

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

**федеральное государственное автономное
образовательное учреждение высшего образования_
«Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет
им. Н.И. Лобачевского»**

Институт информационных технологий, математики и механики

УТВЕРЖДЕНО
решением Ученого совета ННГУ
протокол № 12 от 26.12.2023 г.

Рабочая программа дисциплины

Приложения численных методов

Уровень высшего образования
Бакалавриат

Направление подготовки / специальность
15.03.03 - Прикладная механика

Направленность образовательной программы
Инженерное приложение суперкомпьютерного моделирования

Форма обучения
очная

г. Нижний Новгород

2024 год начала подготовки

1. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина ФТД.01 Приложения численных методов является факультативом в образовательной программе.

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями и индикаторами достижения компетенций)

| Формируемые компетенции (код, содержание компетенции) | Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю), в соответствии с индикатором достижения компетенции | | Наименование оценочного средства | |
|--|---|---|---------------------------------------|--|
| | Индикатор достижения компетенции (код, содержание индикатора) | Результаты обучения по дисциплине | Для текущего контроля успеваемости | Для промежуточной аттестации |
| ПК-1: Способен анализировать поставленную задачу, используя знания фундаментальных физико-математических и компьютерных наук, проводить расчетно-экспериментальные работы и исследования, обрабатывать и анализировать результаты, оформлять отчетную документацию | ПК-1.1: Имеет необходимые для анализа поставленной задачи знания в области фундаментальных физико-математических и компьютерных наук ПК-1.2: Умеет проводить экспериментальные работы и исследования, обрабатывать и анализировать результаты ПК-1.3: Имеет практический опыт в оформлении отчетной документации. | ПК-1.1: Имеет необходимые для анализа поставленной задачи знания в области фундаментальных физико-математических и компьютерных наук ПК-1.2: Умеет проводить экспериментальные работы и исследования, обрабатывать и анализировать результаты ПК-1.3: Владеет навыками оформления отчетной документации. | Практическое задание Собеседование | Зачёт: Контрольные вопросы Задания |

3. Структура и содержание дисциплины

3.1 Трудоемкость дисциплины

| | очная |
|--|-------|
| Общая трудоемкость, з.е. | 1 |
| Часов по учебному плану | 36 |
| в том числе | |
| аудиторные занятия (контактная работа): | |
| - занятия лекционного типа | 0 |
| - занятия семинарского типа (практические занятия / лабораторные работы) | 32 |
| - КСР | 1 |
| самостоятельная работа | 3 |

| | |
|--------------------------|------------|
| Промежуточная аттестация | 0 зачёт |
|--------------------------|------------|

3.2. Содержание дисциплины

(структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и виды учебных занятий)

| Наименование разделов и тем дисциплины | Всего (часы) | в том числе | | | |
|--|-----------------|--|--|--------|---|
| | | Контактная работа (работа во взаимодействии с преподавателем), часы из них | | | Самостоятельная работа обучающегося, часы |
| | | Занятия лекционного типа | Занятия семинарского типа (практические занятия/лабораторные работы), часы | Всего | |
| | 0 0 | 0 0 | 0 0 | 0 0 | 0 0 |
| Аппроксимация функции. Аппроксимация функций в метрических пространствах | 6.5 | 0 | 6 | 6 | 0.5 |
| Разностные методы решения задач для дифференциальных уравнений в частных производных | 9 | 0 | 8 | 8 | 1 |
| Явные и неявные разностные схемы (РС) для уравнений первого порядка. РС с весами для уравнения теплопроводности, решение РС для уравнения теплопроводности. РС для уравнений гиперболического типа. РС задачи Дирихле для эллиптического уравнения второго порядка | 11 | 0 | 10 | 10 | 1 |
| Интегральные уравнения. Численные методы решения уравнений Фредгольма и уравнений Вольтера. Быстрое преобразование Фурье. | 8.5 | 0 | 8 | 8 | 0.5 |
| Аттестация | 0 | | | | |
| КСР | 1 | | | 1 | |
| Итого | 36 | 0 | 32 | 33 | 3 |

Содержание разделов и тем дисциплины

1. Аппроксимация функции. Аппроксимация функций в метрических пространствах. Наилучшие приближения в линейных нормированных пространствах, существование элемента наилучшего приближения. Наилучшие приближения непрерывных функций. Метод наименьших квадратов. Полиномы Бернштейна. Приближение функций в гильбертовых пространствах. Приближение алгебраическими многочленами, тригонометрическими многочленами, рациональными многочленами.
2. Разностные методы решения граничных задач для дифференциальных уравнений в частных производных. Аппроксимация дифференциального оператора сеточными операторами. (РС) методом неопределенных коэффициентов. Явные и неявные РС для уравнений первого порядка.
3. Явные и неявные РС для уравнений первого порядка. РС с весами для уравнения теплопроводности, РС для уравнения теплопроводности. РС для уравнений гиперболического типа. РС задачи Дирихле для эллиптического уравнения второго порядка. Принцип максимума и следствия из него. Теоремы о монотонности, мажоранте, оценке решения сеточного уравнения через его правую часть.
4. Интегральные уравнения. Численные методы решения уравнений Фредгольма и уравнений Вольтера. Быстрое преобразование Фурье.

4. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся

Самостоятельная работа обучающихся включает в себя подготовку к контрольным вопросам и заданиям для текущего контроля и промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины приведенным в п. 5.

В рамках дисциплины предусмотрены следующие виды самостоятельной работы (порядок их выполнения, форма контроля):

- повторение материала, пройденного на занятиях лабораторного типа (в течение всего семестра, опрос на занятиях),
- самостоятельное изучение отдельных вопросов программы (1 раз в семестр, опрос на занятиях лабораторного типа),
- подготовка к занятиям лабораторного типа, решение задач по списку, представленному преподавателем (в течение всего семестра, опрос на занятиях),
- подготовка к промежуточной аттестации.

5. Фонд оценочных средств для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по дисциплине (модулю)

5.1 Типовые задания, необходимые для оценки результатов обучения при проведении текущего контроля успеваемости с указанием критериев их оценивания:

5.1.1 Типовые задания (оценочное средство - Практическое задание) для оценки сформированности компетенции ПК-1:

1. Аппроксимация функций

На отрезке $[-5; 5]$ заданы точки x_k (узлы интерполирования), в которых известны значения функции $f(x_k) = x_k \cdot \cos(x_k)$.

| | | | | | |
|----------|---------|---------|-----------|----------|----------|
| x_k | -3.9109 | -2.3 | -0.9406 | 1.3366 | 2.2277 |
| $f(x_k)$ | 2.80956 | 1.53243 | -0.554299 | 0.310173 | -1.36038 |

а.) Используя интерполяционную формулу Ньютона (Лагранжа и т.д.), по заданным узлам построить интерполяционный многочлен $L_n(x)$ степени n . Вычислить значения полученного полинома в контрольных узлах. Получить практическую оценку погрешности интерполирования на заданном отрезке.

б.) Исследовать вопрос о сходимости интерполяционного процесса. Найти последовательности сеток, для которых процесс сходится или расходится.

Критерии оценивания (оценочное средство - Практическое задание)

| Оценка | Критерии оценивания |
|---------|---|
| зачтено | Ответ полный и правильный на основании изученной теории; теоретический материал и решение поставленных задач изложены в необходимой логической последовательности, грамотный научный язык; ответ самостоятельный. Могут быть допущены две-три |

| Оценка | Критерии оценивания |
|------------|---|
| | несущественные ошибки, исправленные по требованию преподавателя. |
| не зачтено | Ответ обнаруживает непонимание студентом основного содержания учебного материала или допущены существенные ошибки, которые не могут быть исправлены при наводящих вопросах преподавателя. |

5.1.2 Типовые задания (оценочное средство - Собеседование) для оценки сформированности компетенции ПК-1:

1. Теория разностных уравнений 1-го порядка.
2. Теория разностных уравнений 2-го порядка.
3. Метод решения краевой разностной задачи. Метод прогонки.
4. Понятие аппроксимации разностной задачей ОДУ, устойчивости решения разностной задачи, сходимости решения разностной задачи к решению ОДУ. (как в частном, так и в общем случае.)
5. Методы Рунге-Кутты решения задачи Коши для ОДУ. (общая теория построение методов, примеры, реализация алгоритма с автоматическим выбором шага.)
6. Методы Рунге-Кутты решения задачи Коши для ОДУ. (сходимость и устойчивость методов Рунге-Кутты.)
7. Многошаговые разностные методы решения задачи Коши для ОДУ. (Классификация, построение, примеры.)
8. Многошаговые разностные методы решения задачи Коши для ОДУ. (Устойчивость и сходимость.)
9. Теория устойчивости разностных схем задачи Коши.
10. Аппроксимация краевой задачи для ОДУ. (Интегро-интерпол. метод построения разностных схем.)
11. Аппроксимация краевой задачи для ОДУ (метод неопределенных коэффициентов, методы решения задачи.)
12. Разностные схемы для уравнений переноса первого порядка. (Построение схем на различных шаблонах, аппроксимация, устойчивость.)
13. Разностные схемы для уравнения теплопроводности. (Построение схем на различных шаблонах, аппроксимация, схемы предиктор-корректор, схемы с весами, устойчивость.)
14. Разностные схемы для уравнения теплопроводности. (Канонический вид, принцип максимума, схемы с расщеплением.)
15. Разностные схемы для волнового уравнения. (Построение схем на различных шаблонах, аппроксимация, трехслойные схемы, схемы с весами, устойчивость.)
16. Метод разделения переменных для разностных схем. (Аналог задачи Штурма-Лиувилля.)
17. Разностная схема задачи Дирихле для уравнения Пуассона. (Аппроксимация, устойчивость, методы решения, канонический вид)
18. Принцип максимума для разностной схемы в каноническом виде.
19. Обобщенная теория разностных схем.
20. Численные методы решения интегральных уравнений Фредгольма и Вольтерра.

Критерии оценивания (оценочное средство - Собеседование)

| Оценка | Критерии оценивания |
|---------|---|
| зачтено | Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки, без ошибок |

| Оценка | Критерии оценивания |
|------------|--|
| не зачтено | Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки. |

5.2. Описание шкал оценивания результатов обучения по дисциплине при промежуточной аттестации

Шкала оценивания сформированности компетенций

| Уровень сформированности компетенций (индикатор достижения компетенций) | плохо | неудовлетворительно | удовлетворительно | хорошо | очень хорошо | отлично | превосходно |
|---|---|--|--|---|--|---|--|
| | не зачтено | | | зачтено | | | |
| <u>Знания</u> | Отсутствие знаний теоретического материала. Невозможность оценить полноту знаний вследствие отказа обучающегося от ответа | Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки | Минимально допустимый уровень знаний. Допущено много негрубых ошибок | Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько негрубых ошибок | Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько несущественных ошибок | Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Ошибок нет. | Уровень знаний в объеме, превышающем программу подготовки. |
| <u>Умения</u> | Отсутствие минимальных умений. Невозможность оценить наличие умений вследствие отказа обучающегося от ответа | При решении стандартных задач не продемонстрированы основные умения. Имели место грубые ошибки | Продemonстрированы основные умения. Решены типовые задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания, но не в полном объеме | Продemonстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания в полном объеме, но некоторые с недочетами | Продemonстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания в полном объеме, но некоторые с недочетами | Продemonстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с отдельными несущественными недочетами, выполнены все задания в полном объеме | Продemonстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме без недочетов |
| <u>Навыки</u> | Отсутствие базовых навыков. Невозможность оценить наличие навыков вследствие отказа обучающегося от ответа | При решении стандартных задач не продемонстрированы базовые навыки. Имели место грубые ошибки | Имеется минимальный набор навыков для решения стандартных задач с некоторыми недочетами | Продemonстрированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторыми недочетами | Продemonстрированы базовые навыки при решении стандартных задач без ошибок и недочетов | Продemonстрированы навыки при решении нестандартных задач без ошибок и недочетов | Продemonстрирован творческий подход к решению нестандартных задач |

Шкала оценивания при промежуточной аттестации

| Оценка | | Уровень подготовки |
|------------|---------------------|--|
| зачтено | превосходно | Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «превосходно», продемонстрированы знания, умения, владения по соответствующим компетенциям на уровне выше предусмотренного программой |
| | отлично | Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «отлично». |
| | очень хорошо | Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «очень хорошо» |
| | хорошо | Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «хорошо». |
| | удовлетворительно | Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «удовлетворительно», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «удовлетворительно» |
| не зачтено | неудовлетворительно | Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «неудовлетворительно». |
| | плохо | Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «плохо» |

5.3 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов обучения на промежуточной аттестации с указанием критериев их оценивания:

5.3.1 Типовые задания (оценочное средство - Контрольные вопросы) для оценки сформированности компетенции ПК-1

1. Разностные схемы для уравнений переноса первого порядка. (Построение схем на различных шаблонах, аппроксимация, устойчивость.)
2. Разностные схемы для уравнения теплопроводности. (Построение схем на различных шаблонах, аппроксимация, схемы предиктор-корректор, схемы с весами, устойчивость.)
3. Разностные схемы для уравнения теплопроводности. (Канонический вид, принцип максимума, схемы с расщеплением.)
4. Разностные схемы для волнового уравнения. (Построение схем на различных шаблонах, аппроксимация, трехслойные схемы, схемы с весами, устойчивость.)
5. Метод разделения переменных для разностных схем. (Аналог задачи Штурма-Лиувилля.)
6. Разностная схема задачи Дирихле для уравнения Пуассона. (Аппроксимация, устойчивость, методы решения, канонический вид)
7. Принцип максимума для разностной схемы в каноническом виде.
8. Численные методы решения интегральных уравнений Фредгольма и Вольтерра.
9. Дискретное преобразование Фурье

Критерии оценивания (оценочное средство - Контрольные вопросы)

| Оценка | Критерии оценивания |
|------------|---|
| зачтено | Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки, без ошибок |
| не зачтено | Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки. |

5.3.2 Типовые задания (оценочное средство - Задания) для оценки сформированности компетенции ПК-1

Примеры задач, используемые на зачете.

Билет N 1

Для функции $y = \sin x$

$$x_0 \pi/6 \quad x_1 \pi/2$$

$$y_0 1/2 \quad y_1 1$$

построить интерполяционный полином Лагранжа и оценить погрешность на отрезке $[0, \pi/2]$.

Билет N 2

Считая все значащие цифры верными (в узком смысле), вычислить и оценить погрешности по общей формуле теории погрешностей и методом границ

$$f = \frac{(2.9 + 7)}{11} 9.1$$

Билет N 3

Найти интерполяционный многочлен Лагранжа, который в точках

$$x_0 = -3, x_1 = -1, x_2 = 2$$

принимает соответствующие значения

$$y_0 = -5, y_1 = -11, y_2 = 10.$$

Билет N 4

Считая все значащие цифры верными, вычислить и оценить погрешности по общей формуле теории погрешностей и методом интервалов

$$f = (2.9 + 7) \times 9.1/11.$$

Посчитать среднее значение f . Записать ответы в естественной форме записи приближенного числа. Указать число верных значащих цифр.

Билет N 5

Вычислить $\int_2^6 \frac{dx}{x}$ по формуле прямоугольников для 2 и 4 отрезков разбиения. Оценить погрешность, уточнить решение по Рунге.

Билет N 6

Вычислить $\int_2^6 \frac{dx}{x}$ по формуле трапеций для 2 и 4 отрезков разбиения. Оценить погрешность, уточнить решение по Рунге.

Билет N 7

Вычислить $\int_2^6 \frac{dx}{x}$ по формуле Симпсона на 3 и 5 узлах. Оценить погрешность, уточнить решение по Рунге.

Билет N 8

С какой точностью можно вычислить значение \sqrt{x} при $x = 85$, если вычисления производить на основе интерполяционного многочлена Лагранжа первой и второй степени, построенных по таблице данных

| | | | |
|---|----|----|-----|
| x | 16 | 36 | 100 |
| y | 4 | 6 | 10 |

Билет N 9

Дана таблица значений функции на отрезке $[0.15; 0.18]$ с шагом $h = 0.005$

| | | | | | | |
|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|
| 0.14944 | 0.15438 | 0.15932 | 0.16425 | 0.16918 | 0.17411 | 0.17903 |
|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|

Требуется на основе интерполяционной формулы Ньютона «вперед» уплотнить эту таблицу с шагом $h = 0.001$ на участке $[0.155; 0.165]$.

Билет N 10

Методом Якоби найти решение системы с точностью $\varepsilon = 10^{-3}, x^{(0)} = \begin{pmatrix} 0,0,0 \end{pmatrix}^T$

$$\begin{aligned} 6.25x_1 - x_2 + 0.5x_3 &= 7.5 \\ -x_1 + 5x_2 + 2.12x_3 &= -8.68 \\ 0.5x_1 + 2.12x_2 + 3.6x_3 &= -0.24 \end{aligned}$$

Билет N 11

Решить явным методом Эйлера следующую задачу Коши.

$$0.2y' + y = 1, y(0) = 0.$$

Билет N 12

Найти приближенные решения задачи Коши

$$\begin{aligned} y' &= z - 1, y(0) = 1, \\ z' &= -y - 2z, z(0) = -1 \end{aligned}$$

на отрезке $[0; 0.2]$ с шагом $h = 0.1$ неявным методом Эйлера.

Билет N 13

Построить многочлены Лагранжа и Ньютона третьей степени для сеточной функции, заданной таблично

| | | | | |
|---|---|---|---|---|
| x | 2 | 3 | 4 | 5 |
| f | 7 | 5 | 8 | 7 |

Вычислить значение функции в точке $x = 2.5$. Привести многочлен к традиционной форме записи по степеням x .

Билет N 14

Методом пристрелки с использованием алгоритма Эйлера с шагом $h = 0.25$ и методом половинного деления решить краевую задачу с точностью $\varepsilon = 0.05$

$$y'' = \frac{1}{x}y' + x^2, y(1) = 0, y(1) = 1.$$

Билет N 15

Методом Эйлера-Коши с шагом $h=0.1$ численно проинтегрировать следующую задачу Коши значения $x=0.2$ включительно.

$$y' = x + y, y(0) = 1$$

Билет N 16

Организовать поиск действительного корня уравнения $x^3 + x - 3 = 0$ методом простых итераций

Билет N 17

На сколько частей следует разбить промежуток интегрирования, чтобы с точностью до 0.1 вычислить $\int_2^7 \frac{dx}{\sqrt{x+2}}$ по формуле прямоугольников.

Билет N 18

На сколько частей следует разбить промежуток интегрирования, чтобы с точностью до 0.1 вычислить $\int_1^4 x(l_n x - 1)dx$ по формуле трапеций.

Билет N 19

Найти интерполяционный закон Ньютона для функции $y = f(x)$, если

$$f(1) = 6, f(3) = 24, f(4) = 45.$$

Билет N 20

Найти методом Рунге-Кутты 4-го порядка точности приближенные решения следующей задачи Коши

$$\frac{dy}{dx} = x^2 + y^2, y(0) = 0$$

на отрезке $[0; 0,1]$ при $h = 0,1$.

Билет N 21

Найти методом конечных разностей с шагом $h = 0,5$ решение краевой задачи для уравнения y

$$(1 + x^2)y = -1$$

при граничных условиях $y(-1) = 0, y(1) = 0$.

Билет N 22

Найти решение системы методом прогонки

$$\begin{aligned} 2x_1 - x_2 &= 1 \\ -x_{i-1} + 2x_i - x_{i+1} &= 0, i = 2, 3, \dots, n-1 \\ -x_{n-1} + 2x_n &= 1. \end{aligned}$$

Билет N 23

Найти интерполяционный закон Ньютона для функции

$$f(x) = 2^x$$

по ее значениям в точках

$$x_0 = -1, x_1 = 0, x_2 = 1, x_3 = 2, x_4 = 3$$

и вычислить

$$f(-0,5), f(2,5).$$

Билет N 24

Найти интерполяционный многочлен Лагранжа, который в точках

$$x_0 = -3, x_1 = -1, x_2 = 2$$

принимает соответствующие значения

$$y_0 = -5, y_1 = -11, y_2 = 10.$$

Билет N 25

С какой точностью можно вычислить с помощью интерполяционной формулы Лагранжа функции $y = \sqrt{x}$, выбрав узлы интерполяции

$$x_0 = 100, x_1 = 121, x_2 = 144.$$

Билет N 26

Используя метод Адамса, найти значение $y(0,4)$ с точностью до 0,01 для дифференциального уравнения

$$y' = x^2 + y^2, y(0) = -1.$$

Критерии оценивания (оценочное средство - Задания)

| Оценка | Критерии оценивания |
|------------|---|
| зачтено | Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки, без ошибок |
| не зачтено | Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки. |

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)

Основная литература:

1. Самарский Александр Андреевич. Численные методы : [учеб. пособие для вузов по специальности "Прикладная математика"]. - М. : Наука, 1989. - 429, [1] с. : ил. - ISBN 5-02-013996-3 (в пер.) : 1.20., 44 экз.

2. Тихонов Андрей Николаевич. Уравнения математической физики : учеб. для вузов физико-мат. специальностей / Моск. гос. ун-т им. М. В. Ломоносова. - 7-е изд. - М. : Изд-во Моск. ун-та : Наука, 2004. - 798 с. - (Классический университетский учебник). - ISBN 5-211-04843-1. - ISBN 5-02-033599-1 : 410.40., 4 экз.
3. Бахвалов Николай Сергеевич. Численные методы : учеб. пособие для студентов физ.-мат. специальностей вузов. - 7-е изд. - М. : Бином. Лаборатория знаний, 2011. - 636 с. : ил. - (Классический университетский учебник : осн. в 2002 г. / МГУ им. М. В. Ломоносова ; ред. совет : В. А. Садовничий (пред.) [и др.]). - ISBN 978-5-9963-0449-3 : 255.00., 2 экз.
4. Кошляков Николай Сергеевич. Уравнения в частных производных математической физики : [учеб. пособие для мех.-мат. и физ. фак. ун-тов]. - [2-е изд.]. - М. : Высшая школа, 1970. - 710 с. : с черт. - 1-е изд. вышло под загл.: Дифференциальные уравнения математической физики. - 1.07., 132 экз.

Дополнительная литература:

1. Ляхов Александр Федорович. Прямые методы решения систем линейных алгебраических уравнений : лабораторная работа / А. Ф. Ляхов, Е. В. Солдатов, Е. В. Чернова ; ННГУ им. Н. И. Лобачевского, Механико-математический факультет, Кафедра теоретической механики. - Нижний Новгород : Изд-во ННГУ, 2003. - 20 с. - Текст : электронный., <https://e-lib.unn.ru/MegaPro/UserEntry?Action=FindDocs&ids=825002&idb=0>.

Программное обеспечение и Интернет-ресурсы (в соответствии с содержанием дисциплины):

.

7. Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)

Учебные аудитории для проведения учебных занятий, предусмотренных образовательной программой, оснащены мультимедийным оборудованием (проектор, экран), техническими средствами обучения.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечены доступом в электронную информационно-образовательную среду.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки 15.03.03 - Прикладная механика.

Автор(ы): Ляхов Александр Федорович, кандидат физико-математических наук, доцент.

Программа одобрена на заседании методической комиссии от 10.10.2023 г., протокол № 2.