноту знаний вследствие отказа обучающегося от ответа. Отсутствие минимальных умений . Невозможность оценить наличие умений вследствие отказа обучающегося от ответа. Отсутствие владения материалом. Невозможность оценить наличие навыков вследствие отказа обучающегося от ответа.

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)

Основная литература:

1. Дубровин Борис Анатольевич. Современная геометрия : методы и прил. : [учеб. пособие для физ.-мат. специальностей ун-тов]. - М. : Наука, 1979. - 759 с. : ил. - 2.00., 79 экз.
2. Погорелов Алексей Васильевич. Дифференциальная геометрия : [учеб. для мат. специальностей ун-тов и пед. ин-тов]. - 6-е изд., стер. - М. : Наука, 1974. - 176 с. : с черт. - 0.28., 1 экз.
3. Сборник задач по математическому анализу : учеб. пособие для инженер.-техн. специальностей вузов. - М. : Наука, Гл. ред. физ.-мат. лит., 1984-. Сборник задач по математическому анализу. [1]. Предел. Непрерывность. Дифференцируемость / под ред. Л. Д. Кудрявцева. - М., 1984. - 592 с., 117 ил. : граф. - 1.60., 64 экз.

Дополнительная литература:

1. Буда Б. М. Кратные интегралы и ряды / Буда Б. М., Фомин С. В. - 3-е изд. - Москва : ФИЗМАТЛИТ, 2002. - 549 с. - Рекомендовано Министерством образования Российской Федерации в качестве учебника для студентов физических и физико-математических факультетов университетов. - Библиогр.: доступна в карточке книги, на сайте ЭБС Лань. - Книга из коллекции ФИЗМАТЛИТ - Математика. - ISBN 5-9221-0300-8., <https://e-lib.unn.ru/MegaPro/UserEntry?Action=FindDocs&ids=665706&idb=0>.

2. Задачи по дифференциальной геометрии / Розендорн Э.Р. - Москва : Физматлит, 2008., <https://e-lib.unn.ru/MegaPro/UserEntry?Action=FindDocs&ids=639820&idb=0>.
3. Сизый С. В. Лекции по дифференциальной геометрии / Сизый С. В. - Москва : ФИЗМАТЛИТ, 2007. - 346 с. - Рекомендовано к изданию Научно-методическим советом по математике и механике УМО университетов России в качестве учебного пособия для математических специальностей и направлений подготовки в университетах. - Библиогр.: доступна в карточке книги, на сайте ЭБС Лань. - Книга из коллекции ФИЗМАТЛИТ - Математика. - ISBN 978-5-9221-0742-6., <https://e-lib.unn.ru/MegaPro/UserEntry?Action=FindDocs&ids=665791&idb=0>.

Программное обеспечение и Интернет-ресурсы (в соответствии с содержанием дисциплины):

- 1) Малышев А.И., Максимова Г.М. Основы векторного и тензорного анализа для физиков. Электронное учебно-методическое пособие ННГУ.
<http://window.edu.ru/resource/324/79324/files/VT4phys.pdf>
- 2) Научно-образовательный сайт MechMath. Учебно-образовательная физико-математическая библиотека. Дифференциальная геометрия и тензорный анализ. <http://mechmath.ipmnet.ru/lib/?s=difgeometry>

7. Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)

Учебные аудитории для проведения учебных занятий, предусмотренных образовательной программой, оснащены мультимедийным оборудованием (проектор, экран), техническими средствами обучения, компьютерами, специализированным оборудованием: Учебные аудитории для проведения учебных занятий, предусмотренных образовательной программой, оснащены мультимедийным оборудованием (проектор, экран), техническими средствами обучения, компьютерами, специализированным оборудованием: для проведения лекций и практических занятий требуется типовое оборудование лекционной аудитории. Для подготовки самостоятельных контрольных работ и для их графического представления (если это необходимо), а также для расширения коммуникационных возможностей студенты имеют возможность работать в компьютерных классах с соответствующим лицензионным программным обеспечением и выходом в Интернет. Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети Интернет и обеспечены доступом в электронную информационно-образовательную среду.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечены доступом в электронную информационно-образовательную среду.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки 03.03.02 - Физика.

Автор(ы): Медведев Тимур Владиславович, кандидат физико-математических наук.

Заведующий кафедрой: Викторов Михаил Евгеньевич, кандидат физико-математических наук.

Программа одобрена на заседании методической комиссии от 07.02.2024, протокол № 4.