### МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

# Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского»

#### Институт экономики и предпринимательства

(факультет / институт / филиал)

УТВЕРЖДЕНО решением ученого совета ННГУ протокол от «16» июня 2021г. № 8

### Рабочая программа дисциплины

### Математика

(наименование дисциплины (модуля))

### Уровень высшего образования специалитет

(бакалавриат / магистратура / специалитет)

### Направление подготовки / специальность 38.05.02 Таможенное дело

(указывается код и наименование направления подготовки / специальности)

### Направленность образовательной программы Таможенные операции и таможенный контроль

(указывается профиль / магистерская программа / специализация)

Форма обучения очная, заочная

(очная / очно-заочная / заочная)

Нижний Новгород

2021 год

#### 1. Место дисциплины в структуре ООП

Дисциплина Б1.О.13 "Математика" относится к базовой части Блока 1 «Дисциплины, модули» ОПОП по специальности 38.05.02 Таможенное дело. Дисциплина обязательна для освоения в 1 и 2 семестрах (очная форма), на 1 курсе (1,2,3 сессии) (заочная форма). Дисциплина "Математика" базируется на знаниях, полученных студентами в процессе освоения школьной программы по предмету «Математика». Дисциплина «Математика» имеет логические и методологические последующие связи с дисциплинами: Экономика организации, Статистика, Бухгалтерский учет, Маркетинг, Логистика, Менеджмент, Рекламная деятельность, Организация, технология и проектирование предприятий и Информационные технологии в профессиональной деятельности.

Целями освоения дисциплины являются:

- обучить студентов основам теоретической и практической математики
- освоить необходимый математический аппарат
- научить студентов анализировать и обобщать информацию, делать выводы
- обучить студентов логически верно, аргументировано и ясно строить устную и письменную речь

## 2. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями и индикаторами достижения компетенций)

|  | Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю), в соответствии с индикатором достижения компетенции                                   |  |  |  |  |  |
|--|---|--|--|--|--|--|
| Формируемые компетенции (код, содержание компетенции)  | Индикатор достижения компетенции (код, содержание индикатора)   | Результаты обучения по<br>дисциплине   |  |  |  |  |
| ОПК-2  |   | Знать:   |  |  |  |  |
|  | ОПК-2.1.  | 1.Фундаментальные  |  |  |  |  |
| Способен осуществлять сбор, обработку, анализ  | Осуществляет сбор, обработку, анализ данных для решения профессиональных  | разделы математики   |  |  |  |  |
| данных для решения   | задач на основе информационной и  | необходимые для лог-   |  |  |  |  |
| профессиональных задач, информирования органов государственной власти и общества на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно-коммуникационных технологий и с учетом основных | библиографической культуры с применением информационнокоммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности. | иического осмысления и обработки информации в профессиональной деятельности.  2. Методы обработки и анализа статистических данных. |  |  |  |  |
| требований информации-   |   | Уметь:   |  |  |  |  |
|  |   | 1.Использовать   |  |  |  |  |

| онной безопасности/ |   | математический язык, математическую символику и математические методы для решения практических задач связанных с профессииональной деятельностью.  Владеть: Математическими методами решения типовых профессиональных задач.   |
|---------------------|---|--|
|                     | ОПК-2.2 Обрабатывает и анализирует данные с применением информационно-коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности для последующего предоставления результатов органам государственной власти и обществу/ | 3нать: 1.Фундаментальные разделы математики необходимые для логического осмыс- ления и обработки информации в профес- сиональной деятель- ности. 2. Методы обработки и анализа статистичес- ких данных.  Уметь: 1. Использовать математический язык , математическую симво- лику и математические методы при построении организационно-управ- ленческих моделей для решения практических задач управления. |

|  | Владеть:<br>Математическими |
|--|-----------------------------|
|  | методами решения типо-      |
|  | вых задач связанных с       |
|  | профессиональной дея-       |
|  | тельностью.                 |
|  |                             |

### 3. Структура и содержание дисциплины

### 3.1 Трудоемкость дисциплины

|                                       | очная форма<br>обучения | заочная<br>форма<br>обучения |
|---------------------------------------|-------------------------|------------------------------|
| Общая трудоемкость, ч                 | 324                     | 324                          |
| Часов по учебному плану, <i>ч</i>     | 324                     | 324                          |
| в том числе                           |                         |                              |
| аудиторные занятия (контактная        |                         |                              |
| работа):                              |                         |                              |
| - занятия лекционного типа, <i>ч</i>  | 64                      | 12                           |
| - занятия семинарского типа, <i>ч</i> | 64                      | 16                           |
| ( практические занятия /              |                         |                              |
| лабораторные работы)                  |                         |                              |
| самостоятельная работа                | 121                     | 280                          |
| КСР                                   | 3                       | 3                            |
| Промежуточная аттестация –            | 72                      | 13                           |
| экзамен/зачет                         |                         |                              |

### 3.2. Содержание дисциплины

|   |        | в том числе                    |   |  |
|---|--------|--------------------------------|---|--|
|   | Всего  | взаимодействии с п             | абота (работа во<br>реподавателем), часы<br>в них | работа<br>сы                             |
| Наименование и краткое содержание разделов и тем дисциплины | (часы) | Занятия<br>лекционного<br>типа | Занятия<br>сесеминарского<br>типа                 | Самостоятельная ра<br>обучающегося, часы |

|   |          |          |         |         |       |         | 1     |         |
|---|----------|----------|---------|---------|-------|---------|-------|---------|
|   |          |          |         |         |       |         |       |         |
|   |          |          |         |         |       |         |       |         |
|   | ая       | Заочная  | ая      | Заочная | ая    | Заочная | ая    | Заочная |
|   | Очная    | 3ao •    | Очная   | 3ao •   | Очная | 3ao •   | Очная | 3ao •   |
| Раздел 1. Дифференциально                           |          |          |         | 1,      |       | 1,      |       | 1 /     |
| Тема 1 Введение.                                    | 4        | 4        | 2       |         |       |         | 2     | 4       |
| Тема 2.   | 7        |          |         |         |       |         |       | T       |
| Предел и непрерывность                              |          |          |         |         |       |         |       |         |
| функции   | 22       | 22       | 6       | 1       | 6     | 1       | 10    | 20      |
| Тема 3.   |          |          |         | 1       |       | -       | 10    |         |
| Дифференциальное                                    |          |          |         |         |       |         |       |         |
| исчисление функции одной                            |          |          |         |         |       |         |       |         |
| переменной.   | 26       | 26       | 4       | 1       | 8     | 1       | 14    | 24      |
| Тема 4.   |          |          |         |         |       |         |       |         |
| Дифференциальное                                    |          |          |         |         |       |         |       |         |
| исчисление функции                                  |          |          |         |         |       |         |       |         |
| нескольких переменных.                              | 20       | 20       | 6       |         | 4     |         | 10    | 19      |
| Итого   | 72       | 72       | 18      | 2       | 18    | 2       | 36    | 76      |
| Раздел 2. Интегральное исч                          | исление  | •        |         | •       |       |         | •     | •       |
| Тема 5.   |          |          |         |         |       |         |       |         |
| Неопределенный интеграл.                            | 18       | 18       | 4       | 1       | 4     | 1       | 10    | 16      |
| Тема 6.   |          |          |         |         |       |         |       |         |
| Определенный интеграл.                              | 18       | 18       | 4       | 1       | 6     | 2       | 18    | 32      |
| Раздел 3. Векторная алгебра                         | a        | 1        | •       | •       | •     | 1       | II.   |         |
| Тема 7  |          |          |         |         |       |         |       |         |
| Векторы на плоскости и в                            |          |          |         |         |       |         |       |         |
| пространстве  | 16       | 16       | 4       |         | 4     |         | 8     | 15      |
| Тема 8  |          |          |         |         |       |         |       |         |
| Размерность и базис                                 |          |          |         |         |       |         |       |         |
| векторного пространства.                            | 18       | 18       | 6       | 2       | 2     | 2       | 10    | 19      |
| Текущий контроль                                    | 2        | 2        |         |         | 2     | 2       |       |         |
| Итого   | 36       | 36       | 10      | 2       | 8     | 4       | 18    | 36      |
| Итого в 1 семестре                                  | 144      | 144      | 32      | 6       | 32    | 8       | 80    | 130     |
| Промежуточная аттестация – зачет.                   |          |          |         |         |       |         |       |         |
|   |          |          |         |         |       |         |       |         |
| Раздел 4. Матрицы и систем                          | іы линей | іных ура | внений. | T       |       |         | ı     |         |
| Тема 9  |          |          |         |         |       |         |       |         |
| Матрицы и определители.                             | 10       | 10       | 4       | 1       | 4     | 1       | 2     | 8       |
| Тема 10   |          |          |         |         |       |         |       |         |
| Системы линейных                                    | 10       | 10       | 4       | 1       | 4     | 1       | 2     | 8       |
| уравнений.  | _        | _        | _       |         |       | _       |       |         |
| Итого   | 36       | 36       | 8       | 2       | 8     | 2       | 6     | 18      |
| Раздел 5. Аналитическая ге                          | ометрия  |          | 1       | 1       |       |         | T     | ı       |
| Тема 11   |          |          |         |         |       |         |       |         |
| Уравнение прямой линии.<br>Условие параллельности и |          |          |         |         |       |         |       |         |
| Условие параллельности и перпендикулярности прямых. | _        |          |         |         |       | _       |       |         |
|   | 6        | 6        | 2       | 1       | 2     | 1       | 2     | 4       |
| Тема 12 Окружность и эллипс.                        | 6        | 6        | 2       | 1       | 2     | 1       | 2     | 4       |
| Тема 13. Гипербола и                                | 10       | 10       | 4       |         | 4     |         | 2     | 10      |
| парабола  |          |          |         |         |       |         |       |         |

| Итого   | 36        | 36  | 8  | 2 | 8  | 2 | 6  | 18  |
|---|-----------|-----|----|---|----|---|----|-----|
| Раздел 6. Теория вероятностей и математическая статистика |           |     |    |   |    |   | •  |     |
| Тема 14. Случайные события.                               | 6         | 6   | 2  |   | 2  | 1 | 2  | 5   |
| Тема 15. Случайные величины                               | 6         | 6   | 2  |   | 2  | 1 | 2  | 6   |
| и их числовые   |           |     |    |   |    |   |    |     |
| характеристики.   |           |     |    |   |    |   |    |     |
| Тема 16.  |           |     |    |   |    |   |    |     |
| Основные законы   |           |     |    |   |    |   |    |     |
| распределения случайных                                   | 10        | 10  | 4  |   | 4  |   | 2  | 10  |
| величин.  |           |     |    |   |    |   |    |     |
| Тема 17. Случайные векторы.                               | 6         | 6   | 2  |   | 2  |   | 2  | 6   |
| Тема 18.  |           |     |    |   |    |   |    |     |
| Статистическое оценивание.                                | 10        | 10  | 4  | 2 | 2  |   | 4  | 8   |
| Тема 19. Проверка гипотез.                                | 8         | 8   | 2  |   | 2  |   | 4  | 8   |
| Текущий контроль.   | 2         | 2   |    |   | 2  | 2 |    |     |
| Итого   | 108       | 108 | 16 | 2 | 16 | 4 | 16 | 108 |
| Итого во 2 семестре                                       | 180       | 180 | 32 | 6 | 32 | 8 | 44 | 150 |
| Промежуточная аттестация                                  | - экзамеі | Ħ   |    |   |    |   |    |     |

### 4. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся

### 4/1. Методические указания для обучающихся

Изучение теоретического материала определяется рабочей учебной программой дисциплины, включенными в нее календарным планом изучения дисциплины и перечнем литературы; рекомендуется при подготовке к занятиям повторить материал предшествующих тем рабочего учебного плана. При подготовке к практическому занятию необходимо изучить материалы лекции, рекомендованную литературу. Изученный материал следует проанализировать в соответствии с планом занятия, затем проверить степень усвоения содержания вопросов.

Практические занятия неразрывно связаны с домашними заданиями как основным видом текущей самостоятельной работы, являясь, в сочетании с систематическим изучением теоретического материала основой рейтинговой оценки знаний, фиксируемой в промежуточной и итоговой аттестациях.

Практические занятия помогают студентам глубже усвоить учебный материал, приобрести навыки научно-теоретического обобщения литературных источников, творческой работы над документами и первоисточниками. Начиная подготовку к практическому занятию, необходимо указать студентам страницы в конспекте лекций, разделы учебников и учебных пособий, чтобы они получили общее представление о месте и значении темы в изучаемом курсе. Затем следует рекомендовать им поработать с дополнительной литературой, сделать записи по рекомендованным источникам.

Следует учитывать тот факт, что время, отводимое на лекционный курс, не позволяет охватить всё, поэтому в процессе освоения дисциплины для лучшего усвоения материала необходимо регулярно обращаться к литературным источникам, предлагаемым в библиографическом списке и, кроме этого, пользоваться через компьютерную сеть университета и при самостоятельной подготовке в домашних условиях образовательными ресурсами, представленными в разделе «учебно-методическое обеспечение дисциплины», а также общедоступными интернет-порталами, содержащими большое количество как научно-популярных, так и узкоспециализированных статей, посвященных различным аспектам учебной дисциплины.

### 4.2. Самостоятельная работа студента

*Самостоятельная работа* проводится с целью углубления знаний по дисциплине и предусматривает:

- повторение пройденного учебного материала, чтение рекомендованной литературы;
- подготовку к практическим занятиям;
- выполнение общих и индивидуальных домашних заданий;
- работу с электронными источниками;
- подготовку к сдаче экзамена (зачета).

Планирование времени на самостоятельную работу важно осуществлять на весь семестр, предусматривая при этом повторение пройденного материала.

*При подготовке к экзамену* следует руководствоваться перечнем вопросов для подготовки к итоговому контролю по курсу. При этом необходимо уяснить суть основных понятий дисциплины.

Самостоятельная работа студента является неотъемлемой частью процесса изучения дисциплины «Математика». Самостоятельная работа призвана развить у студентов способность разбираться в обширном потоке информации, вычленять главное.

Результаты самостоятельной работы студентов оцениваются в баллах по пятибалльной или семибалльной шкале. Полученные студентом баллы за самостоятельную работу включаются в итоговую сумму баллов по курсу.

План самостоятельной работы по дисциплине составляется студентом и согласовывается с преподавателем в течение двух первых рабочих недель семестра, в котором читается данная дисциплина.

По данной дисциплине в перечень форм самостоятельной работы включены следующие виды:

- 1. участие в научных студенческих конференциях и семинарах;
- 2. анализ статистических и фактических материалов по заданной теме, проведение расчетов, составление схем и моделей на основе статистических материалов;

Текущие консультации студентов по вопросам выполнения заданий по самостоятельной работе и подведение итогов по специальным формам самостоятельной работы проводятся во время плановых аудиторных консультаций преподавателя, а также в электронной форме.

### Тематика контрольных работ

- 1. Предел и непрерывность функции и последовательности.
- 2. Дифференциальное исчисление функции одной и двух переменных.
- 3. Неопределенный интеграл. Определенный интеграл.
- 4. Матрицы и определители. Системы линейных уравнений
- 5. Графический метод решения задач ЛП.
- 6.Основные понятия теории вероятностей. Случайные величины и их числовые характеристики. Основные распределения случайных величин.

### 5. Фонд оценочных средств для промежуточной аттестации по дисциплине (модулю),

### 5.1. Описание шкал оценивания результатов обучения по дисциплине

| Уровень<br>сформирован                    |  | Шкала оценивания сформированности компетенций   |   |  |  |  |  |  |  |
|---|--|---|---|--|--|--|--|--|--|
| ности<br>компетенций                      | плохо  | неудовлетво<br>рительно   | удовлетвори<br>тельно   | хорошо   | очень хорошо   | отлично  | превосходно  |  |  |
| (индикатора<br>достижения<br>компетенций) | не за  | чтено   |   |  | зачтено  |  |  |  |  |
| <u>Знания</u>                             | Отсутствие знаний теоретическо го материала. Невозможнос ть оценить полноту знаний вследствие отказа обучающегос я от ответа | Уровень знаний ниже минимальны х требований. Имели место грубые ошибки.                           | Минимально допустимый уровень знаний. Допущено много негрубых ошибки.   | Уровень знаний в объеме, соответствую щем программе подготовки. Допущено несколько негрубых ошибок   | Уровень знаний в объеме, соответствующ ем программе подготовки. Допущено несколько несущественны х ошибок                                | Уровень знаний в объеме, соответствую щем программе подготовки, без ошибок.  | Уровень знаний в объеме, превышающе м программу подготовки.  |  |  |
| <u>Умения</u>                             | Отсутствие минимальны х умений. Невозможнос ть оценить наличие умений вследствие отказа обучающегос я от ответа              | При решении стандартных задач не продемонстр ированы основные умения.  Имели место грубые ошибки. | Продемонстр ированы основные умения. Решены типовые задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания но не в полном объеме. | Продемонстр ированы все основные умения. Решены все основные задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами. | Продемонстри рованы все основные умения. Решены все основные задачи . Выполнены все задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами. | Продемонстр ированы все основные умения, реше ны все основные задачи с отдельными несуществен ным недочетами, выполнены все задания в полном объеме. | Продемонстр ированы все основные умения,. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме без недочетов |  |  |
| <u>Навыки</u>                             | Отсутствие владения материалом. Невозможнос ть оценить наличие навыков вследствие отказа обучающегос я от ответа             | При решении стандартных задач не продемонстр ированы базовые навыки.  Имели место грубые ошибки.  | Имеется минимальны й набор навыков для решения стандартных задач с некоторыми недочетами                                      | Продемонстр ированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторыми недочетами   | Продемонстри рованы базовые навыки при решении стандартных задач без ошибок и недочетов.   | Продемонстр ированы навыки при решении нестандартн ых задач без ошибок и недочетов.  | Продемонстр ирован творческий подход к решению нестандартн ых задач  |  |  |

### Шкала оценки при промежуточной аттестации

| On         | (енка                   | Уровень подготовки  |  |  |  |  |
|------------|-------------------------|---|--|--|--|--|
|            | превосходно             | Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «превосходно», продемонстрированы знания, умения, владения по соответствующим компетенциям на уровне, выше предусмотренного программой |  |  |  |  |
|            | отлично                 | Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «отлично», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «отлично»  |  |  |  |  |
|            | очень хорошо            | Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «очень хорошо», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне « очень хорошо»   |  |  |  |  |
| зачтено    | хорошо                  | Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «хорошо», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «хорошо»  |  |  |  |  |
|            | удовлетворител<br>ьно   | Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «удовлетворительно», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «удовлетворительно»                                      |  |  |  |  |
| не зачтено | неудовлетворит<br>ельно | Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «неудовлетворительно», ни одна из компетенций не сформирована на уровне «плохо»   |  |  |  |  |
|            | плохо                   | Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «плохо»   |  |  |  |  |

### **5.2.** Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов обучения.

### 5.2.1 Контрольные вопросы

| Вопросы   | Код д       | рормируем |
|---|-------------|-----------|
|   | компетенции |           |
| 1. Способы задания функций.                                       | ОПК-2       |           |
| 2. Предел функции (два определения). Основные теоремы о пределах. | ОПК-2       |           |
| 3. Бесконечно малые и бесконечно большие функции                  | ОПК-2       |           |
| 4. Производная функции, ее геометрический и механический смысл.   | ОПК-2       |           |
| 5. Основные правила дифференцирования.                            | , ОПК-2     | 2         |
| 6. Дифференциал функции.  | ОПК-2       |           |
| 7. Экстремум функции. Необходимое условие экстремума.             | , ОПК-2     | 2         |
| 8. Асимптоты. Общая схема исследования функций.                   | ОПК-2       |           |

| о П  | ОПК-2  |
|--|--------|
| 9. Понятие функции нескольких переменных   | OTIK-2 |
| 10. Свойства неопределенного интеграла   | ОПК-2  |
| 11. Определенный интеграл и его геометрический смысл.  | ОПК-2  |
| 12. Основные понятия теории вероятностей. Операции над событиями   | ОПК-2  |
| 13. Несобственные интегралы.   | ОПК-2  |
| 14. Векторы и линейные операции над ними.  | ОПК-2  |
| 15. Разложение вектора по произвольному базису.  | ОПК-2  |
| 16. Прямая и плоскость в пространстве.   | ОПК-2  |
| 17. Кривые 2-го порядка: эллипс, парабола, гипербола.  | ОПК-2  |
| 18. Определители 2-го и 3-го порядка и их свойства.  | ОПК-2  |
| 19. Матрицы и действия над ними.   | ОПК-2  |
| 20. Основные понятия теории вероятностей.  | ОПК-2  |
| 21. Теорема сложения вероятностей.   | ОПК-2  |
| 22. Формула Байеса.  | ОПК-2  |
| 23. Локальная и интегральная теоремы Муавра-Лапласа.   | ОПК-2  |
| 24. Определение случайной величины. Функция распределения и ее свойства.   | ОПК-2  |
| 25. Плотность распределения и функция распределения непрерывной случайной величины.  | ОПК-2  |
| 26. Распределения дискретных случайных величин: биномиальное распределение, распределение Пуассона и их числовые характеристики. | ОПК-2  |
| 27. Равномерное распределение случайных величин и их числовые характеристики.  | ОПК-2  |

### Примеры практических заданий по теме «Предел последовательности. Предел функции» для оценки сформированности компетенции.

### 1) - 4) Вычислить предел.

| Вариант 1  | Вариант 2  |
|--|--|
|  |  |
|  |  |
| 1) $\lim_{n \to \infty} (\sqrt{n^2 + 1} - \sqrt{n^2 - 1})$ | 1) $\lim_{x \to \infty} (\sqrt{x^3 + 1} - \sqrt{x^3 - 1})$ |

#### Примеры решения заданий по теме

### «Предел последовательности. Предел функции» для оценки сформированности компетенции

1. Вычислить  $\lim_{x \to \infty} (\sqrt{x^2 + 5} - \sqrt{x^2 - 5})$ .

$$\lim_{x \to \infty} (\sqrt{x^2 + 5} - \sqrt{x^2 - 5}) = (\infty - \infty) = \lim_{x \to \infty} \frac{(\sqrt{x^2 + 5} - \sqrt{x^2 - 5})(\sqrt{x^2 + 5} + \sqrt{x^2 - 5})}{\sqrt{x^2 + 5} + \sqrt{x^2 - 5}} = \frac{1}{\sqrt{x^2 + 5}} = \frac{1}{$$

$$= \lim_{x \to \infty} \frac{10}{\sqrt{x^2 + 5} + \sqrt{x^2 - 5}} = 0.$$

2. Вычислить 
$$\lim_{x\to 1} \frac{x^2 - 5x + 4}{2x^2 + 5x - 7}$$

$$\lim_{x \to 1} \frac{x^2 - 5x + 4}{2x^2 + 5x - 7} = \left(\frac{0}{0}\right) = \lim_{x \to 1} \frac{(x - 1)(x - 4)}{2(x - 1)(x + \frac{7}{2})} = \lim_{x \to 1} \frac{x - 4}{2x - 7} = \frac{3}{5}.$$

3. Вычислить 
$$\lim_{x\to\infty} x^4 \cdot \sin \frac{1}{x^3}$$

$$\lim_{x \to \infty} x^4 \cdot \sin \frac{1}{x^3} = (\infty \cdot 0) = \lim_{x \to \infty} x^4 \cdot \frac{1}{x^3} = \lim_{x \to \infty} x = \infty.$$

4. Вычислить 
$$\lim_{x \to \infty} \left( \frac{2x+3}{2x+1} \right)^x$$

$$\lim_{x \to \infty} \left( \frac{2x+3}{2x+1} \right)^x = (1^{\infty}) = \lim_{x \to \infty} \left( \frac{2x+1+2}{2x+1} \right)^x = \lim_{x \to \infty} \left( \left( 1 + \frac{2}{2x+1} \right)^{\frac{2x+1}{2}} \right)^{\frac{2x}{2x+1}} = e^{\lim_{x \to \infty} \frac{2x}{2x+1}} = e^{\int_{-\infty}^{\infty} \frac{2x}{2x+1}} = e^{\int_{-\infty}^{\infty}$$

Вычислить 
$$\lim_{x\to\infty} \frac{x^3 + 2x^2 - 3x + 5}{2x^4 + 2x - 1}$$

$$\lim_{x \to \infty} \frac{x^3 + 2x^2 - 3x + 5}{2x^4 + 2x - 1} = \left(\frac{\infty}{\infty}\right) = \lim_{x \to \infty} \frac{\frac{1}{x} + \frac{2}{x^2} - \frac{3}{x^3} + \frac{5}{x^4}}{2 + \frac{2}{x^3} - \frac{1}{x^4}} = \frac{0}{2} = 0.$$

### Примеры практических заданий по теме «Дифференциальное исчисление» для оценки сформированности компетенции

- 1) Найти производную функции;
- 2) Найти производную функции;
- 3) Найти частные производные функции;
- 4) Исследовать функцию на экстремум.

| Вариант 1                                    | Вариант 2                                     |  |  |  |
|--|---|--|--|--|
|  |   |  |  |  |
| $\int_{1}^{1} y = e^{x^2} ctg^{-2} (3x + 2)$ | $\int_{1}^{1} y = 5^{x^2} tg (6x + 3)$        |  |  |  |
| $y = \frac{\log_{2} 3x}{\cos^{3}(x+3)}$      | $y = \frac{\cos^{2}(6x + 2)}{e^{x^{2} + 2x}}$ |  |  |  |
| $z = e^{x}(6x + y^{2})$                      | $z = \cos(x^2 + \sqrt{y})$                    |  |  |  |
| $\int_{4)} z = e^{\frac{x}{2}} (x + y^2)$    | 4) $z = x^2 + 2y^2 - 3 \ln x - 6 \ln y$       |  |  |  |
| Вариант 3                                    | Вариант 4                                     |  |  |  |
|  |   |  |  |  |
| 1) $y = 3^{x^3} arctg (6x^2 + 1)$            | $\int_{1}^{1} y = \ln x^{2} t g (3x + 2)$     |  |  |  |
| $y = \frac{\sin^{3}(3x+4)}{\log_{3}x^{2}}$   | $y = \frac{e^{3x}}{\sin^2(x+3)}$              |  |  |  |
| $3) z = \ln x + y^2$                         | $3) z = \ln x + \sqrt{y}$                     |  |  |  |
| 4) $z = 3y + 6x - y^2 - xy + x^2$            | $z = x^2 y (2 - x - y)$                       |  |  |  |

### Примеры решения заданий по теме

### «Дифференциальное исчисление»

1. Найти производную функции  $y = 2^{x^3} \cdot \arccos x^3$ .

$$y' = 2^{x^3} \ln 2 \cdot 3x^2 \cdot \arccos x^3 + 2^{x^3} \cdot \left(-\frac{1}{\sqrt{1-x^6}}\right) \cdot 3x^2 = 3x^2 2^{x^3} \left(\ln 2 \arccos x^3 - \frac{1}{\sqrt{1-x^6}}\right)$$

2. Найти производную функции  $y = \frac{2^{x^2}}{\arccos x^3}$ .

$$y' = \frac{2^{x^3} \ln 2 \cdot 3x^2 \arccos x^3 - 2^{x^3} \cdot \left(-\frac{1}{\sqrt{1 - x^6}}\right) \cdot 3x^2}{\arccos^2 x^3} = \frac{3x^2 2^{x^3} \left(\ln 2 \arccos x^3 + \frac{1}{\sqrt{1 - x^6}}\right)}{\arccos^2 x^3}$$

3. Найти частные производные функции  $z = \sin(x^2 + y^2)$ .

$$z'_{x} = \cos(x^{2} + y^{2}) \cdot 2x$$

$$z'_{y} = \cos(x^2 + y^2) \cdot 2y$$

4. Исследовать функцию на экстремум  $z = x^2 - xy + y^2 - 2x + y$ .

Находим частные производные первого порядка:

$$z'_{x} = 2x - y - 2$$

$$z'_{y} = -x + 2y + 1$$

Решаем систему уравнений:

$$\begin{cases} 2x - y - 2 = 0 \\ -x + 2y + 1 = 0 \end{cases}$$

x = 1, y = 0. Получаем, что (1,0) – стационарная точка.

Находим частные производные второго порядка:

$$z''_{xx} = 2$$
,  $z''_{yy} = 2$ ,  $z''_{xy} = -1$ .

$$A = 2, C = 2, B = -1.$$

Вычисляем значение  $\Delta$ .

$$\Delta = 4 - 1 = 3$$
.

Так как  $\Delta > 0,~ A > 0,~ \text{то}~(1,0)$  – точка минимума,  $~z_{_{\min}}~=~-1$ 

### Примеры практических заданий по теме «Интегральное исчисление» для оценки сформированности компетенции.

- 1)-3) Вычислить интеграл;
- 4) Найти площадь фигуры, ограниченной кривыми.

| Вариант 1   | Вариант 2                                    |
|---|--|
| 1) $\int (2x^3 - 3x^2 + 4^{2x+1}) dx$             | $1) \int \frac{1 - \sqrt{2x}}{\sqrt{2x}} dx$ |
| $2) \int \frac{x+1}{x^2 + 2x - 3} dx$             | $2) \int \frac{3x^2}{x^3 + 1} dx$            |
| $\int x \ln x dx$                                 | $\int \ln x dx$                              |
| 4) $y = 0, x = 0, x = \frac{\pi}{4}, y = \cos 2x$ | 4) $xy = 1$ , $y = x^2$ , $x = 3$ , $y = 0$  |
| Вариант 3   | Вариант 4                                    |
| $1) \int \frac{dx}{9 x^2 + 1}$                    | $\int \cos^2 \frac{x}{2} dx$                 |

| $2) \int e^x \sqrt{e^x + 2}  dx$                         | $2) \int \frac{x^2}{\sqrt{1-x^6}} dx$ |
|--|---------------------------------------|
| $\int x 3^x dx$  | $3) \int x \cos x dx$                 |
| 4) $y = x^2 + 3$ , $y = \frac{4}{x}$ , $x = 0$ , $y = 2$ | 4) $y = x^3$ , $y = 4x$               |

#### Примеры решения заданий по теме

### «Интегральное исчисление»

1. Вычислить интеграл 
$$\int (2x^5 - 7x^3 + 2^x - \cos(2x + 1)) dx$$

$$\int (2x^5 - 7x^3 + 2^x - \cos(2x + 1)) dx = \frac{2x^6}{6} - \frac{7x^4}{4} + \frac{2^x}{\ln 2} - \frac{1}{2}\sin(2x + 1) + C =$$

$$= \frac{x^6}{3} - \frac{7x^4}{4} + \frac{2^x}{\ln 2} - \frac{1}{2}\sin(2x + 1) + C$$

$$\int \frac{x^4}{x^5 + 1} dx$$

2. Вычислить интеграл

$$\int \frac{x^4}{x^5 + 1} dx = \begin{vmatrix} t = x^5 \\ dt = 5x^4 dx \end{vmatrix} = \frac{1}{5} \int \frac{dt}{t + 1} = \frac{1}{5} \ln|t + 1| + C = \frac{1}{5} \ln|x^5 + 1| + C$$

3. Вычислить интеграл  $\int x \cos 2x dx$ 

$$\int x \cos 2x dx = \begin{vmatrix} u = x, du = dx \\ dv = \cos 2x dx, v = \frac{1}{2} \sin 2x \end{vmatrix} = \frac{1}{2} x \sin 2x - \frac{1}{2} \int \sin 2x dx = \frac{1}{2} x \sin 2x + \frac{1}{4} \cos 2x + C$$

4. Найти площадь фигуры, ограниченной кривыми:  $y = x^2$ ,  $y = \frac{x^2}{2} + 2$ .

Находим абсциссы точек пересечения:  $x^2 = \frac{x^2}{2} + 2$ ,  $\frac{x^2}{2} = 2$ ,  $x^2 = 4$ , x = 2, x = -2

Для площади фигуры получаем:

$$S = \int_{-2}^{2} \left( \frac{x^{2}}{2} + 2 - x^{2} \right) dx = \int_{-2}^{2} \left( 2 - \frac{x^{2}}{2} \right) dx = \left( 2x - \frac{x^{3}}{6} \right) \Big|_{-2}^{2} = 4 - \frac{8}{6} - (-4 + \frac{8}{6}) = 8 - \frac{8}{3} = \frac{16}{3} = 5\frac{1}{3}$$

### Примеры практических заданий по теме «Элементы линейной алгебры» для оценки сформированности компетенции

- 1) Выполнить действия с матрицами;
- 2) Решить систему уравнений тремя способами (методом Крамера, методом Гаусса, с помощью обратной матрицы).

| Вариант 1  | Вариант 2   |  |  |
|--|---|--|--|
| $ \begin{pmatrix} 3 & 4 & 6 \\ 9 & 1 & 3 \\ 8 & 4 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 17 & 0 & 2 \\ 4 & 3 & 1 \\ 2 & 1 & 1 \end{pmatrix}^{T} $ | $ \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix}^{T} $ $ \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix} $ $ \begin{pmatrix} 2 & 1 & 2 \end{pmatrix} $ |  |  |
| $\begin{cases} 2x_1 - x_2 - x_3 = 0, \\ x_1 + x_2 + x_3 = 3, \\ 2x_1 + x_2 - x_3 = 2. \end{cases}$   | $\begin{cases} x_1 + 2x_2 + x_3 = 4, \\ x_1 - 2x_2 + x_3 = 0, \\ x_1 + 3x_2 - 3x_3 = 1. \end{cases}$  |  |  |

| Вариант 3  | Вариант 4  |  |  |
|--|--|--|--|
| $ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$   | $ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$   |  |  |
| $\begin{cases} x_1 + 2x_2 + x_3 = 8, \\ 2x_1 - x_2 + x_3 = 4, \\ 3x_1 - 3x_2 + x_3 = 2. \end{cases}$ | $\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 9, \\ 2x_1 + x_2 + x_3 = 12, \\ 3x_1 - 2x_2 + x_3 = 6. \end{cases}$ |  |  |

### Примеры решения заданий по теме

### «Элементы линейной алгебры»

Решить систему уравнений тремя способами (методом Крамера, методом Гаусса, с помощью обратной матрицы).

$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 + 2x_3 = 14, \\ 2x_1 - 2x_2 + x_3 = 1, \\ 3x_1 - x_2 + x_3 = 4. \end{cases}$$

### А) Решение системы методом Крамера.

$$\Delta = \begin{vmatrix} 2 & 3 & 2 \\ 2 & -2 & 1 \\ 3 & -1 & 1 \end{vmatrix} = 2 \cdot (-2) \cdot 1 + 3 \cdot 3 \cdot 1 + 2 \cdot 2 \cdot (-1) - [2 \cdot (-2) \cdot 3 + 2 \cdot 3 \cdot 1 + 2 \cdot 1 \cdot (-1)] = 9$$

$$\Delta_{1} = \begin{vmatrix} 14 & 3 & 2 \\ 1 & -2 & 1 \\ 4 & -1 & 1 \end{vmatrix} = 9, \ \Delta_{2} = \begin{vmatrix} 2 & 14 & 2 \\ 2 & 1 & 1 \\ 3 & 4 & 1 \end{vmatrix} = 18, \ \Delta_{3} = \begin{vmatrix} 2 & 3 & 14 \\ 2 & -2 & 1 \\ 3 & -1 & 4 \end{vmatrix} = 27$$

$$x_1 = \frac{\Delta_1}{\Delta} = \frac{9}{9} = 1$$
,  $x_2 = \frac{\Delta_2}{\Delta} = \frac{18}{9} = 2$ ,  $x_3 = \frac{\Delta_3}{\Delta} = \frac{27}{9} = 3$ .

Ответ: (1,2,3).

Б) Решение системы с использованием обратной матрицы.

Для матрицы 
$$A=\begin{bmatrix}2&3&2\\2&-2&1\\3&-1&1\end{bmatrix}$$
 найдем обратную матрицу  $A^{-1}$  .

Во-первых, 
$$\begin{vmatrix} 2 & 3 & 2 \\ 2 & -2 & 1 \\ 3 & -1 & 1 \end{vmatrix} = 9 \neq 0$$
. Следовательно, матрица  $A$  обратима.

Транспонируем матрицу 
$$A: A' = \begin{pmatrix} 2 & 2 & 3 \\ 3 & -2 & -1 \\ 2 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$
.

Находим присоединенную матрицу: 
$$A' = \begin{pmatrix} -1 & -5 & 7 \\ 1 & -4 & 2 \\ 4 & 11 & -10 \end{pmatrix}$$

Получаем обратную матрицу: 
$$A^{-1} = \frac{1}{|A|}A'$$
,

$$A^{-1} = \begin{bmatrix} -\frac{1}{9} & -\frac{5}{9} & \frac{7}{9} \\ \frac{1}{9} & -\frac{4}{9} & \frac{2}{9} \\ \frac{4}{9} & \frac{11}{9} & -\frac{10}{9} \end{bmatrix}$$

Тогда 
$$\begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -\frac{1}{9} & -\frac{5}{9} & \frac{7}{9} \\ \frac{1}{9} & -\frac{4}{9} & \frac{2}{9} \\ \frac{4}{9} & \frac{11}{9} & -\frac{10}{9} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 14 \\ 1 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}$$

Ответ: (1,2,3).

В) Решение системы методом Гаусса.

$$A = \begin{vmatrix} 2 & 3 & 2 & | 14 \\ 2 & -2 & 1 & | 1 \\ 3 & -1 & 1 & | 4 \end{vmatrix} \rightarrow \begin{vmatrix} 2 & 3 & 2 & | 14 \\ 0 & -5,5 & -2 & | -17 \end{vmatrix} \rightarrow \begin{vmatrix} 2 & 3 & 2 & | 14 \\ 0 & 5,5 & 2 & | 14 \end{vmatrix} \rightarrow \begin{vmatrix} 2 & 3 & 2 & | 14 \\ 0 & 5,5 & 2 & | 14 \end{vmatrix}$$

$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 + 2x_3 = 14, \\ 55x_2 + 11x_3 = 143, \\ 9x_3 = 27. \end{cases}$$

Осталось только ее решить.

Ответ: (1,2,3)

### Примеры практических заданий по теме «Теория вероятностей» для оценки сформированности компетенции.

### Вариант № 1

- 1. Две машинистки печатали рукопись. Первая напечатала 1/3 всей рукописи, вторая остальное. Вероятность того, что первая машинистка сделала ошибки, равна 0,15, для второй 0,1. При проверке были обнаружены ошибки. Найти вероятность того, что ошиблась первая машинистка.
- 2. В лотерее разыгрывается мотоцикл стоимостью 250 руб., велосипед стоимостью 50 руб. и часы ценой 40 руб. Найти закон распределения случайной величины, равной выигрышу, и математическое ожидание выигрыша для лица, имеющего один билет, если число билетов равно 100.
- 3. Случайная величина распределена по нормальному закону. Известно, что математическое ожидание ее равно 10 и среднее квадратическое отклонение равно 5. Определить вероятность того, что случайная величина примет значения, принадлежащие интервалу (7; 12).

### Вариант № 2.

- 1. В сборочный цех завода детали поступают из двух цехов: из первого 70%, из второго 30%, причем 10% деталей из первого цеха и 20% из второго, отличного качества. Определить вероятность того, что взятая наудачу деталь не будет отличного качества.
- 2. На пути движения автомашины 4 светофора, каждый из которых запрещает дальнейшее движение автомашины с вероятностью 0,5. Найти ряд распределения числа светофоров, пройденных машиной до первой остановки. Чему равны математическое ожидание и дисперсия этой случайной величины?
- 3. Случайная величина распределена по нормальному закону. Ее математическое ожидание равно 10 и среднее квадратическое отклонение составляет 5. Определить вероятность того, что отклонение значений случайной величины от математического ожидания не превзойдет по абсолютной величине  $\varepsilon = 2$ .

#### Вариант № 3.

- 1. Имеется 5 партий радиоламп: 3 партии по 8 штук, в каждой из которых 6 стандартных и 2 нестандартных, и 2 партии по 10 штук, в каждой из которых 7 стандартных и 3 нестандартных. Из одной, взятой на удачу, партии случайным образом выбирается одна деталь. Определить вероятность того, что эта деталь будет стандартной.
- 2. В автобусе 4 пассажира. Считается, что каждый из пассажиров с равной вероятностью может сойти на любой из оставшихся трех остановок. Пусть X означает число пассажиров, сошедших на первой остановке. Написать закон распределения для случайной величины X и найти ее математическое ожидание.
- 3. Известно, что вес некоторых плодов, выращиваемых в совхозе, подчиняется нормальному закону с математическим ожиданием 175г и  $\sigma = 25$ . Определить вероятность того, что вес наудачу взятого плода будет: а) заключен в пределах от 125 до 250 г; б) не менее 250г; в) не более 300г.

### Примеры решения заданий по теме

#### «Теория вероятностей»

**Пример 1**. В магазин поступили соответственно 20, 15, и 10 пальто трех различных фирм. Известно, что доля высококачественных изделий среди продукции первой фирмы в среднем

составляет 70%, второй - 80%, третьей — 60%. Наудачу выбранное пальто оказалось плохим. Найти вероятность того, что оно поставлено второй фирмой.

Решение. Для выбранного пальто могут наступить события:  $A_i$  - оно поставлено i-той фирмой, B - оно оказалось плохим. Группа событий:  $A_1$ ,  $A_2$ ,  $A_3$  - является полной, причем событие B может появиться только вместе с одним из них. По условию задачи:

$$P(A_1) = \frac{20}{45}, \quad P(B/A_1) = 0.3;$$
  
 $P(A_2) = \frac{15}{45}, \quad P(B/A_2) = 0.2;$   
 $P(A_3) = \frac{10}{45}, \quad P(B/A_3) = 0.4.$ 

Полная вероятность события:

$$P(B) = \sum_{i} P(A_{i})P(B/A_{i}) = \frac{20}{45}0.3 + \frac{15}{45}0.2 + \frac{10}{45}0.4 = \frac{13}{45}.$$

Выбранное пальто оказалось плохим, наступило событие *В*. Определим вероятность «гипотезы, состоящей в том, что пальто поставлено в магазин второй фирмой» по формуле:

$$P(A_2/B) = \frac{P(A_2)P(B/A_2)}{P(B)} = \left(\frac{15}{45}0.2\right) \div \left(\frac{13}{45}\right) = \frac{3}{13} \approx 0.2307$$
.

**Пример 2**. Клиенты банка, не связанные друг с другом, не возвращают кредиты в срок с вероятностью 0,1. Составить закон распределения числа возвращенных в срок кредитов из 5 выданных. Найти математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение этой случайной величины.

<u>Решение</u>. Для каждого выданного кредита может наступить одно из событий: он не возвращен -  $\overline{A}$  или возвращен - A, по условию задачи с вероятностями P(A) = 0,9 = p;  $P(\overline{A}) = 0,1 = q$ . Вероятности событий неизменны для всех кредитов, следовательно, имеют место независимые повторные испытания, число которых мало n = 5.

$$m = 0$$
  $P(X = 0) = P(B_0) = C_5^0 \cdot (0.9)^0 \cdot (0.1)^5 = 0.00001$ 

$$m = 1$$
  $P(X = 1) = P(B_1) = C_5^1 \cdot (0.9)^1 \cdot (0.1)^4 = 0.00045$ 

$$m = 2$$

$$P(X = 2) = P(B_{2}) = C_{5}^{2} \cdot (0,9)^{2} \cdot (0,1)^{3} = 0,0081$$

$$m = 3$$

$$P(X = 3) = P(B_{3}) = C_{5}^{3} \cdot (0,9)^{3} \cdot (0,1)^{2} = 0,0729$$

$$m = 4$$

$$P(X = 4) = P(B_{4}) = C_{5}^{4} \cdot (0,9)^{4} \cdot (0,1)^{1} = 0,32805$$

$$m = 5$$

$$P(X = 5) = P(B_{5}) = C_{5}^{5} \cdot (0,9)^{5} \cdot (0,1)^{0} = 0,59049$$

Характеристики биномиально распределенной случайной величины можно найти, используя известные формулы:

Математическое ожидание -  $M(X = m) = 5 \cdot 0.9 = 4.5$ .

Дисперсия - 
$$D(X = m) = 5 \cdot 0.9 \cdot 0.1 = 0.45$$
.

Найдем вероятность события - B, состоящее в том, что число возвращенных кредитов не менее двух, т.е. или 2, или 4 или 5:

$$P(B) = P(X \ge 2) = P(X = 2) + P(X = 3) + P(X = 4) + P(X = 5) = 0,0081 + 0,0729 + 0,32805 + 0,59049 = 0,99954$$
;

**Пример 3**. В населенном пункте три рынка. Вероятность того, что на рынке есть необходимый для господина N товар, равна 0.6. Он пытается купить этот товар. Если на очередном рынке отсутствует данный товар, господин отправляется за ним на следующий рынок. Поиски прекращаются либо с приобретением товара, либо после того как посещены все рынки. Составить закон распределения числа посещенных рынков. Построить функцию распределения найти математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение числа посещенных рынков.

<u>Решение</u>. X — число посещенных рынков.  $A_i$  — событие, состоящее в том, что на i-том посещенном рынке есть необходимый товар,  $\overline{A_i}$  - отсутствует. Вероятности этих событий:  $P(A_i) = 0.6 = p$ ,  $P(\overline{A_i}) = 0.4 = q$ ,  $i = \overline{1,3}$ .

Закон распределения и рабочие расчеты по характеристикам случайной величины:

| $x_i$ | $p_i = P(X = x_i)$  | $x_i p_i$ | $x_i^2 p_i$ |
|-------|---|-----------|-------------|
| 1     | $p_1 = P(X = 1) = P(A_1) = 0.6$   | 0.6       | 0.6         |
| 2     | $p_2 = P(X = 2) = P(\overline{A_1}A_2) = P(A_1) \cdot P(A_2) = 0.4 \cdot 0.6 = 0.24$                        | 0.48      | 0.96        |
| 3     |   | 0.48      | 1.44        |
| 3     | $p_3 = P(X = 3) = P(\overline{A_1}\overline{A_2}) = P(A_1) \cdot P(\overline{A_2}) = 0.4 \cdot 0.4 = 0.16.$ | 0.48      | 1.44        |
| Σ     | 1.0   | 1.56      | 3.0         |

Характеристики случайной величины – числа посещенных рынков:

Математическое ожидание -  $M(X) = \sum_{i} x_{i} p_{i} = 1.56$ .

Дисперсия - 
$$D(X) = M(X^2) - M^2(X) = 3 - 1.56^2 = 0.5664$$
.

Среднее квадратическое отклонение -  $\sigma(X) = \sqrt{D(X)} = \sqrt{0.5664} = 0.7526$  .

**Пример 4**. Торговая точка имеет в продаже большое количество различных товаров. Средняя выручка в день составляет 5 д.е., а среднее квадратическое отклонение 0.9 д.е. Составить плотность вероятности и функцию распределения выручки торговой точки. Найти вероятность того, что выручка торговой точки в случайно выбранный день: а) составит от 4 до 7 д.е., б) будет отличаться от средней выручки не более чем на 2 д.е.

<u>Решение</u>. X - выручка торговой точки, случайная величина, представляющая собой сумму большого количества случайных величин — выручек от продажи различных товаров, т.о., согласно теореме Ляпунова, имеет нормальный закон распределения.

Средняя выручка, по теории выборки (математическая статистика), является хорошей оценкой математического ожидания данной случайной величины. Следовательно: M(X)=5 д.е.;  $\sigma(X)=\sqrt{D(X)}=0.9$  д.е.

Плотность вероятности - 
$$f_{_{\mathit{H}}}(x) = \frac{1}{0.9\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{\left(x-5\right)^2}{2\cdot0.81}}$$
,  $x \in R$ .

Функция распределения - 
$$F(x) = 0.5 + 0.5 \Phi\left(\frac{x-5}{0.9}\right), \quad x \in R$$
.

Вероятность того, что выручка торговой точки составит от 4 до 7 д.е.:

$$P(4 \le X \le 7) = 0.5 \left( \Phi\left(\frac{7-5}{0.9}\right) - \Phi\left(\frac{4-5}{0.9}\right) \right) =$$

$$= 0.5 \left( \Phi\left(2.22\right) - \Phi\left(-1.11\right) \right) = 0.5(0.9736 + 0.7330) = 0.8533$$

Вероятность того, что выручка будет отличаться от средней выручки

не более чем на 2 д.е. - 
$$P(|X - 5| \le 2) = \Phi\left(\frac{2}{0.9}\right) = \Phi(2.22) = 0.9736$$
.

### Примеры тестовых заданий для оценки сформированности компетенции.

Тест по теме «Основы математического анализа»

Тест тематического контроля по темам, связанным с основами математического анализа общего курса высшей математики для студентов первого курса ИЭП специальности «Таможенное дело»

Тест состоит из частей А и В. На его выполнение отводится 30 минут. В части А каждое задание оценивается в 1балл, полностью правильно выполненные задания В1 и В2 по 5 баллов, Задание ВЗ -4 балла. Максимальное количество баллов – 36.

#### Часть А

К каждому заданию части А дано несколько ответов, из которых только один верный. Выберите верный, по Вашему мнению, ответ.

- А1. Последовательность, имеющая предел называется
  - 1) расходящейся
- 2) предельной
- 3) сходящейся

4) беспредельной

(Правильный ответ-3)

- A2. Данный тип неопределённости  $\lim_{n\to\infty}\frac{n^2+n+1}{n^2}$  называется
  - 1)  $\infty \infty$
- 2)  $\infty/\infty$  3)  $\infty+\infty$  4) 0/0

(Правильный ответ-2)

- А3. Данный тип неопределённости  $\lim_{n \to \infty} \sqrt{n^3 + 1} \sqrt{n^3 1}$  называется
  - 1)  $\infty \infty$
- 2) ∞/∞ 3) ∞+∞ 4) 0/0

(Правильный ответ-1)

#### Часть В

В заданиях типа В найдите соответствие и запишите ответы в виде последовательности цифр и букв. например 1А2Б3Г4В5Д

B1.

| Название функции               | Вид                  |
|--------------------------------|----------------------|
| 1. Одной переменной            | A. $z=f(x_1,x_2x_m)$ |
| 2. Тригонометрическая          | $ b. z = e^x + y $   |
| 3. Двух переменных             | $B. y = \cos x$      |
| 4. Многих переменных           | $\Gamma. y=x^2+10$   |
| 5. Обратная тригонометрическая | Д. y= arctg x        |

B2.

| Функция                   | Производная              |
|---------------------------|--------------------------|
| 1. x <sup>n</sup>         | A. $\frac{1}{\cos^2 x}$  |
| 2. e <sup>x</sup> 3. ln x | Б. соѕ х                 |
| 4. sin x                  | $B.\frac{1}{x}$          |
| 5.tg x                    | Г. <b>e</b> <sup>x</sup> |
|                           | Д. nx <sup>n-1</sup>     |

(правильный ответ 1Д,2Г,3В,4Б,5А)

B3.

| Интеграл                      | Функция,                         |
|-------------------------------|----------------------------------|
|                               | которой он равен.                |
| 1 ( n                         | A. $tg x + C$                    |
| 1. $\int x^n dx$              | A. $\lg x + C$                   |
| 2. $\int \sin x  dx$          | Б. $ lnx  + C$                   |
| $3. \int \frac{dx}{x}$        | B. $-\cos x + C$                 |
| x                             | $\Gamma \frac{x^{n+1}}{n+1} + C$ |
| $4. \int \frac{dx}{\cos^2 x}$ | n+1                              |
| cos <sup>2</sup> x            | n≠-1                             |
|                               |                                  |
|                               |                                  |

(Правильный ответ 1Г,2В,3Б,4А)

### 7. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания.

Положение «О проведении текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся в ННГУ», утверждённое приказом ректора ННГУ № 630-ОД от  $29.12.2017 \, \Gamma$ .,

Положение о фонде оценочных средств, утвержденное приказом ректора ННГУ от 10.06.2015 №247-ОД.

#### 8. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)

- а) основная литература:
- 1. Ячменёв Л.Т.Высшая математика: Учебник / Л.Т. Ячменёв. М.: ИЦ РИОР: НИЦ Инфра-М, 2013. 752 с. http://znanium.com/bookread2.php?book=344777

#### б) дополнительная литература:

- 1. Высшая математика в упражнениях и задачах: [учеб. пособие для вузов]./Данко П. Е., Попов А. Г., Кожевникова Т. Я., Данко С. П. М.: АСТ : Мир и Образование,
  - 2014. 816 с. Режим доступа: http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=465158
- 2. Шипачев В. С. Высшая математика: учеб. и практикум для бакалавров. М.: Юрайт, 2014.
  - 447 с. Режим доступа: http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=465629
- 3. Ильин В. А., Позняк Э. Г. Линейная алгебра: учеб. для студентов физ. специальностей и специальности "Приклад. математика". М.: Физматлит, 2014. 280 с. Режим доступа: <a href="http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=465591">http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=465591</a>
- в) программное обеспечение и Интернет-ресурсы (в соответствии с содержанием дисциплины)
  - 1. www.Math-Net.ru имеется свободный доступ (по истечении 3-х лет со дня публикации) к математическим журналам Отделения Математики РАН,
  - 2. http://mathworld.wolfram.com краткие энциклопедические статьи по математике,
    - 3. http://eqworld.ipmnet.ru решение различных типов уравнений, в том числе, дифференциальных,
    - 4. http://www-history.mcs.st-andrews.ac.uk статьи по истории математики.

### 7. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Занятия проводятся в специальных помещениях, представляющих собой учебные аудитории для проведения занятий лекционного и семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, а также помещениях для самостоятельной работы, которые укомплектованы специализированной мебелью и техническими средствами обучения.

Для проведения занятий лекционного типа предлагаются наборы демонстрационного оборудования и учебно-наглядных пособий, обеспечивающие тематические иллюстрации, соответствующие рабочей учебной программе дисциплины.

| Программа   | составлена   | в соотве | тствии с  | требованиями   | OC  | ННГУ   | 38.05.02 | «Таможенное |
|-------------|--------------|----------|-----------|----------------|-----|--------|----------|-------------|
| дело», напр | авленность « | «Таможен | ные опера | ации и таможен | ный | контро | ль»      |             |
|             |              |          |           |                |     |        |          |             |
|             |              |          |           |                |     |        |          |             |
|             |              |          |           |                |     |        |          |             |

| Автор (ы)    | Колпаков А. | Б.                |  |
|--------------|-------------|-------------------|--|
| Заведующий і | кафедрой    | Болдыревский П.Б. |  |

Программа одобрена на заседании методической комиссии Института экономики и предпринимательства протокол N = 3 от 15.03.2021 .