

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

**Федеральное государственное автономное  
образовательное учреждение высшего образования  
«Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет  
им. Н.И. Лобачевского»**

Физический факультет  
Кафедра теоретической физики

Утверждено  
решением ученого совета ННГУ  
(протокол от 14.12.2021 г. №4)

**Рабочая программа дисциплины**

**Дифференциальные уравнения**

---

Уровень высшего образования  
бакалавриат

Направление подготовки: 28.03.01 Нанотехнологии и микросистемная техника  
Направленность (профиль): "Материалы микро- и наносистемной техники"

Форма обучения: очная

Нижний Новгород, 2022

## Место и цели дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Дифференциальные уравнения» относится к базовой части Б1.Б блока Б1 «Дисциплины (модули)», является обязательной для освоения, преподается на втором году обучения, в третьем семестре. Освоению дисциплины предшествует освоение дисциплины (модуля) «Математический анализ» в первом и втором семестрах. Объем дисциплины «Дифференциальные уравнения» составляет 5 зачетных единиц, всего 180 часов.

### Цели и задачи освоения дисциплины:

Целями освоения дисциплины «Дифференциальные уравнения» являются:

- знакомство студентов с теорией дифференциальных уравнений, являющейся основой всех базовых курсов теоретической физики;
- обучение студентов основным типовым методам и приемам, необходимым при решении различных видов дифференциальных уравнений.

### 1. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями выпускников)

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций:

Формируемые компетенции (код, содержание компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю), в соответствии с индикатором достижения компетенции	Наименование оценочного средства
	Индикатор достижения компетенции (код, содержание индикатора)	
ОПК 1. Способен использовать положения, законы и методы естественных наук и математики для решения задач инженерной деятельности	Знать математический аппарат дифференциальных уравнений, границы применимости и возможности его использования.  Уметь решать в рамках профессиональной деятельности задачи, требующие знания основных методов теории дифференциальных уравнений.  Владеть навыками решения обыкновенных дифференциальных уравнений.	1. Индивидуальное собеседование.  2. Выполнение практических заданий

### 2. Структура и содержание дисциплины «Дифференциальные уравнения»

#### 3.1 Трудоемкость дисциплины

Общая трудоемкость	4 ЗЕТ
Часов по учебному плану	144
в том числе	
аудиторные занятия (контактная работа): - занятия лекционного типа	32

- занятия практического типа	32
самостоятельная работа	36 (работа в семестре) 42 (на подготовку к экзамену)
Промежуточная аттестация	экзамен

### 3.2 Содержание дисциплины

Наименование и краткое содержание разделов и тем дисциплины	Всего (часы)	В ТОМ ЧИСЛЕ				Самостоятельная работа в течение семестра, часы
		контактная работа (работа во взаимодействии с преподавателем) в течение семестра, часы, из них				
		Занятия лекционного типа	Занятия семинарского типа	Занятия лабораторного типа	Всего	
<p><b>1. Дифференциальные уравнения первого порядка.</b> Теорема существования и единственности решения. Частное решение. Общее решение. Общий интеграл. Поле направлений, изоклины. Типы дифференциальных уравнений первого порядка и методы их решения: уравнения с разделенными и разделяющимися переменными; однородные уравнения и сводящиеся к однородным; линейные уравнения; уравнение Бернулли. Уравнения в полных дифференциалах. Признак полного дифференциала. Интегрирующий множитель. Особые точки и особые линии. Типы особых точек. Особые решения. Огибающая однопараметрического семейства плоских кривых. Уравнение огибающей. Огибающая семейства интегральных кривых – особое решение уравнения. Изогональные и ортогональные траектории. Метод введения параметра для уравнений, разрешенных относительно неизвестной функции и разрешенных относительно аргумента. Уравнения Лагранжа и Клеро.</p>	16	3	3	–	6	10

<p><b>2. Дифференциальные уравнения высших порядков.</b>  Дифференциальное уравнение семейства кривых. Уравнения, допускающие понижение порядка.</p>	16	3	3	–	6	10
<p><b>3. Линейные дифференциальные уравнения.</b>  Однородные и неоднородные уравнения. Линейный оператор <math>L(y)</math> и его свойства. Линейные однородные уравнения: теоремы о сумме решений и о комплексных решениях. Линейно-зависимые и линейно-независимые функции. Определитель Вронского и его свойства. Теорема об общем решении уравнения порядка <math>n</math>. Фундаментальная система решений.</p>	16	3	3	–	6	10
<p><b>4. Линейные однородные уравнения с постоянными коэффициентами.</b>  Характеристическое уравнение и характеристический многочлен. Решение уравнения в случае действительных и комплексных корней. Решение уравнения в случае кратных корней.</p>	16	3	3	–	6	10
<p><b>5. Линейные неоднородные уравнения.</b>  Теорема об общем решении линейного неоднородного уравнения. Метод Лагранжа вариации произвольных постоянных. Уравнения с постоянными коэффициентами и со специальной правой частью. Типы решений. Теорема о форме частного решения, в случае, когда правая часть является суммой слагаемых, каждое из которых имеет специальный вид.</p>	16	4	4	–	8	8
<p><b>6. Уравнения Эйлера.</b>  Однородные уравнения Эйлера, характеристическое уравнение и общее решение. Форма решений в случае комплексных корней и в случае кратных корней. Неоднородные уравнения Эйлера со специальной правой частью. Типы решений.</p>	16	4	4	–	8	8
<p><b>7. Системы обыкновенных дифференциальных уравнений первого порядка.</b>  Теорема существования и единственности решения. Поведение фазовых траекторий в случае автономных и неавтономных систем.</p>	16	4	4	–	8	8

Метод сведения системы $n$ уравнений первого порядка к одному уравнению порядка $n$ . Системы линейных дифференциальных уравнений – основные теоремы. Структура общего решения. Линейные однородные системы с постоянными коэффициентами. Первые интегралы системы обыкновенных дифференциальных уравнений.						
<b>8. Теория устойчивости.</b> Определение устойчивости решения дифференциального уравнения по линейному приближению. Теорема Ляпунова. Теорема Четаева. Определение устойчивости решений с помощью матрицы Гурвица.	16	4	4	–	8	8
<b>9. Квазилинейные дифференциальные уравнения в частных производных.</b> Решение линейного однородного уравнения. Уравнения характеристик. Квазилинейные неоднородные уравнения. Неоднородные уравнения с двумя независимыми переменными.	14	4	4		8	6
<b>В т.ч. текущий контроль</b>	2	2				–
<b>Промежуточная аттестация – экзамен</b>						

### 3.3 Содержание разделов дисциплины

#### Краткая характеристика дисциплины.

Основные разделы и темы дисциплины «Дифференциальные уравнения»:

1. Дифференциальные уравнения первого порядка.
2. Дифференциальные уравнения высших порядков.
3. Линейные дифференциальные уравнения.
4. Линейные однородные уравнения с постоянными коэффициентами.
5. Линейные неоднородные уравнения.
6. Уравнения Эйлера.
7. Системы обыкновенных дифференциальных уравнений первого порядка.
8. Теория устойчивости.
9. Квазилинейные дифференциальные уравнения в частных производных.

#### 3. Образовательные технологии

- 1) Чтение лекций;
- 2) сопровождение лекций написанием и выводом формул, построением графиков, изображением рисунков на доске;
- 3) методика «вопросы и ответы»;
- 4) выполнение практического задания у доски;
- 5) индивидуальная работа над практическим заданием;
- 6) работа в парах над практическим заданием;
- 7) работа в малых группах над практическим заданием;
- 8) методика «мозговой штурм».

#### 4. Учебно-методическое обеспечение, формы организации и контроля самостоятельной работы обучающихся

Самостоятельная работа обучающихся предполагает изучение конспектов лекций, выделенных разделов основной литературы, а также дополнительной литературы, выполнение практических заданий, отвечающих изучаемым разделам дисциплины, подготовку к промежуточной аттестации.

Перечень основной и дополнительной литературы для самостоятельного изучения приведен в п. 7 настоящей Рабочей программы дисциплины.

Контрольные вопросы для промежуточной аттестации, примеры практических заданий приведены в п. 6.3 настоящей Рабочей программы дисциплины.

#### 5. Фонд оценочных средств для промежуточной аттестации по дисциплине

**6.1 Перечень компетенций выпускников образовательной программы, в формировании которых участвует дисциплина, с указанием результатов обучения (знаний, умений, владений) приведён выше (раздел 2). Ниже приведена таблица образовательных дескрипторов (отличительных признаков уровней освоения компетенций)**

Индикаторы компетенции	ОЦЕНКА СФОРМИРОВАННОСТИ КОМПЕТЕНЦИИ						
	Плохо	Неудовлетворительно	Удовлетворительно	Хорошо	Очень хорошо	Отлично	Превосходно
<u>Знания</u>	Отсутствие знаний теоретического материала или невозможность оценить полноту знаний вследствие отказа обучающегося от ответа.	Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки.	Минимально допустимый уровень знаний. Допущено много негрубых ошибок.	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько негрубых ошибок.	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько несущественных ошибок.	Уровень знаний в объеме, полностью соответствующем программе подготовки, допущены одна-две несущественных ошибки.	Уровень знаний в объеме, полностью соответствующем программе подготовки, либо, возможно, превышающем ее. Без ошибок.

<p><u>Умения</u></p>	<p>Отсутствие минимальных умений или невозможность оценить наличие умений вследствие отказа обучающегося от ответа.</p>	<p>При решении стандартных задач и/или выполнении стандартных практических заданий не продемонстрированы основные умения. Имели место грубые ошибки.</p>	<p>Продемонстрированы основные умения. Решены типовые задачи с негрубыми ошибками и/или выполнены все практические задания, но не в полном объеме.</p>	<p>Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с негрубыми ошибками и/или выполнены все практические задания, в полном объеме, но некоторые с недочетами.</p>	<p>Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с некоторыми недочетами и/или выполнены все практические задания, в полном объеме, но некоторыми с небольшими недочетами.</p>	<p>Продемонстрированы все основные умения, решены все основные задачи с отдельными несущественными недочетами и/или выполнены все практические задания в полном объеме.</p>	<p>Продемонстрированы все основные умения. Решены все основные задачи и/или выполнены все практические задания, в полном объеме без недочетов.</p>
<p><u>Навыки (владения)</u></p>	<p>Отсутствие владения материалом или невозможность оценить наличие навыков вследствие отказа обучающегося от ответа.</p>	<p>При решении стандартных задач и/или выполнении стандартных практических заданий не продемонстрированы базовые навыки. Имели место грубые ошибки.</p>	<p>Имеется минимальный набор навыков для решения стандартных задач и/или выполнения стандартных практических заданий с некоторыми недочетами.</p>	<p>Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач и/или выполнении практических заданий с некоторыми недочетами.</p>	<p>Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач и/или выполнении практических заданий без ошибок и недочетов.</p>	<p>Продемонстрированы навыки при решении нестандартных задач и/или выполнении нестандартных практических заданий без ошибок и недочетов.</p>	<p>Продемонстрирован творческий подход к решению нестандартных задач и/или выполнению нестандартных практических заданий.</p>
<p>Характеристика сформированности компетенции</p>	<p>Компетенция совершенно не сформирована. Отсутствуют знания, умения, навыки, необходимые для решения практических (профессиональных) задач.</p>	<p>Компетенция не сформирована. Имеющихся знаний, умений, навыков явно недостаточно для решения практических (профессиональных) задач.</p>	<p>Сформированность компетенции соответствует минимальным требованиям. Имеющихся знаний, умений, навыков в целом достаточно для решения практических (профессиональных) задач, но требуется дополнительная практика по большинству практических задач.</p>	<p>Сформированность компетенции в целом соответствует требованиям, но есть недочеты. Имеющихся знаний, умений и навыков в целом достаточно для решения практических (профессиональных) задач, но требуется дополнительная практика по некоторым профессиональным</p>	<p>Сформированность компетенции в целом соответствует требованиям. Имеющихся знаний, умений, навыков в целом достаточно для решения стандартных практических (профессиональных) задач.</p>	<p>Сформированность компетенции полностью соответствует требованиям. Имеющихся знаний, умений, навыков в полной мере достаточно для решения сложных практических (профессиональных) задач.</p>	<p>Сформированность компетенции превышает стандартные требования. Имеющихся знаний, умений, навыков в полной мере достаточно для применения творческого подхода к решению сложных практических (профессиональных) задач.</p>

				задачам.			
--	--	--	--	----------	--	--	--

## 6.2 Описание шкал оценивания

Промежуточной аттестацией для дисциплины «Дифференциальные уравнения» является зачет и экзамен.

По итогам зачета выставляются оценки «Не зачтено» (означает отсутствие аттестации) или «Зачтено» (означает прохождение первого этапа промежуточной аттестации – зачета). В случае прохождения зачета обучающийся допускается ко второму этапу промежуточной аттестации – экзамену.

По итогам экзамена выставляется оценка по семибалльной шкале: оценки «Плохо» и «Неудовлетворительно» означают отсутствие аттестации, оценки «Удовлетворительно», «Хорошо», «Очень хорошо», «Отлично» и «Превосходно» выставляются при успешном прохождении аттестации.

## 6.3. Процедуры и критерии оценивания результатов обучения по дисциплине

Для оценивания результатов обучения в виде знаний используются следующие процедуры и технологии:

- индивидуальное собеседование (промежуточная аттестация).

**Контрольные вопросы для индивидуального собеседования представлены в п. 6.4 настоящей Рабочей программы дисциплины.**

Для оценивания результатов обучения в виде умений и навыков используются следующие процедуры и технологии:

- выполнение практических заданий (текущий контроль, промежуточная аттестация).

Примеры практических заданий для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации представлены в п. 6.3 настоящей Рабочей программы дисциплины.

Критериями оценивания на зачете являются наличие умений и владений (навыков), перечисленных в п. 5 настоящей Рабочей программы дисциплины. Критериями оценивания на экзамене являются полнота знаний, наличие умений и владений (навыков), перечисленных в п. 5 настоящей Рабочей программы дисциплины.

«Не зачтено» – обучающийся не показал минимально допустимый уровень умений и навыков выполнения практических заданий;

«Зачтено» – обучающийся успешно показал умения и навыки выполнения практических заданий базового уровня сложности;

«Плохо» – обучающийся не продемонстрировал никаких знаний об основных теоретических разделах курса, не показал никаких умений и навыков выполнения практических заданий;

«Неудовлетворительно» – обучающийся не продемонстрировал представления об основных теоретических разделах курса, не показал минимально допустимый уровень умений и навыков выполнения практических заданий;

«Удовлетворительно» – обучающийся продемонстрировал изложение формулировок основных теоретических положений курса и успешно показал умения и навыки выполнения практических заданий базового уровня сложности;

«Хорошо» – обучающийся продемонстрировал связное изложение основных теоретических положений курса и успешно показал умения и навыки выполнения стандартных практических заданий;

«Очень хорошо» – обучающийся продемонстрировал связное изложение практически всех теоретических положений курса и успешно показал умения и навыки выполнения стандартных практических заданий;

«Отлично» – обучающийся продемонстрировал связное изложение всех теоретических положений курса и успешно показал умения и навыки выполнения практических заданий повышенного уровня сложности;

«Превосходно» – обучающийся продемонстрировал уровень знаний в объеме, превышающем стандартную программу подготовки, и продемонстрировал творческий подход к выполнению практических заданий повышенного уровня сложности.

## **6.5 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов обучения, характеризующих этапы формирования компетенций и (или) для итогового контроля сформированности компетенции**

При проведении промежуточной аттестации обучающимся предлагаются следующие контрольные вопросы, охватывающие программу дисциплины «Дифференциальные уравнения»:

1. Теорема существования и единственности решения.
2. Поле направлений, изоклины.
3. Уравнения с разделенными и разделяющимися переменными.
4. Однородные уравнения.
5. Уравнения, сводящиеся к однородным.
6. Линейные уравнения.
7. Уравнение Бернулли.
8. Признак полного дифференциала.
9. Интегрирующий множитель.
10. Особые точки и особые линии. Типы особых точек. Особые решения.
11. Уравнение огибающей.
12. Огибающая семейства интегральных кривых – особое решение уравнения.
13. Изогональные и ортогональные траектории.
14. Метод введения параметра для уравнений, разрешенных относительно неизвестной функции  $y$ .
15. Метод введения параметра для уравнений, разрешенных относительно  $x$ .
16. Уравнения Лагранжа и Клеро.
17. Дифференциальное уравнение семейства кривых.
18. Уравнения, допускающие понижение порядка.
19. Линейный дифференциальный оператор  $L(y)$  и его свойства.
20. Линейные однородные уравнения: теорема о сумме решений.
21. Линейные однородные уравнения: теорема о комплексных решениях.
22. Определитель Вронского и его свойства.

23. Теорема об общем решении уравнения порядка  $n$ .
24. Линейные однородные уравнения с постоянными коэффициентами. Метод решения.
25. Характеристическое уравнение и характеристический многочлен.
26. Решение линейного однородного уравнения с постоянными коэффициентами в случае комплексных корней.
27. Решение линейного однородного уравнения с постоянными коэффициентами в случае кратных корней.
28. Теорема об общем решении линейного неоднородного уравнения.
29. Метод Лагранжа вариации произвольных постоянных.
30. Уравнения с постоянными коэффициентами и со специальной правой частью. Типы решений.
31. Теорема о форме частного решения, в случае, когда правая часть является суммой слагаемых, каждое из которых имеет специальный вид.
32. Однородные уравнения Эйлера, характеристическое уравнение и общее решение.
33. Форма решений уравнения Эйлера в случае комплексных корней и в случае кратных корней.
34. Неоднородные уравнения Эйлера со специальной правой частью. Типы решений.
35. Системы обыкновенных дифференциальных уравнений первого порядка. Поведение фазовых траекторий в случае автономных и неавтономных систем.
36. Метод сведения системы  $n$  уравнений первого порядка к одному уравнению порядка  $n$ .
37. Линейные однородные системы с постоянными коэффициентами.
38. Первые интегралы системы обыкновенных дифференциальных уравнений.
39. Сведение задачи об устойчивости произвольного решения системы уравнений к задаче об устойчивости нулевого решения. Исследование на устойчивость по линейному приближению.
40. Определение устойчивости решений ЛОДУ с постоянными коэффициентами с помощью матрицы Гурвица.
41. Теорема Ляпунова. Теорема Четаева.
42. Решение линейного однородного уравнения в частных производных. Уравнения характеристик.
43. Линейные неоднородные уравнения в частных производных.

6.3.2. Примеры практических заданий для практических занятий, самостоятельной работы обучающихся, проведения текущего контроля и промежуточной аттестации:

### 1. Дифференциальные уравнения первого порядка:

$$1.1. \quad (4y^2 + x^2)y' = xy$$

$$1.2. \quad xy' + y = y^2 \ln x$$

$$1.3. \quad x(y'^2 - 1) = 2y'$$

$$1.4. \quad (xy' - y)\operatorname{arctg} \frac{y}{x} = x$$

$$1.5. \quad xy^2 y' = x^2 + y^3$$

$$1.6. \quad x - y'\sqrt{1 + y'^2} = 0$$

$$1.7. \quad xy' = y + x\left(1 + e^{\frac{y}{x}}\right)$$

- 1.8.  $y' \cdot (x - \ln y') = 1$
- 1.9.  $\frac{y}{x} dx + (y^3 + \ln x) dy = 0$
- 1.10.  $(y^2 - 3x^2) dy + 2xy dx = 0$
- 1.11.  $y'^2 - xy' - y = 0$
- 1.12.  $\frac{3x^2 + y^2}{y^2} dx - \frac{2x^3 + 5y}{y^3} dy = 0$

**2. Дифференциальное уравнение семейства кривых, огибающая семейства кривых, ортогональные и изогональные траектории:**

- 2.1. Найти дифференциальное уравнение семейства и уравнение ортогональных траекторий:  $y = (x + C)^2$
- 2.2. Найти дифференциальное уравнение семейства и уравнение ортогональных траекторий:  $y^2 = 2px$
- 2.3. Найти дифференциальное уравнение семейства и уравнение огибающей:  $y = \operatorname{tg}^2(x + C)$
- 2.4. Найти дифференциальное уравнение семейства и уравнение огибающей:  $y = e^{-(x+C)^2}$
- 2.5. Найти дифференциальное уравнение семейства и уравнение огибающей:  $(x - C^2)^2 + y^2 = C^2$
- 2.6. Найти дифференциальное уравнение семейства и уравнение огибающей:  $y = (x + C)^2 e^{-x^2}$
- 2.7. Найти дифференциальное уравнение семейства и уравнение ортогональных траекторий:  $x^2 + C = 2Cy$
- 2.8. Найти дифференциальное уравнение семейства и уравнение огибающей:  $y = C^2 x^2 + C$
- 2.9. Найти дифференциальное уравнение семейства и уравнение огибающей:  $y = x \sin(Cx)$
- 2.10. Найти дифференциальное уравнение семейства и уравнение огибающей:  $y = Cx^2 + C^2 + C$

**3. Дифференциальные уравнения высших порядков:**

- 3.1.  $x^3(y'' - y) = x^2 - 2$
- 3.2.  $x^4((y')^2 - 2yy'') = 4x^3yy' + 1$
- 3.3.  $(1 - x^2)y'' + xy' = 2$
- 3.4.  $y^4 - y^3y'' = 1$
- 3.5.  $y'' - 2y' + y = xe^x(\sin ix)^2$
- 3.6.  $x^2y'' - xy' + y = \frac{x}{\ln x} + \frac{\ln x}{x}$

3.7. Написать вид общего решения ЛНДУ с постоянными коэффициентами:  $y'' - 6y' + 13y = 3xe^x \sin 2x + e^3(x^4 - 8)$

$$3.8. \frac{y^2}{x^2} + (y')^2 = 3xy'' + \frac{2yy'}{x}$$

$$3.9. xy'' = y' + x(y'^2 + x^2)$$

$$3.10. y'''(y')^2 = (y'')^3$$

$$3.11. y'' + 2y' + y = \cos ix$$

$$3.12. x^2 y'' - 3xy' + 5y = 3x^2$$

#### 4. Теория устойчивости:

4.1. проверить на устойчивость положение равновесия (1, 2) системы:

$$\begin{cases} \dot{x} = y - x^2 - x \\ \dot{y} = 3x - x^2 - y \end{cases}$$

4.2. проверить на устойчивость нулевое решение системы:

$$\begin{cases} \dot{x} = \operatorname{tg}(y - x) \\ \dot{y} = 2e^y - 2\cos(\pi/3 - x) \end{cases}$$

4.3. проверить на устойчивость нулевое решение уравнения:

$$y^{IV} + 2y''' + 6y'' + 5y' + 6y = 0$$

#### 5. Системы дифференциальных уравнений и уравнения в частных производных:

$$5.1. \begin{cases} \dot{x} = 3x + 2y \\ \dot{y} = -x + y \end{cases}$$

$$5.2. \begin{cases} \dot{x} = 3x + y \\ \dot{y} = -x + y \end{cases}$$

$$5.3. xy \frac{\partial z}{\partial x} + (x - 2z) \frac{\partial z}{\partial y} = yz$$

$$5.4. y \frac{\partial z}{\partial x} + z \frac{\partial z}{\partial y} = \frac{y}{x}$$

$$5.5. yz \frac{\partial z}{\partial x} - xz \frac{\partial z}{\partial y} = e^z$$

5.6. Решить уравнение  $(1+x) \cdot \frac{\partial z}{\partial x} + y \ln y \cdot \frac{\partial z}{\partial y} = 0$  при условии, что

$$z = y \text{ при } x = 0$$

$$5.7. (1+x^2) \cdot \frac{\partial z}{\partial x} + y \ln y \cdot \frac{\partial z}{\partial y} = z + 1$$

$$5.8. y \cdot \frac{\partial z}{\partial x} - \frac{1}{x^2} \cdot \frac{\partial z}{\partial y} = (z+1)^2 y$$

$$5.9. \frac{\partial z}{\partial x} + x \cdot \frac{\partial z}{\partial y} = \frac{2}{x+1}$$

5.10. Решить уравнение  $(1+x) \cdot \frac{\partial z}{\partial x} + y(\ln y + 1) \cdot \frac{\partial z}{\partial y} = 0$  при условии, что  $z = \ln y$  при  $x = \ln y - 1$ .

#### 6.6. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания.

1. Положение «О проведении текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся в ННГУ», утвержденное приказом ректора ННГУ от 13.02.2014 №55-ОД.
2. Положение о фонде оценочных средств, утвержденное приказом ректора ННГУ от 10.06.2015 №247-ОД.

### 6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

а) основная литература:

1) Эльсгольц Л.Э. – Дифференциальные уравнения и вариационное исчисление.

(М.: Наука, 1969. – 424 с. – Фонд Фундаментальной библиотеки ННГУ, 20 экз.

<http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=95113>;

М.: Эдиториал УРСС, 2002. – 320 с. – Фонд Фундаментальной библиотеки ННГУ, 20 экз.

<http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=51075>)

2) Пискунов Н.С. – Дифференциальное и интегральное исчисления: учебник для вузов [в 2 т.]. Т. 2. – М.: Интеграл-Пресс, 2004. – 544 с. – Фонд Фундаментальной библиотеки ННГУ, 20 экз.

<http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=59691>

3) Понтрягин Л.С. – Обыкновенные дифференциальные уравнения: [учеб. для гос. ун-тов]. – М.: Наука, 1970. – 331 с. Фонд Фундаментальной библиотеки ННГУ, 20 экз.

<http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=18131>

4) Филиппов А.Ф. – Сборник задач по дифференциальным уравнениям. – М.: ЛИБРОКОМ, 2009. – 240 с. Фонд Фундаментальной библиотеки ННГУ, 20 экз.

<http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=407820>

б) дополнительная литература:

1) Степанов В.В. – Курс дифференциальных уравнений: учебник.

(М.: Гос. изд-во физ.-мат. лит., 1959. – 468 с. – Фонд Фундаментальной библиотеки ННГУ, 3 экз.

<http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=43512>;

М.: Гос. изд-во физ.-мат. лит., 1958. – 468 с. – Фонд Фундаментальной библиотеки ННГУ, 8 экз.

<http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=447301>;

М.: Гостехиздат, 1953. – 468 с. – Фонд Фундаментальной библиотеки ННГУ, 1 экз.

<http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=447302>;

Л.: Гостехиздат, 1945. – 406 с. – Фонд Фундаментальной библиотеки ННГУ, 3 экз.

<http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=447304>;

Л.: Гостехиздат, 1950. – 468 с. – Фонд Фундаментальной библиотеки ННГУ, 1 экз.

<http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=447986>;

М.: URSS: Изд-во ЛКИ, 2008. – 472 с. Фонд Фундаментальной библиотеки ННГУ, 1 экз.

<http://www.lib.unn.ru/php/details.php?DocId=475859>)

2) Сборник задач по дифференциальным уравнениям и вариационному исчислению (под ред. В.К. Романко). – М.: Лаборатория знаний, 2015. – 222 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/70710>.

в) программное обеспечение и Интернет-ресурсы:

Интернет-ресурсы Фундаментальной библиотеки ННГУ <http://www.lib.unn.ru/>.

## **7. Материально-техническое обеспечение дисциплины**

Материально-техническое обеспечение дисциплины обусловлено наличием учебных аудиторий для проведения занятий, оборудованных специализированной мебелью, меловыми или магнитно-маркерными досками для представления учебной информации большой аудитории. Ресурс мела и маркеров для доски в учебных аудиториях регулярно возобновляется.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся (на базе Фундаментальной библиотеки ННГУ) оснащены компьютерной техникой с подключением к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду ННГУ.

Программа составлена в соответствии с требованиями установленного ННГУ образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки 28.03.01 – «Нанотехнологии и микросистемная техника».

Автор,  
доцент кафедры  
теоретической физики  
к.ф.-м.н., доцент Д.В. Хомицкий

Рецензент:  
заведующий кафедрой  
физики полупроводников, электроники и наноэлектроники  
д.ф.-м.н., профессор Д.А. Павлов

**Программа одобрена на заседании Учебно-методической комиссии физического факультета ННГУ, протокол б/н от «14» декабря 2021 г.**