

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

**федеральное государственное автономное
образовательное учреждение высшего образования_
«Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет
им. Н.И. Лобачевского»**

Институт информационных технологий, математики и механики

УТВЕРЖДЕНО

решением Ученого совета ННГУ

протокол № 10 от 02.12.2024 г.

Рабочая программа дисциплины

Прикладной тензорный анализ

Уровень высшего образования

Бакалавриат

Направление подготовки / специальность

15.03.03 - Прикладная механика

Направленность образовательной программы

Инженерное приложение суперкомпьютерного моделирования

Форма обучения

очная

г. Нижний Новгород

2025 год начала подготовки

1. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина Б1.О.26 Прикладной тензорный анализ относится к обязательной части образовательной программы.

2. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями и индикаторами достижения компетенций)

Формируемые компетенции (код, содержание компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю), в соответствии с индикатором достижения компетенции		Наименование оценочного средства	
	Индикатор достижения компетенции (код, содержание индикатора)	Результаты обучения по дисциплине	Для текущего контроля успеваемости	Для промежуточной аттестации
ОПК-6: Способен решать стандартные задачи профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно-коммуникационных технологий;	ОПК-6.1: Демонстрирует знание методов решения стандартных задач профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно-коммуникационных технологий ОПК-6.2: Умеет осуществлять решения стандартных задач профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно-коммуникационных технологий ОПК-6.3: Владеет методикой решения стандартных задач профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно-коммуникационных технологий	ОПК-6.1: Знать методы решения стандартных задач профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно-коммуникационных технологий. ОПК-6.2: Уметь решать стандартные задачи профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно-коммуникационных технологий ОПК-6.3: Владеть методикой решения стандартных задач профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно-коммуникационных технологий.	Контрольная работа Собеседование	Зачёт: Контрольные вопросы Задания

3. Структура и содержание дисциплины

3.1 Трудоемкость дисциплины

	очная
Общая трудоемкость, з.е.	3
Часов по учебному плану	108
в том числе	
аудиторные занятия (контактная работа):	
- занятия лекционного типа	32
- занятия семинарского типа (практические занятия / лабораторные работы)	32
- КСР	1
самостоятельная работа	43
Промежуточная аттестация	0 Зачёт

3.2. Содержание дисциплины

(структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и виды учебных занятий)

Наименование разделов и тем дисциплины	Всего (часы)	в том числе			
		Контактная работа (работа во взаимодействии с преподавателем), часы из них			Самостоятельная работа обучающегося, часы
		Занятия лекционного типа	Занятия семинарского типа (практические занятия/лабораторные работы), часы	Всего	
	0 Ф 0	0 Ф 0	0 Ф 0	0 Ф 0	0 Ф 0
Введение	7	2	0	2	5
Тензорная алгебра	26	8	12	20	6
Дифференциальное исчисление	24	8	10	18	6
Интегральное исчисление	22	8	8	16	6
Приложения	10	2	2	4	6
Тензорные функции	9	2	0	2	7
Обзор курса	9	2	0	2	7
Аттестация	0				
КСР	1			1	
Итого	108	32	32	65	43

Содержание разделов и тем дисциплины

1. Введение. Математическое моделирование. Евклидово ориентированное пространство. Системы координат. Инвариантность. Физические величины и их тензорные свойства. Скаляры, векторы,

тензоры. Краткие исторические сведения.

2. Тензорная алгебра. Тензоры нулевого ранга – скаляры. Тензоры 1-го ранга – векторы (определение, полярные и аксиальные, сложение, умножение вектора на скаляр, линейное /векторное/ пространство, линейная зависимость векторов, базис и размерность векторного пространства, системы координат, скалярное, векторное, смешанное умножение векторов, координаты вектора, некоторые формулы векторной алгебры). Появление тензоров 2-го ранга (математическое, механическое: тензор инерции, тензор напряжений). Тензоры 2-го ранга (определения, алгебраические операции: транспонирование, сложение, умножения, двойные умножения, свойства и характеристики: след, векторный инвариант, определитель, единичный, обратный, взаимный, симметричный, антисимметричный, шаровой, девиатор, ортогональный, положительно определённый, собственные числа и собственные векторы, спектральное разложение, возведение в степень, теорема Гамильтона-Кэли, инварианты, тензорный базис, координаты тензора, преобразование координат, тензорный признак /теорема деления тензоров/, тензорная поверхность). Тензоры высших рангов (определения, тензор Леви-Чивиты, символы Леви-Чивиты, символы Риччи, изотропные, гиротропные).

3. Дифференциальное исчисление. Тензорное поле. Криволинейные системы координат. Радиус-вектор. Основной и взаимный базис. Набла-оператор Гамильтона. Градиент тензорного поля (скалярное, векторное, тензорное высшего ранга). Потенциальное поле. Линейный тензор деформации. Тензор спина. Вихрь векторного поля. Формула Гельмгольца. Вычисление градиента. Дивергенция тензорного поля. Соленоидальное поле. Вычисление дивергенции. Ротор (вихрь) векторного поля. Вычисление ротора. Двукратное дифференцирование. Оператор Лапласа. Тензор несовместимости. Дифференцирование базисных векторов. Символы Кристоффеля.

4. Интегральное исчисление. Формулы Стокса. Формулы Остроградского-Гаусса. Формулы Грина. Формулы Гаусса.

5. Приложения. Уравнения движения абсолютно твёрдого тела. Моделирование поведения сплошной среды.

6. Тензорные функции тензорного аргумента. Аналитические функции тензора 2-го ранга. Изотропные функции. Дифференцирование по тензорному аргументу. Производные от инвариантов тензора 2-го ранга.

7. Обзор курса. Подготовка к промежуточной аттестации.

4. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся

Самостоятельная работа обучающихся включает в себя подготовку к контрольным вопросам и заданиям для текущего контроля и промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины приведенным в п. 5.

В рамках дисциплины предусмотрены следующие виды самостоятельной работы (порядок их выполнения, форма контроля):

- повторение материала, пройденного на занятиях лекционного типа (в течение всего семестра, опрос на занятиях лекционного и семинарского типа),
- самостоятельное изучение отдельных вопросов программы (1 раз в семестр, опрос на занятиях семинарского типа),
- подготовка к занятиям семинарского типа, решение задач по списку, представленному преподавателем (в течение всего семестра, опрос на занятиях семинарского типа),
- подготовка к промежуточному контролю успеваемости (зачет).

5. Фонд оценочных средств для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по дисциплине (модулю)

5.1 Типовые задания, необходимые для оценки результатов обучения при проведении текущего контроля успеваемости с указанием критериев их оценивания:

5.1.1 Типовые задания (оценочное средство - Контрольная работа) для оценки сформированности компетенции ОПК-6:

Векторная и тензорная алгебра

1. Преобразовать $(a \times b) \times c$.
Ответ: $b(a \cdot c) - c(a \cdot b)$.
2. Упростить (преобразовать) выражения (вычислить) $\text{tr}(a \times P \times b)$.
Ответ: $b \cdot P \cdot a - (a \cdot b) \text{tr} P$.
3. Упростить (преобразовать) выражения (вычислить) $(a \times P \times b)_{\chi}$.
Ответ: $(b \times a) \cdot P - P_{\chi} \cdot ab$.
4. Преобразовать $(a \times b) \times Q$.
Ответ: $ba \cdot Q - Q(a \cdot b)$.
5. Вычислить $\text{tr} E$, здесь E – единичный (метрический) тензор.
Ответ: 3.
6. Вычислить E_{χ} , здесь E – единичный (метрический) тензор.
Ответ: 0.
7. Доказать тождество $[(P - P^T) \times a] \cdot (b \times E)^T = (a \times P_{\chi}) \cdot b$.

Доказательство:

$$\begin{aligned}
 & [(P - P^T) \times a] \cdot (b \times E)^T = \left[\sum_k (c_k d_k - d_k c_k) \times a \right] \cdot (b \times \Gamma^T r_k)^T = \\
 & = \sum_k (c_k d_k \times a - d_k c_k \times a) \cdot (r_k b \times \Gamma^T) = \sum_k (d_k \times a \cdot r_k c_k \cdot b \times \Gamma^T - c_k \times a \cdot r_k d_k \cdot b \times \Gamma^T) = \\
 & = \sum_k (d_k \times a \cdot \Gamma_k \Gamma^T \cdot c_k \times b - c_k \times a \cdot \Gamma_k \Gamma^T \cdot d_k \times b) = \sum_k (d_k \times a \cdot E \cdot c_k \times b - c_k \times a \cdot E \cdot d_k \times b) = \\
 & = \sum_k (d_k \times a \cdot c_k \times b - c_k \times a \cdot d_k \times b) = \sum_k [b \cdot (d_k \times a) \times c_k - b \cdot (c_k \times a) \times d_k] = \\
 & = b \cdot \sum_k [(d_k \times a) \times c_k - (c_k \times a) \times d_k] = b \cdot \sum_k (-d_k c_k \cdot a + a c_k \cdot d_k + c_k d_k \cdot a - a d_k \cdot c_k) = \\
 & = b \cdot \sum_k (c_k d_k \cdot a - d_k c_k \cdot a) = b \cdot \sum_k (c_k a \cdot d_k - d_k a \cdot c_k) = b \cdot \sum_k a \times (c_k \times d_k) = \\
 & = \left[a \times \sum_k (c_k \times d_k) \right] \cdot b = (a \times P_{\chi}) \cdot b
 \end{aligned}$$

Критерии оценивания (оценочное средство - Контрольная работа)

Оценка	Критерии оценивания
зачтено	Ответ полный и правильный на основании изученной теории; теоретический материал и решение поставленных задач изложены в необходимой логической последовательности, грамотный научный язык; ответ самостоятельный. Могут быть допущены две-три незначительные ошибки, исправленные по требованию преподавателя.
не зачтено	Ответ обнаруживает непонимание студентом основного содержания учебного материала или допущены существенные ошибки, которые не могут быть исправлены при наводящих вопросах преподавателя.

5.1.2 Типовые задания (оценочное средство - Собеседование) для оценки сформированности компетенции ОПК-6:

Векторная и тензорная алгебра

1. Преобразовать $(a \times b) \times c$.
Ответ: $b(a \cdot c) - c(a \cdot b)$.
2. Упростить (преобразовать) выражения (вычислить) $\text{tr}(a \times P \times b)$.
Ответ: $b \cdot P \cdot a - (a \cdot b) \text{tr} P$.
3. Упростить (преобразовать) выражения (вычислить) $(a \times P \times b)_{\chi}$.
Ответ: $(b \times a) \cdot P - P_{\chi} \cdot ab$.
4. Преобразовать $(a \times b) \times Q$.
Ответ: $ba \cdot Q - Q(a \cdot b)$.
5. Вычислить $\text{tr} E$, здесь E – единичный (метрический) тензор.
Ответ: 3.
6. Вычислить E_{χ} , здесь E – единичный (метрический) тензор.
Ответ: 0.
7. Доказать тождество $[(P - P^T) \times a] \cdot (b \times E)^T = (a \times P_{\chi}) \cdot b$.

Доказательство:

$$\begin{aligned}
 [(P - P^T) \times a] \cdot (b \times E)^T &= \left[\sum_k (c_k d_k - d_k c_k) \times a \right] \cdot (b \times \Gamma^T \Gamma)^T = \\
 &= \sum_k (c_k d_k \times a - d_k c_k \times a) \cdot (\Gamma^T b \times \Gamma^T) = \sum_k (d_k \times a \cdot \Gamma^T c_k \cdot b \times \Gamma^T - c_k \times a \cdot \Gamma^T d_k \cdot b \times \Gamma^T) = \\
 &= \sum_k (d_k \times a \cdot \Gamma^T \Gamma^T c_k \times b - c_k \times a \cdot \Gamma^T \Gamma^T d_k \times b) = \sum_k (d_k \times a \cdot E \cdot c_k \times b - c_k \times a \cdot E \cdot d_k \times b) = \\
 &= \sum_k (d_k \times a \cdot c_k \times b - c_k \times a \cdot d_k \times b) = \sum_k [b \cdot (d_k \times a) \times c_k - b \cdot (c_k \times a) \times d_k] = \\
 &= b \cdot \sum_k [(d_k \times a) \times c_k - (c_k \times a) \times d_k] = b \cdot \sum_k (-d_k c_k \cdot a + a c_k \cdot d_k + c_k d_k \cdot a - a d_k \cdot c_k) = \\
 &= b \cdot \sum_k (c_k d_k \cdot a - d_k c_k \cdot a) = b \cdot \sum_k (c_k a \cdot d_k - d_k a \cdot c_k) = b \cdot \sum_k a \times (c_k \times d_k) = \\
 &= \left[a \times \sum_k (c_k \times d_k) \right] \cdot b = (a \times P_{\chi}) \cdot b
 \end{aligned}$$

Критерии оценивания (оценочное средство - Собеседование)

Оценка	Критерии оценивания
зачтено	Ответ полный и правильный на основании изученной теории; теоретический материал и решение поставленных задач изложены в необходимой логической последовательности, грамотный научный язык; ответ самостоятельный. Могут быть допущены две-три не существенные ошибки, исправленные по требованию преподавателя.
не зачтено	Ответ обнаруживает непонимание студентом основного содержания учебного материала или допущены существенные ошибки, которые не могут быть исправлены при наводящих вопросах преподавателя.

5.2. Описание шкал оценивания результатов обучения по дисциплине при промежуточной аттестации

Шкала оценивания сформированности компетенций

Уровень сформированности компетенций (индикатора достижения компетенций)	плохо	неудовлетворительно	удовлетворительно	хорошо	очень хорошо	отлично	превосходно
	не зачтено		зачтено				
<u>Знания</u>	Отсутствие знаний теоретического материала. Невозможность оценить полноту знаний вследствие отказа	Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки	Минимально допустимый уровень знаний. Допущено много негрубых ошибок	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Ошибок нет.	Уровень знаний в объеме, превышающем программу подготовки.

	обучающегося от ответа			негрубых ошибок	несущественных ошибок		
<u>Умения</u>	Отсутствие минимальных умений. Невозможность оценить наличие умений вследствие отказа обучающегося от ответа	При решении стандартных задач не продемонстрированы основные умения. Имели место грубые ошибки	Продemonстрированы основные умения. Решены типовые задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания, но не в полном объеме	Продemonстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания в полном объеме, но некоторые с недочетами	Продemonстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания в полном объеме, но некоторые с недочетами.	Продemonстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с отдельными несущественными недочетами, выполнены все задания в полном объеме	Продemonстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме без недочетов
<u>Навыки</u>	Отсутствие базовых навыков. Невозможность оценить наличие навыков вследствие отказа обучающегося от ответа	При решении стандартных задач не продемонстрированы базовые навыки. Имели место грубые ошибки	Имеется минимальный набор навыков для решения стандартных задач с некоторыми недочетами	Продemonстрированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторыми недочетами	Продemonстрированы базовые навыки при решении стандартных задач без ошибок и недочетов	Продemonстрированы навыки при решении нестандартных задач без ошибок и недочетов	Продemonстрирован творческий подход к решению нестандартных задач

Шкала оценивания при промежуточной аттестации

Оценка		Уровень подготовки
зачтено	превосходно	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «превосходно», продемонстрированы знания, умения, владения по соответствующим компетенциям на уровне выше предусмотренного программой
	отлично	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «отлично».
	очень хорошо	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «очень хорошо»
	хорошо	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «хорошо».
	удовлетворительно	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «удовлетворительно», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «удовлетворительно»
не зачтено	неудовлетворительно	Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «неудовлетворительно».
	плохо	Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «плохо»

5.3 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов обучения на промежуточной аттестации с указанием критериев их оценивания:

5.3.1 Типовые задания (оценочное средство - Контрольные вопросы) для оценки сформированности компетенции ОПК-6

Векторная и тензорная алгебра

1. Преобразовать $(a \times b) \times c$.
Ответ: $b(a \cdot c) - c(a \cdot b)$.
2. Упростить (преобразовать) выражения (вычислить) $\text{tr}(a \times P \times b)$.
Ответ: $b \cdot P \cdot a - (a \cdot b) \text{tr} P$.
3. Упростить (преобразовать) выражения (вычислить) $(a \times P \times b)_{\chi}$.
Ответ: $(b \times a) \cdot P - P_{\chi} \cdot ab$.
4. Преобразовать $(a \times b) \times Q$.
Ответ: $ba \cdot Q - Q(a \cdot b)$.
5. Вычислить $\text{tr} E$, здесь E – единичный (метрический) тензор.
Ответ: 3.
6. Вычислить E_{χ} , здесь E – единичный (метрический) тензор.
Ответ: 0.
7. Доказать тождество $[(P - P^T) \times a] \cdot (b \times E)^T = (a \times P_s) \cdot b$.

Доказательство:

$$\begin{aligned}
 [(P - P^T) \times a] \cdot (b \times E)^T &= \left[\sum_k (c_k d_k - d_k c_k) \times a \right] \cdot (b \times \Gamma^T \Gamma_s)^T = \\
 &= \sum_k (c_k d_k \times a - d_k c_k \times a) \cdot (r_n b \times \Gamma^n) = \sum_k (d_k \times a \cdot r_n c_k \cdot b \times \Gamma^n - c_k \times a \cdot r_n d_k \cdot b \times \Gamma^n) = \\
 &= \sum_k (d_k \times a \cdot r_n \Gamma^n \cdot c_k \times b - c_k \times a \cdot r_n \Gamma^n \cdot d_k \times b) = \sum_k (d_k \times a \cdot E \cdot c_k \times b - c_k \times a \cdot E \cdot d_k \times b) = \\
 &= \sum_k (d_k \times a \cdot c_k \times b - c_k \times a \cdot d_k \times b) = \sum_k [b \cdot (d_k \times a) \times c_k - b \cdot (c_k \times a) \times d_k] = \\
 &= b \cdot \sum_k [(d_k \times a) \times c_k - (c_k \times a) \times d_k] = b \cdot \sum_k (-d_k c_k \cdot a + a c_k \cdot d_k + c_k d_k \cdot a - a d_k \cdot c_k) = \\
 &= b \cdot \sum_k (c_k d_k \cdot a - d_k c_k \cdot a) = b \cdot \sum_k (c_k a \cdot d_k - d_k a \cdot c_k) = b \cdot \sum_k a \times (c_k \times d_k) = \\
 &= \left[a \times \sum_k (c_k \times d_k) \right] \cdot b = (a \times P_s) \cdot b
 \end{aligned}$$

Критерии оценивания (оценочное средство - Контрольные вопросы)

Оценка	Критерии оценивания
зачтено	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки, без ошибок
не зачтено	Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки.

5.3.2 Типовые задания (оценочное средство - Задания) для оценки сформированности компетенции ОПК-6

Векторная и тензорная алгебра

1. Преобразовать $(a \times b) \times c$.
Ответ: $b(a \cdot c) - c(a \cdot b)$.
2. Упростить (преобразовать) выражения (вычислить) $\text{tr}(a \times P \times b)$.
Ответ: $b \cdot P \cdot a - (a \cdot b) \text{tr} P$.
3. Упростить (преобразовать) выражения (вычислить) $(a \times P \times b)_{\times}$.
Ответ: $(b \times a) \cdot P - P_{\times} \cdot ab$.
4. Преобразовать $(a \times b) \times Q$.
Ответ: $ba \cdot Q - Q(a \cdot b)$.
5. Вычислить $\text{tr} E$, здесь E – единичный (метрический) тензор.
Ответ: 3.
6. Вычислить E_{\times} , здесь E – единичный (метрический) тензор.
Ответ: 0.
7. Доказать тождество $[(P - P^T) \times a] \cdot (b \times E)^T = (a \times P_{\times}) \cdot b$.

Доказательство:

$$\begin{aligned}
 [(P - P^T) \times a] \cdot (b \times E)^T &= \left[\sum_k (c_k d_k - d_k c_k) \times a \right] \cdot (b \times \Gamma^T \Gamma)^T = \\
 &= \sum_k (c_k d_k \times a - d_k c_k \times a) \cdot (\Gamma^T b \times \Gamma^T a) = \sum_k (d_k \times a \cdot \Gamma^T c_k \cdot b \times \Gamma^T a - c_k \times a \cdot \Gamma^T d_k \cdot b \times \Gamma^T a) = \\
 &= \sum_k (d_k \times a \cdot \Gamma^T \Gamma^T c_k \times b - c_k \times a \cdot \Gamma^T \Gamma^T d_k \times b) = \sum_k (d_k \times a \cdot E \cdot c_k \times b - c_k \times a \cdot E \cdot d_k \times b) = \\
 &= \sum_k (d_k \times a \cdot c_k \times b - c_k \times a \cdot d_k \times b) = \sum_k [b \cdot (d_k \times a) \times c_k - b \cdot (c_k \times a) \times d_k] = \\
 &= b \cdot \sum_k [(d_k \times a) \times c_k - (c_k \times a) \times d_k] = b \cdot \sum_k (-d_k c_k \cdot a + a c_k \cdot d_k + c_k d_k \cdot a - a d_k \cdot c_k) = \\
 &= b \cdot \sum_k (c_k d_k \cdot a - d_k c_k \cdot a) = b \cdot \sum_k (c_k a \cdot d_k - d_k a \cdot c_k) = b \cdot \sum_k a \times (c_k \times d_k) = \\
 &= \left[a \times \sum_k (c_k \times d_k) \right] \cdot b = (a \times P_{\times}) \cdot b
 \end{aligned}$$

Критерии оценивания (оценочное средство - Задания)

Оценка	Критерии оценивания
зачтено	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки, без ошибок
не зачтено	Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки.

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)

Основная литература:

1. Жидков Александр Васильевич. Элементы тензорного исчисления в евклидовом пространстве: тензорная алгебра : учебно-методическое пособие / А. В. Жидков, В. В. Шабаров ; ННГУ им. Н. И. Лобачевского. - Нижний Новгород : Изд-во ННГУ, 2012. - 80 с. - Текст : электронный., <https://e-lib.unn.ru/MegaPro/UserEntry?Action=FindDocs&ids=851271&idb=0>.
2. Лурье Анатолий Исакович. Нелинейная теория упругости. - М. : Наука, 1980. - 512 с. - 5.20., 2 экз.
3. Мейз Дж. Теория и задачи механики сплошных сред / пер. с англ. Е. И. Свешниковой ; под ред. М. Э. Эглит. - М. : Мир, 1974. - 318 с. - 1.50., 12 экз.

Дополнительная литература:

1. Баландин Александр Владимирович. Тензорная алгебра : учебно-методическое пособие. Ч. 1 / А. В. Баландин, О. А. Муляр, А. Г. Разуваев ; ННГУ им. Н. И. Лобачевского, Механико-математический факультет, Кафедра геометрии и высшей алгебры. - Нижний Новгород : Изд-во ННГУ, 2004. - 16 с. - Текст : электронный., <https://e-lib.unn.ru/MegaPro/UserEntry?Action=FindDocs&ids=825089&idb=0>.
2. Максимова Галина Михайловна. Основы векторного и тензорного анализа для физиков : учеб. пособие / Г. М. Максимова, А. И. Малышев, А. В. Тележников ; ННГУ им. Н. И. Лобачевского. -

Нижний Новгород : Изд-во ННГУ, 2022. - 126 с. - ISBN 978-5-91326-780-1., 100 экз.

3. Максимова Г. М. Сборник контрольных заданий по курсу векторного и тензорного анализа : учеб. пособие / Нижегородский государственный университет им. Н. И. Лобачевского. - Н. Новгород : ННГУ, 2002. - 33 с. : ил., табл. - 15.00., 100 экз.

4. Трусделл К. Первоначальный курс рациональной механики сплошных сред / пер. с англ. Р. В. Гольдштейна, В. М. Ентова ; под ред. П. А. Жилина, А. И. Лурье. - М. : Мир, 1975. - 592 с. - 2.75., 12 экз.

5. Димитриенко Юрий Иванович. Нелинейная механика сплошной среды : Учебное пособие. - Москва : Издательская фирма "Физико-математическая литература" (ФИЗМАТЛИТ), 2009. - 624 с. - ВО - Бакалавриат. - ISBN 978-5-9221-1110-2., <https://e-lib.unn.ru/MegaPro/UserEntry?Action=FindDocs&ids=617085&idb=0>.

6. Димитриенко Юрий Иванович. Тензорное исчисление : учеб. пособие для вузов. - М. : Высшая школа, 2001. - 575 с. : ил. - ISBN 5-06-004155-7 : 89.54., 1 экз.

Программное обеспечение и Интернет-ресурсы (в соответствии с содержанием дисциплины):

<http://eqworld.ipmnet.ru/ru/library/mathematics/difgeometry.htm>

7. Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)

Учебные аудитории для проведения учебных занятий, предусмотренных образовательной программой, оснащены мультимедийным оборудованием (проектор, экран), техническими средствами обучения.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечены доступом в электронную информационно-образовательную среду.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки/специальности 15.03.03 - Прикладная механика.

Автор(ы): Жидков Александр Васильевич, кандидат технических наук, доцент.

Заведующий кафедрой: Игумнов Леонид Александрович, доктор физико-математических наук.

Программа одобрена на заседании методической комиссии от 02.12.2024, протокол № 5.