

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

**федеральное государственное автономное  
образовательное учреждение высшего образования  
«Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет  
им. Н.И. Лобачевского»**

Физический факультет

---

УТВЕРЖДЕНО

решением Ученого совета ННГУ

протокол № 7 от 28.06.2023 г.

**Рабочая программа дисциплины**

Математическое моделирование физических процессов

---

Уровень высшего образования

Магистратура

---

Направление подготовки / специальность

11.04.04 - Электроника и наноэлектроника

---

Направленность образовательной программы

Новые полупроводниковые технологии

---

Форма обучения

очная

---

г. Нижний Новгород

2023 год начала подготовки

## 1. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина Б1.О.02 Математическое моделирование физических процессов относится к обязательной части образовательной программы.

## 2. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями и индикаторами достижения компетенций)

Формируемые компетенции (код, содержание компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю), в соответствии с индикатором достижения компетенции		Наименование оценочного средства	
	Индикатор достижения компетенции (код, содержание индикатора)	Результаты обучения по дисциплине	Для текущего контроля успеваемости	Для промежуточной аттестации
ОПК-4: Способен разрабатывать и применять специализированное программно-математическое обеспечение для проведения исследований и решения инженерных задач	ОПК-4.1: Знает методы расчета, проектирования, конструирования и модернизации электронной компонентной базы с использованием систем автоматизированного проектирования и компьютерных средств ОПК-4.2: Умеет осуществлять выбор наиболее оптимальных прикладных программных пакетов для решения соответствующих задач научной и образовательной деятельности ОПК-4.3: Владеет современными программными средствами (CAD) моделирования, оптимального проектирования и конструирования приборов, схем и устройств электроники и наноэлектроники различного функционального назначения	ОПК-4.1: Знать – метод молекулярной динамики для моделирования системы взаимодействующих частиц; – методы Монте-Карло для моделирования атомных систем; – основные модели для изучения газов, жидкостей, аморфных и кристаллических твердых тел, магнетиков, полупроводниковых соединений и сплавов; – некоторые модели, имитирующие технологические процессы микроэлектроники (ионная имплантация, рост кристаллов и т.д.).  ОПК-4.2: Уметь разрабатывать модели несложных физических процессов, включая этапы постановки задачи, составления программы, тестирования и анализа результатов моделирования  ОПК-4.3: Владеть одной из современных систем разработки компьютерных программ (в среде Visual C++,	Задания	Экзамен: Контрольные вопросы

		пакете Mathematica), одной из систем обработки и визуализации результатов научных экспериментов		
--	--	---	--	--

### 3. Структура и содержание дисциплины

#### 3.1 Трудоемкость дисциплины

	<b>очная</b>
<b>Общая трудоемкость, з.е.</b>	<b>4</b>
<b>Часов по учебному плану</b>	<b>144</b>
в том числе	
<b>аудиторные занятия (контактная работа):</b>	
- занятия лекционного типа	<b>16</b>
- занятия семинарского типа (практические занятия / лабораторные работы)	<b>40</b>
- КСР	<b>2</b>
<b>самостоятельная работа</b>	<b>50</b>
<b>Промежуточная аттестация</b>	<b>36</b>
	<b>Экзамен</b>

#### 3.2. Содержание дисциплины

(структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и виды учебных занятий)

Наименование разделов и тем дисциплины	Всего (часы)	в том числе			
		Контактная работа (работа во взаимодействии с преподавателем), часы из них			Самостоятельная работа обучающегося, часы
		Занятия лекционного типа	Занятия семинарского типа (практические занятия/лабораторные работы), часы	Всего	
	0 0	0 0	0 0	0 0	0 0
Тема 1 Введение	3	1		1	2
Тема 2. Метод молекулярной динамики. Сдача отчета по первой задаче	51	7	20	27	24
Тема 3. Методы Монте-Карло. Сдача отчета по второй задаче	52	8	20	28	24
Аттестация	36				
КСР	2			2	
Итого	144	16	40	58	50

#### Содержание разделов и тем дисциплины

1. Введение. Цели и задачи курса. Основная и дополнительная литература. Краткая история физического моделирования. Компьютерный эксперимент – третье направление в физике, промежуточное между экспериментальными и теоретическими исследованиями. Достоинства и недостатки компьютерного эксперимента. 2. Метод молекулярной динамики 2.1. Общая характеристика метода молекулярной динамики. Энергия взаимодействия системы из  $N$  частиц. Уравнения движения частиц на основе классической механики Ньютона. Начальные условия. Особенности численного решения уравнений движения. Алгоритм Верле. Проблема выбора шага по времени. Различные граничные условия: периодические, случайные, свободные, жесткие. 2.2. Потенциалы межатомного взаимодействия (ПМВ). Понятие эмпирического ПМВ. Двухчастичные и трехчастичные ПМВ. Потенциал твердых шаров. Потенциал Борна-Майера. Потенциал Морзе. Потенциал Леннарда-Джонса. Потенциал Вуксевича. Трехчастичный потенциал Стиллинджера-Вебера для ковалентных полупроводников. Потенциал Терсоффа. 2.3. Применение метода молекулярной динамики к исследованию газов и жидкостей. Усреднение по пространству и усреднение по времени. Эргодичность. Определение характеристик микроканонического ансамбля частиц. Переход к равновесию и процедура получения средних значений. Определение температуры. Определение давления. Получение распределения Максвелла для идеального газа. Получение уравнения состояния неидеального газа. Определение коэффициента самодиффузии. Молекулярная динамика канонического ансамбля. Перенормировка скоростей. Канонический ансамбль при постоянном давлении. 2.4. Метод молекулярной динамики для твердых тел. Основные задачи моделирования. Особенности моделирования кристаллов с кубическими решетками. Особенности граничных условий в кристаллах. Моделирование образования вакансии в алмазной решетке. Расчет ее конфигурационных и энергетических характеристик. Моделирование других дефектов: вакансионных комплексов, собственных и примесных междоузельных атомов. Моделирование аморфного состояния. Функция радиального распределения. 3. Методы Монте-Карло. 3.1. Общая характеристика методов Монте-Карло (ММК) Сравнение детерминистических и стохастических методов. Марковский процесс. Стационарность. Эргодичность. Оценка погрешности ММК. 3.2. Генераторы случайных чисел (ГСЧ). Линейный конгруэнтный генератор. Тестирование ГСЧ на период, на коррелированность, на равномерность, на короткие корреляции. Построение улучшенного ГСЧ. 3.3. Применение ММК к исследованию случайных блужданий. Одномерные случайные блуждания. Двумерные и трехмерные случайные блуждания. Диффузия частиц в модели решеточного газа. Другие виды случайных блужданий и их применение для исследования физических систем (рассеяние частиц на неподвижных центрах, движение экситонов и т.д.). 3.4. ММК для моделирования системы частиц Получение средних значений наблюдаемых величин. Идея предпочтительной выборки. Алгоритм Метрополиса. Микроканонический ансамбль частиц. Демон. Канонический ансамбль. Модель Изинга для магнетиков. Определение критической температуры, теплоемкости, намагниченности. Критическое замедление. Модель Изинга для бинарного сплава. Получение фазовых диаграмм. 3.5. Моделирование роста кристаллических пленок. Классическая модель зародышеобразования. Кристаллизация на реальной поверхности. Роль дефектов. Модель Косселя-Странского. Алгоритм моделирования. Совершенствование модели (диффузия атомов по поверхности, рост за счет движения ступеней и т.д.). 3.6. Моделирование ионной имплантации. Основные положения теории Линдхарда-Шарффа-Шиотта. Модель твердых шаров. Получение гистограммы распределения внедренных шаров. Расчет среднепроецированного пробега. Сравнение с экспериментальными значениями.

#### **4. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся**

Самостоятельная работа обучающихся включает в себя подготовку к контрольным вопросам и заданиям для текущего контроля и промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины приведенным в п. 5.

Самостоятельная работа обучающихся включает в себя подготовку к контрольным вопросам и заданиям для текущего контроля и промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины

приведенным в п. 5. Порядок выполнения и контроля самостоятельной работы

1. Получение индивидуальных практических заданий, вопросов для сдачи допусков.
2. Подготовка к индивидуальным собеседованиям с преподавателем по полученным вопросам.
3. Контроль – сдача допуска.
4. Разработка алгоритма и составление программы на алгоритмическом языке высокого уровня. Контроль – демонстрация работы программы в компьютерном классе.
5. Тестирование программы, выполнение пунктов заданий.
6. Контроль – сдача задачи в электронном виде.
7. Написание отчета по задаче.
8. Контроль – сданный отчет в распечатанном на бумаге виде.
9. Пункты 1-5 выполняются поочередно, сначала для задачи по разделу «Метод молекулярной динамики», затем по разделу «Методы Монте-Карло».

Практические задания для студентов и методические рекомендации по их выполнению изложены в методическом пособии: . Васин А.С. Компьютерный эксперимент в физике: Практикум. – 2-е изд. исправл. и доп. – Нижний Новгород: Нижегородский госуниверситет, 2022. – 60 с.

Обновленные задания содержатся в электронной версии, размещенной в ФОЭР ННГУ: Васин А.С. Компьютерный эксперимент в физике: Практикум. – 3-е изд. исправл. и доп. – Нижний Новгород: Нижегородский госуниверситет, 2024. – 64 с.

Некоторые типовые вопросы для сдачи допуска.

1. Сформулировать цель работы.
2. Какие физические процессы изучаются в Вашей задаче?
3. Написать и объяснить формулы потенциалов межатомного взаимодействия, применяемые в Вашей задаче.
4. Написать и объяснить дифференциальные уравнения движения частиц.
5. Объяснить алгоритм решения системы полученных дифференциальных уравнений.
6. Какие начальные и граничные условия используются в Вашей задаче?
7. Как проверить выполнение законов сохранения энергии, импульса?
8. Как выбирается шаг по времени при интегрировании уравнений движения?
9. Как генерируются случайные числа в задачах по методам Монте-Карло?
10. Объяснить алгоритм Метрополиса для Вашей задачи.
11. Привести примеры тестирования правильности работы программы.
12. Привести структурную схему программы моделирования изучаемого процесса (явления).
13. Нарисовать примерный интерфейс программы.
14. В каком виде Вы будете представлять графический и иллюстративный материал по результатам расчетов?

## **5. Фонд оценочных средств для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по дисциплине (модулю)**

**5.1 Типовые задания, необходимые для оценки результатов обучения при проведении текущего контроля успеваемости с указанием критериев их оценивания:**

**5.1.1 Типовые задания (оценочное средство - Задания) для оценки сформированности компетенции ОПК-4:**

По разделу «Метод молекулярной динамики»

- 1 Моделирование аргоноподобного двумерного газа частиц с потенциалом взаимодействия Леннарда-Джонса.  
Моделирование испарения двумерной капли жидкости.
- 3 Исследование распределения по скоростям молекул двумерного идеального газа.
- 4 Исследование температурной зависимости внутренней энергии двумерной системы частиц в каноническом ансамбле.
- 5 Получение уравнения состояния идеального двумерного газа.
- 6 Исследование простых свойств переноса системы частиц.
- 7 Исследование поведения двумерной системы частиц при охлаждении.
- 8 Исследование аморфизованного состояния двумерной системы частиц с помощью функции радиального распределения.
- 9 Моделирование фазового перехода 1-го рода в двумерной системе частиц
- 10 Определение энергии образования вакансии в кремниевом кристаллите при межатомном потенциале взаимодействия Вуксевича.
- 11 Определение энергии образования вакансии в кремниевом кристаллите при межатомном потенциале взаимодействия Стиллинджера-Вебера
- 12 Определение энергии образования собственного междоузельного атома в кремниевом кристаллите при межатомном потенциале взаимодействия Терсоффа

По разделу «Методы Монте-Карло»

- 13 Проверка генератора случайных чисел.
- 14 Одномерные случайные блуждания.
- 15 Случайные блуждания частиц на двумерной решетке.
- 16 Исследование двумерного распределения частиц при диффузии с поверхности. Метод случайных блужданий
- 17 Моделирование диффузии нейтронов через пластинку
- 18 Двумерный ядерный реактор
- 19 Модель Изинга на квадратной решетке для ферромагнетика с переворотом спина в каноническом ансамбле.
- 20 Модель Изинга для магнетика на квадратной решетке с динамикой Кавасаки.
- 21 Модель Изинга для бинарного сплава на квадратной решетке в каноническом ансамбле.
- 22 Модель Изинга для бинарного сплава с ПК решеткой в каноническом ансамбле.
- 23 Моделирование роста грани простого кубического кристалла.
- 24 Моделирование ионной имплантации.

#### **Критерии оценивания (оценочное средство - Задания)**

Оценка	Критерии оценивания
зачтено	Сдан допуск по задаче. Составлена программа. Продемонстрирована ее работа. Проведено тестирование программы. Составлен и сдан отчет.
не зачтено	Пока не выполнены все пункты из "Зачтено"

#### **5.2. Описание шкал оценивания результатов обучения по дисциплине при промежуточной аттестации**

## Шкала оценивания сформированности компетенций

Уровень сформированности компетенций (индикатора достижения компетенций)	плохо	неудовлетворительно	удовлетворительно	хорошо	очень хорошо	отлично	превосходно
	не зачтено		зачтено				
<u>Знания</u>	Отсутствие знаний теоретического материала. Невозможность оценить полноту знаний вследствие отказа обучающегося от ответа	Уровень знаний ниже минимальных требований. Имели место грубые ошибки	Минимально допустимый уровень знаний. Допущено много негрубых ошибок	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько негрубых ошибок	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Допущено несколько несущественных ошибок	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки. Ошибок нет.	Уровень знаний в объеме, превышающем программу подготовки.
<u>Умения</u>	Отсутствие минимальных умений. Невозможность оценить наличие умений вследствие отказа обучающегося от ответа	При решении стандартных задач не продемонстрированы основные умения. Имели место грубые ошибки	Продemonстрированы основные умения. Решены типовые задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания, но не в полном объеме	Продemonстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с негрубыми ошибками. Выполнены все задания в полном объеме, но некоторые с недочетами	Продemonстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания в полном объеме, но некоторые с недочетами	Продemonстрированы все основные умения. Решены все основные задачи с отдельными несущественными недочетами, выполнены все задания в полном объеме	Продemonстрированы все основные умения. Решены все основные задачи. Выполнены все задания, в полном объеме без недочетов
<u>Навыки</u>	Отсутствие базовых навыков. Невозможность оценить наличие навыков вследствие отказа обучающегося от ответа	При решении стандартных задач не продемонстрированы базовые навыки. Имели место грубые ошибки	Имеется минимальный набор навыков для решения стандартных задач с некоторыми недочетами	Продemonстрированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторыми недочетами	Продemonстрированы базовые навыки при решении стандартных задач без ошибок и недочетов	Продemonстрированы навыки при решении нестандартных задач без ошибок и недочетов	Продemonстрирован творческий подход к решению нестандартных задач

## Шкала оценивания при промежуточной аттестации

Оценка		Уровень подготовки
зачтено	превосходно	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «превосходно», продемонстрированы

		знания, умения, владения по соответствующим компетенциям на уровне выше предусмотренного программой
	<b>отлично</b>	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «отлично».
	<b>очень хорошо</b>	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «очень хорошо»
	<b>хорошо</b>	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «хорошо».
	<b>удовлетворительно</b>	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «удовлетворительно», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «удовлетворительно»
<b>не зачтено</b>	<b>неудовлетворительно</b>	Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «неудовлетворительно».
	<b>плохо</b>	Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «плохо»

### 5.3 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов обучения на промежуточной аттестации с указанием критериев их оценивания:

#### 5.3.1 Типовые задания (оценочное средство - Контрольные вопросы) для оценки сформированности компетенции ОПК-4

- 1 Компьютерный эксперимент в физике. Его достоинства и недостатки.
- 2 Общая характеристика метода молекулярной динамики. Выбор потенциала взаимодействия и формы расчетной ячейки.
- 3 Математическая постановка задачи в ММД.
- 4 Алгоритм Верле решения задачи Коши в ММД.
- 5 Проблема выбора шага по времени и граничных условий в ММД.
- 6 Центральные эмпирические потенциалы межатомного взаимодействия.
- 7 Нецентральные эмпирические потенциалы межатомного взаимодействия
- 8 Усреднение по пространству и усреднение по времени в ММД для системы частиц.
- 9 Определение характеристик микроканонического ансамбля частиц в ММД.
- 10 Получение уравнения состояния неидеального газа и определение коэффициента самодиффузии в системе частиц ММД.



- 11 Молекулярная динамика канонического ансамбля. Канонический ансамбль при постоянном давлении.
- 12 Моделирование точечных дефектов в кристаллах методом МД. Общие положения. Выбор граничных условий.
- 13 Моделирование образования вакансии в алмазной решетке.
- 14 Моделирование образования междоузельного атома в кубических решетках.
- 15 Моделирование примесных атомов в кристаллах.
- 16 Моделирование аморфного состояния твердого тела. Функция радиального распределения.
- 17 Общая характеристика метода Монте-Карло. Марковские процессы.
- 18 Погрешность метода Монте-Карло.
- 19 Генераторы случайных чисел. Линейный конгруэнтный генератор.
- 20 Проверка генераторов случайных чисел.
- 21 Применение ММК к исследованию случайных блужданий.
- 22 Случайные блуждания частицы решеточного газа: связь с диффузией.
- 23 ММК для моделирования системы частиц. Идея предпочтительной выборки.
- 24 Алгоритм Метрополиса в ММК.
- 25 Микроканонический ансамбль частиц в ММК. «Демон».
- 26 Канонический ансамбль частиц в ММК.
- 27 Модель Изинга ферромагнетика. Фазовый переход порядок-беспорядок.
- 28 Критическое замедление в модели Изинга.
- 29 Модель Изинга бинарного сплава. Общая характеристика. Начальная конфигурация. Периодические граничные условия .
- 30 Модель Изинга бинарного сплава. Фазовая диаграмма. Теплоемкость. Фазовый переход 2-ого рода.
- 31 Общая характеристика моделирования роста кристаллов. Теория зародышеобразования.
- 32 Особенности роста реальных кристаллов.
- 33 Модель роста кристалла Косселя.
- 34 Совершенствование модели роста кристалла Косселя

**Критерии оценивания (оценочное средство - Контрольные вопросы)**

Оценка	Критерии оценивания
превосходно	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «превосходно», продемонстрированы знания, умения, владения по соответствующим компетенциям на уровне выше предусмотренного программой
отлично	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «отлично».
очень хорошо	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «очень хорошо»
хорошо	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «хорошо».
удовлетворительно	Все компетенции (части компетенций), на формирование которых направлена дисциплина, сформированы на уровне не ниже «удовлетворительно», при этом хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «удовлетворительно»
неудовлетворительно	Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «неудовлетворительно».
плохо	Хотя бы одна компетенция сформирована на уровне «плохо»

**6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)**

## Основная литература:

1. Васин Александр Сергеевич. Компьютерный эксперимент в физике : практикум / А. С. Васин ; ННГУ им. Н. И. Лобачевского. - 3-е изд., испр. и доп. - Нижний Новгород : Изд-во ННГУ, 2024. - 68 с. - Текст : электронный., <https://e-lib.unn.ru/MegaPro/UserEntry?Action=FindDocs&ids=892171&idb=0>.
2. Сивухин Дмитрий Васильевич. Общий курс физики : Учебное пособие для вузов: В 5 томах Том 2: Термодинамика и молекулярная физика. - 6-е изд. - Москва : Издательская фирма "Физико-математическая литература" (ФИЗМАТЛИТ), 2014. - 544 с. - ВО - Бакалавриат. - ISBN 978-5-9221-1514-8., <https://e-lib.unn.ru/MegaPro/UserEntry?Action=FindDocs&ids=621747&idb=0>.
3. Павлов Павел Васильевич. Физика твердого тела : учебник. - 3-е изд., стер. - М. : Высшая школа, 2000. - 494 с. - 78.54., 33 экз.
4. Васин Александр Сергеевич. Моделирование роста грани простого кубического кристалла : практикум для студентов магистратуры, обучающихся по направлениям подготовки 011200 "Физика", 210100 "Электротехника и нанoeлектроника", 230200 "Информационные системы" / А.

С. Васин ; Нижегород. гос. ун-т им. Н. И. Лобачевского. - Нижний Новгород : Нижегород. гос. ун-т, 2014. - 18 с., 13 экз.

5. Васин Александр Сергеевич. Применение численных методов к моделированию физических процессов : методические указания и задания / А. С. Васин ; Нижегород. гос. ун-т им. Н. И. Лобачевского, Физ. фак., Каф. информ. технологий в физ. исследованиях. - Нижний Новгород : ННГУ, 2007. - 24 с., 30 экз.

6. Васин А. С. Применение численных методов к моделированию физических процессов: Практикум / Васин А. С. - 2-е изд., испр. и доп. - Нижний Новгород : ННГУ им. Н. И. Лобачевского, 2021. - 44 с. - Рекомендовано методической комиссией физического факультета для студентов физического факультета ННГУ, обучающихся по направлению подготовки 09.03.02 «Информационные системы и технологии». - Библиогр.: доступна в карточке книги, на сайте ЭБС Лань. - Книга из коллекции ННГУ им. Н. И. Лобачевского - Физика., <https://e-lib.unn.ru/MegaPro/UserEntry?Action=FindDocs&ids=783197&idb=0>.

#### Дополнительная литература:

1. Гулд Харви. Компьютерное моделирование в физике : [в 2 ч.]. Ч. 1 / пер. с англ. А. Н. Полюдова, В. А. Панченко. - М. : Мир , 1990. - 349 с. : ил. - ISBN 5-03-001593-0 : 2.20., 2 экз.
2. Гулд Харви. Компьютерное моделирование в физике : [в 2 ч.]. Ч. 2 / пер. с англ. А. Н. Полюдова, В. А. Панченко. - М. : Мир , 1990. - 399 с. : ил. - ISBN 5-03-001594-9 : 2.50., 2 экз.
3. Жаблон К. Применение ЭВМ для численного моделирования в физике / пер. с фр. А. В. Арсентьевой ; под ред. В. В. Александрова, Ю. В. Вишнякова. - М. : Наука, 1983. - 235 с. : ил. - (Библиотека программиста). - 0.90., 1 экз.
4. Кунин Стивен Е. Вычислительная физика / пер. с англ. А. Д. Баркалова, А. Н. Явохина ; под ред. А. Н. Матвеева. - М. : Мир, 1992. - 518 с. - 122.00., 2 экз.

#### Программное обеспечение и Интернет-ресурсы (в соответствии с содержанием дисциплины):

1. Пакет Microsoft Visual C++ , установленный в компьютерном классе.
2. Пакет компьютерных аналитических и графических вычислений для персонального компьютера. Допускается применение сред Wolfram Mathematica, Matlab, MathCAD, Maple или любых иных компьютерных ресурсов аналогичного назначения.
3. Интернет-ресурс справочной и математической литературы со свободным доступом <http://www.eqworld.ipmnet.ru>

#### **7. Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)**

Учебные аудитории для проведения учебных занятий, предусмотренных образовательной программой, оснащены мультимедийным оборудованием (проектор, экран), техническими средствами обучения, компьютерами.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечены доступом в электронную информационно-образовательную среду.

Программа составлена в соответствии с требованиями ОС ННГУ по направлению подготовки/специальности 11.04.04 - Электроника и наноэлектроника.

Автор(ы): Васин Александр Сергеевич, кандидат физико-математических наук, доцент.

Заведующий кафедрой: Морозов Олег Александрович, доктор физико-математических наук.

Программа одобрена на заседании методической комиссии от 20.05.2023, протокол № б/н.